



منظفالاستيفزاء

创起的

التنتكغ الكانع فالم



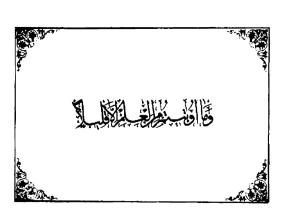




也起的



منطق الاستفرا	الكتاب:
السيد عيار ابو رغية	المؤلف:
مجمع الفكر الاسلام	نشر
الاولی ــ شوال ۱٤۱۰ هــ ز	الطبعة:
- np	المطبعة:
١٥٠٠ نس	الكمية:





المدخيل:



منذ زمن ليس باليسير عزمت على ابتكار الحيلة، ومغالبة خيبة الامل في ظل النظروف القاسعة، عسى أن اتفرغ لدراسة أحد فروع المعرفة البشرية المخطيرة، اعنى: «الاستقراء والاحتبال»، بادئاً من حيث تركة الفيلسوف الفقيد معلم جيلنا السيد محمد باقر الصدر.

يدفعني لخوض هذا الغيار المهيب شوق وتطلع لبناء هرم افكاري، وسد بعض ثفرات اجتهاد الرأي، حيث كنت ولا ازال طامحاً لتكوين قناعة تصديقية بها احتمله، وما اتيقن به، ومن ثم بناء الفكر على تصديق استطيع الدفاع عنه بثقة.

ثم ابتدأت ؟ وفي الخطوات الاونى هذه البداية حاولت ان اطلع على الجاد على حول حول كتاب «الاسس المنطقية للاستقراء»، محور درسنا، ومنطلق بدايتنا. فوجدت الميدان جدبا الا من غرسين، أحدهما شرح تعليمي، لم يكتمل بعد، مضبوط على أشرطة التسجيل، قام به أحد الأعلام، والآخر عرض نقدي باللغة الفارسية، حرره الدكتور عبد الكريم سروش.

وكان لا بد لنا من استبصار كلا الاثرين، وجني ما يمكن من ثهار الغرسين، فاستمعت ليعض اشرطة التسجيل بعناية، وقرأ ت بامعان دراسة الدكتور «سروش». ولاحظت ان العثرات التي بمنى بها دارسو كتاب «الاسس المنطقية للاستقراء» تعبود في الدرجة الاولى الى قصور في الفهم، أي ان الاعتراضات التصديقية، التي تسجل غالباً، ترجع أساساً الى فقدان التصور السليم بشأن اطروحة «الاسس». وفي هذا المناخ ارتسم لي دور واضح في الافق، وحُملت مهمة أساس في المرحلة الاولى، ذلك ان أبداً في بسط ما يلقه الغموض من اطروحة الاستاذ، وتعميم امكانية الافادة من هذا الاثر الحيوي.

ثم لقبت اصراراً، من قبل بعض الأصدقاء، على ايضاح الموقف من ملاحظات سروش النقدية، فقدمت هذا المهم، وصدر كتاب «الاسس المنطقية للاستقراء في ضوء دراسة الدكتور سروش»، وما زادني معالجة دراسة سروش الآ اصراراً على ضرورة اعادة تظهير كتاب «الاسس»، وكسر الطوق، الذي يحلو للبعض ان يقيدوا به هذا الكتاب، ذلك ان تعميم الثقافة، التي يبشر بها هذا الكتاب اصبح واجباً فكرياً أكيداً.

أجل ! ان المشتغلين في حقل المنطق والفلسفة يدركون جيداً أهمية دراسة الاستقراء، والآثار الخطيرة، التي تترتب على الموقف من مشكلات هذا الموضوع سواءعلى مستوى المعرفة البشرية بعامة،أم على مستوى البحث العقائدي بصورة خاصة.

كها اضحى واضحاً للمشتغلين في علوم الشريعة مدى اهية دراسة الاستقراء ونظرية الاحتيال في مجال اشتغالجم، اذ أدخل الفقيه المجدد الراحل «السيد محمد باقر الصدر» نظرية الاحتيال وتفسير الدليل الاستقرائي على أساس تلك النظرية من باب واسع على علوم الشريعة _ سواء منهج البحث «علم الاصول». أم البحث الفقهي، أم علم الحديث والرجال _، واضحت مواقع أهم

المنخل

كبريات البحث الاصولي ترتهن أساساً بالموقف المختار في نظرية الاحتمال.

وليس أمام الفقيه - المجتهد بحق - أيّ حق في اهمال ما طرحه الصدر، حيث اما أن يجتهد في اتخاذ موقف محدد نما طرحه الصدر، فيحصل على كبريات البحث الاصولي على أساس اجتهاد وبصيرة، واما أن يقلد ويتبنى رأياً لأحد البحث دون معاناة وتحقيق، وهذا يعني أنه سوف ينتهي الى كبريات البحث الاصولي على أساس تقليد في الرأي، وهم يقولون: النتيجة تتبع أخس المقدمات!

أما رجال البحث الفلسفي والمنطقي ـ وأخص منهم المهتمين بمناهج البحث في العلوم ـ فليس امامهم أي مندوحة في اهبال نظرية «الاسس المنطقية للاستقراء». لعلنا نجد تبريراً لفرسان ميدان مناهج البحث في الغرب لعدم اطلاعهم على محاولة الصدر، حينها نتوسل بأمرين:

الأول ـ لا يزال كتاب «الاسس» غير مترجم بشكل فني ولائق الى احدى اللغات الاساسية في غرب القارة كالانجليزية او الفرنسية.

الثاني _ ان الغربيين يعانون من تضخم هذا البحث، فقد قالوا وكتبوا _ عبر اربعة قرون _ كثيراً جداً حول هذا الموضوع، وتناوب مئات العباقرة وأولي النبوغ على معالجة مشكلاته، حتى كاد الغرب لا يصدق بولادة جديدة _ بمعنى الكلمة _ على ارضه، فضلاً عن جدة معالجة على ارض الشرق وبلغة العرب!

لكن كلا هذين الأمرين لا يبرران لرجال مناهج البحث في الشرق _ والمسلمين منهم على الخصوص _ عدم الاهتهام الاكيد باطروحة «الاسس المنطقية للاستقراء»، لأن هذه الاطروحة _ دون مبالغة في القول _ نقلتنا مع بعض وجوه مشكلات الاستقراء ونظرية الاحتهال ما يقرب من ثلاثة قرون، واختزلت المسافات الزمنية، التي تفصلنا عها عليه الوضع في غرب القارة في وجوه اخرى اكثر من قرن. ومن ثم طرحت معالجة هي أقرب لروحنا في الشرق، وعساها ان تكون

علاجاً أو على الأقل بداية العلاج لسد الهوة الثقافية العميقة ، التي تفصل بين

العالمين. لا اريدان أطيل في معالجة هذا الموضوع عبر هذا المدخل، حيث يستحق البحث دراسة مستأنفة ، انها اريد ان استثمر ما تبقى من مجال في مدخلنا هذا لأضع القارئ الكريم في الصورة العامة لما أنا صانعه في هذه الدراسة:

ابتدى هذه الدراسة بفصل أتناول فيه قضية الاستقراء ومعالجة مشكلاته في تاريخ الفكر الفلسفي، فأبدأ بارسطو حتى انتهى الى الوضع الراهن لهذه القضية والاطار الذي تعالج خلاله مشكلات الاستقراء في منظور معاصر. وسأعنى في الدرجة الاولى بضغط وتلخيص مادة هذا الفصل، ولعلها تكون أقرب الى النظرة التاريخية منها الى الدراسة التحليلية.

اتبع ذلك بالفصل الثاني، حيث اتناول فيه دراسة نظرية الاحتيال، وساعتمد في هذأ الفصل ما استطعت لغة تعليمية خالصة، فاعرض لقضايا نظرية الاحتيال الاساسية بشكل مبسط، وعبر أمثلة توضيحية أحاول ان أجلي المسائل الاولية في حساب الاحتيال، مضيفاً اليها مبدأ الاحتيال العكسي، وسأعرض ايضاً وسوف أؤكد هناك على ايضاح مصدر المقام في معادلة العكسي، وسأعرض ايضاً بشكل توضيحي لتفسير الاحتيال لدى الاستاذ، وسأطلق على التفسير الذي اختياره والنظرية التي اعتمدها مصطلع «التفسير الاجمالي للاحتيال»، وسوف يعيننا الاقتراب من هذا التفسير على فهم واستيعاب القضايا الرياضية في حساب الاحتيال.

وسيكون الفصل الثالث مختصاً بدراسة «نظرية الاحتيال»، أيضاً. فبعد تأهيل القارئ في الفصل السابق، من خلال هضم المسائل الاساسية في حساب الاحتيال، نكون قادرين على عرض نظرية الاحتيال بمبادئها النظرية، وقواعدها وقوالبها المدرسية، كما نستطيع ان نعرض لأعقد مسائل حساب الاحتيال، التي اتجلنا دراستها للفصل الثالث. واعني على الخصوص معادلات برنولي ونظريته. ولعلى أكون قد وفقت في هذا الفصل، وفي قضايا «برنولي» لتحقيق بعض الانجاز بل هناك مجموعة امور تحققت في هذا الموضوع، الى جانب ايضاح وبسط ما غمض واختزل في كتاب «الاسس». فقد اوضحت فكرة التوزيع لدى برنولي، وحددت بوضوح القاعدة التي تستنبط مباشرة من معادلاته، ضمن استخدام صيغة رياضية ادق لتشخيص «الحد» في توزيع «برنولي»، وقد ميزت بين هذه القاعدة، وبين النظرية العامة، التي يقررها «برنولي». وعكفت بعد ذلك على اثبات نظرية «برنولي»، من خلال برهان «تشييف».

لعمل القمارئ يتمساءل عن فائدة ودور تفصيل هذا البرهان في قضابا الاحتمال ونظريته الرئيسية؟!

استهدفت من عرض برهان «تشييف» أمرين:

الأول: اشباع رغبة القارئ، الذي اعتاد قبول الافكار بأدلتها.

الثاني: ان أرفع ابهاماً وقع فيه البعض، حيث يعتقد ان نظرية برنولي، التي ذكرها الاستاذ في نهاية عرضه امر لم يقله «برنولي»، او لم يرده! ونحن من خلال نقل نص النظرية ـ التي اعتمدنا على ترجته العربية من الروسية، ومقارنته بالنص الانجليزي، والنصوص العربية التي نقلت النص الانجليزي ـ مضافاً الى ذكر اثبات «تشييف» نستطيع رفع هذا الابهام نهائياً أن شاء الله تعالى. آملين من الاخوة الذين يهتمون بدراسة وتدريس «الاسس» الاطلاع ـ ضمن الحد الادنى ـ على النظريات المعاصرة التي عرض اليها الكتاب.

كها استطاع بحثنا ان يدافع عن نظرية الاحتبال في تفسيره الاجمالي، ضمن معالجة مشكلة تفسير «برنولي» حيث اثبتنا - بعد عدم الاقتناع بالتفسير المطروح في «الاسس» - انسجام نظرية الاحتبال في تفسيره الاجمالي مع نظرية برنولي وتوزيع برنولي. وفي الفقرة الاخيرة من هذا الفصل حاولت أن أقدم تعريف الاستاذ للاحتبال، مشتقاً اباه من خلال مجموع كلهاته، واحسب انه جاء في صيغة منظمة، كها حاولت أن ارسم الهيكل العام لنظرية الاحتبال في تفسيره الاجمالي.

وجاء الفصل الرابع لنختبر فيه قدرة نظرية الاحتبال الاجمالي على معالجة مشكلة الاستقراء، وبيان الاسلوب الذي اختاره الاستاذ لتنمية احتبال التعميم الاستقرائي، على أساس نظريت في الاحتبال. فابتدأته بالتركيز على احدى القضايا الاساسية في تفسير الدليل الاستقرائي، كمحور يميز اتجاهي التفسير الرئيسين في عالم الغرب، ثم عقدت فقرتين، تناولت في الفقرة الاولى دراسة موقف التجريبية الخالصة من الاحتبال اتكاء على المدرسة الكلاسيكية «الرياضية»، فعرضت لـ الابلاس»، وتفسير الدليل الاستقرائي لديه. ثم عقدت فقرة مستقلة لعرض انجازات وطريقة الاستاذ في دراسة هذا الموضوع.

واستطيع أن أضع اليد على بعض النقاط الرئيسية التي حققتها هذه الدراسة، ضمن محاولة تحقيق هدفها الرئيس، اعني تبسيط وتوضيح افكار «الاسس». ويمكن الاشارة الى هذه النقاط فيها يلى:

١- حاولت تنظيم البحث في صياغة قضايا العلية، ورفع بعض الابهامات،
 التي قد يتركها النص المدروس.

٢- استطعت اكتشاف المعادلة الرياضية التي يتم من خلالها البرهنة على الصيغة الرياضية الشانية لقيسة احتيال التعميم الاستقرائي، وهي احدى صيغتين طرحها الاستاذ لتقييم درجة احتيال التعميم الاستقرائي، وفق مبدأ العكسى، وقاعدة الضرب في العلوم الإجالية، وكانت الصيغة الاولى:

فبرهنت اولاً بطريقة منطقية على المساواة بين:

المخلاللخل المنطقة المن

واثبت رياضياً أن:

وبذلك يثبت أن:

٣ـ رفعت الابهام بشكل لا غبار عليه حول تفسير المقام في كسر الاحتهال العكسي، الذي يُقيّم في ضوءه احتهال التعميم الاستقرائي، في التطبيق الأول. على أن أنوه في هذا المدخل إلى النقاط التالية:

أولاً: كتبت الفصول الرئيسية في هذه الدراسة، ثم القيتها على بعض النابهين من طلاب الدراسات الاسلامية، وحاولت كراراً ان اعيد النظر في مضامين ما طرح. ورغم ثقي التامة في تحري الامانة والوضوح، وسيادة روح الدفاع عن فكر الاستاذ في ما كتبت، ولكن للحق والانصاف يجب ان أقرر، أنه اذا كان هناك من هفوة أو خطأ في دراستي فهو مني، ونتيجة قصوري، وعلى من يريد تقويم دراسة «الاسس»، وهو قادر على فهمه، ان يرجع لما كتبه الراحل العظيم، فهو المعبر بحق عن افكاره.

ثانياً: اَوْكد ان محاولتي في هذه الدراسة محاولة تعليمية في روحها العامة، ومن هنا حاولت عرض الكثير من قضايا البحث بشكل مبسط جداً. خصوصاً قضايا الرياضة البحتة، وعليه سيغفر في المختصون في هذا الحقل الخروج عن مألوف طربقتهم، لأن مخاطبي _ في الأعم الأغلب _ يحتاج الى ابضاحات ترجع في بعض الأحيان الى المبادئ الاولية في الحساب.

ثالثاً: استبعدت نهائياً النقد والاعتراض، يحدوني الى هذا الاستبعاد سببان رئيسيان، أولها اشرت اليه، وهو أن اطروحة «الاسس المنطقية ثلاستقراء» لم تهضم بعد، ومن ثم يصبح الحوار النقدي حول هذه الاطروحة أقرب شيء الى حوار البكم. فأي نفع في نقش النقود وتسطير الاعتراضات، ما دامت معالم العرش غير واضحة، وقديهاً قالوا: «العرش ثم النقش».

والسبب الثـــاني. الـذي يحدوني الى تجنب روح النقــد، هو عدم مجاراة

وتصديق مشروعية بعض مراهقي الفكر، الذين أرادوا من اصطناع منهج النقد_ وبشكل مشوّه _ استهداف عملاق فكري، لتحقيق أهداف دانية، أبعد ما تكون عن روح العلم والشريعة.

على ان أؤكد انني ضد تحريم نقد فكر «الصدر» أو احتكاره، لأنه تحريم يسطل العقد، كما يتناقض مع روحه الكبير الذي علمنا النقد والاعتراض والتحليل، وقبول الحقائق بالدليل. خصوصاً وأنا أراه كثيراً وهو متألم بسخرية، ولسان حاله يقول:

«أنا لا اجيز التمسك بالعام في الشبهة المصداقية... وقد اصبحت ملكاً مشاعاً، بعد خلوصي من التراب، وعلى من يدّعي ارث تركتي ان يثبت دعواه مصداقياً، والحكم الفكر والنابهون من حملته.. وان ابيتم تنكب هذا السبيل فلا اعدو ان اكون بينكم عا قريب كما قال الله تعالى:

﴿ كساء انزلناه من السهاء فاختلط به نبات الارض فاصبح هشيهًا تذروه الرياح وكان الله على كل شيء مقتدراً...﴾».

ولعل هناك من ينقض على كاتب هذه السطور، ويقول:

لقد أشرت في أكثر من موضع الى استبدال بعض الصيغ أو التفسيرات المطروحة في «الاسس»، وهل هذا غير النقد والاعتراض ؟!

كلًا، ليس هذا من النقد والاعتراض في شيء، لقد اردت تدعيم وتقويم ما لاح لي بحاجة لذلك، أي: انني استهدفت الذفاع عن الاساس النظري، الذي طرحه الاستاذ، وحينها استبدل بعض التفاصيل، بها اقدر انه الافضل، فهذا يعني انني لا زلت أحد أنصار النظرية، ولم اخرج عن اطارها العام.

أجل: لقد لاح لي في بعض المواقع التفصيلية ضرورة الاشارة الى الفرق بين ما جاء في الاسس، وبين ما اطرحه، كدفاع عن نظرية الاحتيال، التي طرحها استاذنا الراحل، حفظاً للامانة في الطرح، ولكى أكون أنا الهدف في التجريم، حينها يكون هناك تناقض أو خطأ. فيحفظ حق الاستاذ، وتحفظ معه الامانة العلمية.

رابعاً: ان الفيلسوف الفقيد طرح في «الاسس» نظريتين أساسيتين، تناولت الاولى تفسير الاحتيال وصياغة نظرية جديدة للاحتيال، تم له على هديها تفسير الدليل الاستقرائي، ومن خلال تفسير الاستقراء على اساس نظرية الاحتيال يمنح التعميم الاستقرائي تصديقاً منطقياً. لكنه تصديق ناقص، لا يبلغ درجة القطع واليقين، وقد انصبت جهودنا في هذه الدراسة على بيان هذه النظرية وتبسيط عرضها.

اما النظرية الثانية فهي اتجاه جديد في تفسير اليقين الاستقرائي، والمعرفة البشرية بعامة. حيث يُمنح الدليل الاستقرائي في مراحل متقدمة بقيناً، لكنه غير ضروري، ومن ثمّ فهو غير منطقي، وفي الوقت ذاته ليس يقيناً فوضوياً قانبًا على أساس النزعة السيكولوجية المحضة، بل هو يقين يرتكز على مبررات موضوعية، وله شروطه المنطقية. آمل باذنه تعالى ان أتوفر على فرصة لعرض هذا الاتجاه وتحليله ـ في دراسة قادمة.

ولا بد أن أؤكد هنا على أن دراستنا لنظرية الاحتيال وتفسير الدليل الاستقرائي على أساس هذه النظرية أنصبت على عرض العمود الفقري والاسس النظرية التي طرحها الاستاذ. أي أن هناك تفصيلات آخرى آثرنا عدم ذكرها في هذه الدراسة، لأن اغفالها لا يؤثر على البناء الأساسي للنظرية، مضافاً الى تيسير البحث أمام القارئ المتعلم، أذ أن الدخول في التفريعات والتفاصيل يراكم مادة البحث، فيعسر هضمها واستيعابها، ويشوش على المتابع الصورة، التي نريد عرضها واضحة جلية.

ويلوح لى أن الخطوة القادمة، التي يتوجب طبها، هي: القيام بمقارنة شاملة بين نظريتي الصدر وراسل في مجال الاستقراء والاحتيال. وسأحاول ـ بعونه تمالى ـ تعلم لغة القوم بشكل أفضل. على أن أشير الى أن تعاملي مع النص المدخل ١٥

الانجليزي _ فعلًا _ يتم عادة بالاستعانة بالترجات التي اطمئن بها، أو بـ عار في هذه اللغة من الاصدقاء.

وأخيراً لا بد من الاشارة الى طبيعة المصادر، التي اعتمدتها في هذه الدراسة، خصوصاً مصادر الحساب الرياضي. لقد جاء ذكر عدة مصادر اضافية لما اعتمده السيد الاستاذ في «الاسس» من مصادر، كما اهملت ذكر المصادر، التي استعنت بها في تحرير حساب الاحتمال، ببرر لي ذلك عمومية هذا الحساب ووضوح عملياته لدى المختصين. على ان اشير الى ان كثيراً من الامثلة استقيتها من مصادر انجليزية مترجة أو غير مترجة. كما افدت كثيراً من دراسة روسية مترجة الى اللغة العربية، وقد جاءت في كتاب صغير، تحت عنوان «المبادئ الاولية لنظرية الاحتمالات»، تأليف جنيدبنكو، خينتشين، بلا ذكر اسم المترجم.
وفي الختام ارجو أن أكون قد حققت ما رجوت تحقيقه، عبر هذه الدراسة،

شاكراً ــ سلفاً ــ قراءها الناقدين عن بصيرة، راجين منه القبول.

عيار ابو رغيف في الرابع عشر من رجب ١٤١٠



الفصل الاول

الاستقراء ما قبل نظرية الاحتمال

تعريف الاستقراء

١_ الاستقراء عند أرسطو

٧_ الاستقراء في المدرسة الأرسطية

٣ـ الاستقراء منذ النهضة الاوربية الحديثة



الفصل الاول

الاستقراء ما قبل نظرية الاحتمال

ماهو الاستقراء؟ الاستقراء هو تتبع الجزئيات بغية الوصول الى حكم عام ينسحب على كل الجزئيات. ولا يراد بالجزئي هنا الجزئي الحقيقي، بل الاعم منه ومن الجزئي الاضافي. ويقابله القياس، حيث ينتقل الذهن فيه من حكم كلي تتضمنه المقدمة الى حكم اقل عمومية أو مساوي في كليته للمقدمات.

هناك ابهامات اثارتها البحوث الحديثة حول دلالة مصطلح الاستقراء:

«استقراء: حد من الحدود الاصطلاحية في المنطق، بَيْد انه ليس له ـ لسوء الحظ ـ معنى واضع تمام الوضوح، اذ يستعمل على الاقل بطريقتين: يستعمل في الطريقة الاولى ليدل على اي عملية ليست استنباطاً يحاول فيها المرء ان يبرر قبوله لنتيجة ما، فعمليات الرياضة والمنطق الخالص استنباطية، اما ادلة العالم ومتعقب الجريمة فهي استقرائية. بَيد ان هذا الحد يستخدم ايضاً ـ وخاصة عند بوبر وعند هؤلاء الذين يوافقونه في الرأي _ ليدل على رأي خاص عن الكيفية التي يحاول بها العلماء ومتعقبو الجريمة تبرير نتائجهم، وهو الرأي الذي نجده لدى بيكون وج. س. مل، والذي يقول ان قواتين العلم ونظرياته امر نصل اليه بوساطة نوع خاص من المحجاج تكون فيه المقدمات قضايا مفردة الموضوع ومستقاة من الملاحظة

نلاحظ ان هذا النص تعوزه الدقة المطلوبة في تقرير قضايا المنطق والحكمة. ولايضاح هذه الملاحظة نأتي اولًا على بيان الفرق، الذي يمكن ان يطرح في ضوء نص الموسوعة بين الاطلاقين لمصطلح الاستقراء:

الله يطلق مصطلح الاستقراء، ويراد منه ما يقابل الاستنباط، وهذا يعني ان الدليل الاستقرائي «الاستقراء» لا يشمل سوى «الاستقراء الناقص »؛ لان النتجة في الاستقراء النام، تحصل بطريقة استنباطة.

٢- يُطلق مصطلح الاستقراء، ويراد منه تتبع الجزئيات لاجل الوصول الى الحكم العام، وهذا يعني شمول مصطلح «الاستقراء» لكلا لوني الاستقراء الناقص والتام.

نعود الى نص الموسوعة، حيث اتخذ _ في الاصطلاح الاول _ من الاستقراء كل عملية يراد تبرير النتيجة فيها بطريقة غير استنباطية. وهنا نتساءل: ما هو الرأي في النتائج التي يدركها العقل بقوة الحدس المباشر ؟ من الواضح أن هذه النتائج لايمكن تبريرها بطريقة استنباطية، كما لا يمكن أن يطلق على العملية العقلية التي ندرك على الساسها «البديهيات» إنها عملية استقرائية !

وهنــاك امرٌ آخر يتعلق بالاصطلاح الثاني للاستقراء، حيث ترى الموسوعة انه الاصطلاح الذي استخدمه بيكون وجون ستيوات مل، ومن

 ⁽١) الموسوعة الفلسفية المختصرة، نقلها عن الانجليزية فؤاد كامل، جلال العشري، عبد الرسيد الصادق.
 أشرف عليها الدكتور زكى نجيب محمود، دار القلم _ بيروت، ص ٥١.

الواضح لدى المطلعين على تاريخ الفلسفة أن هذين الفيلسوفين استخدما مصطلح الاستقراء في الاستقراء الناقص، وحاولا أن يضعا منهج العلم، الذي لا يرتكز ـ حسب ما أنتهى اليه هذان الفيلسوفان ومن لف لفهم ـ الا على الملاحظة والتجريب، الذي لا يعني لديهم الا الاستقراء الناقص ! وعلى هذا الاساس حق لنا أن نتساءل: هل أن الاستقراء في اطلاق بيكون ومل، يختلف عن المصطلح الاول، فهو عملية غير استنباطية على الاطلاق! حناك مناقشة من لدن آخر حمالة عن اللاستقراء أمان ثم ها النص

هناك مناقشة من لون آخر حول تعريف الاستقراء ، يشيرها النص التالي.

«النظرة التقليدية الى الاستقراء هي انه الانتقال من الجزئيات الى الكليات، او بعبارة ادى: الانتقال مما هو اكثر كلية _ وذلك في مقابل القياس او الاستدلال القياسي Deduction الذي هو انتقال من الكلي الى الجزئي المندرج تحته، او بعبارة ادى: من الاكثر كلية الى الاقل كلية.

مثال الاستقراء:

الحديد والنحاس والرصاص والذهب..... كل منها يتمدد بالحرارة. الحديد والتحاس والرصاص والذهب..... كل منها معدن.

.: المعدن يتمدد بالحرارة.

ومثال القياس :

كل انسان فان.

سقراط انسان.

.: سقراط فان.

٢٢ منطق الاستقراء

فالاستقراء تعميم من حالات جزئية تتصف بصفة مشتركة.

لكن الاستدلال (او الاستنباط) الرياضي تعميم هو الآخر، اذ فيه ننتقل من حالة او احوال جزئية الى القانون العام او النظرية التي تشملها: فمن مثلث نرسمه ونثبت ان مجموع زواياه يساوي قائمتين (٢ ق) نستنبط النظرية العامه وهي: مجموع زوايا المثلث يساوي قائمتين.

والخلاف بين كلا النوعين من التعميم هو في الالتجاء الى التجربة: فنحن في الاستقراء نستند الى التجربة بينها في الاستدلال الرياضي لا نلجأ الى التجربة. ولهذا يقترح W.E. Johnson («المنطق» حـ ٢، فصل ١٠، ١١) الا نجعل الاستقراء في مقابل الاستنتاج الاستنتاج الاستنتاج الاحتهالي Demontrative Inference وبين الاستنتاج الاحتهالي inference!

وبغية ايضاح ما نلاحظه من خلل في نص الدكتور بدوي _ الذي نستغرب صدوره من باحث منصرس _ يحسن بنا ان نشير اولاً الى ان مصطلح الاستقراء يستخدم على ثلاثة انحاء:

١ـ تتبع الجزئيات للوصول الى حكم كلي من خلال ملاحظة او تجربة الجزئيات كلها، وهذا ما يطلق عليه الاستقراء التام او الكامل؛ لان الاستقراء يستوعب كامل وتمام الجزئيات، كما يسمى ايضاً الاستقراء التلخيصي، حيث تمثل النتيجة فيه تلخيصاً للمقدمات.

٣ـ تنبع الجزئيات للوصول الى حكم كلي من خلال ملاحظة بعض
 الجزئيات, وهذا ما يطلق عليه الاستقراء الناقص.

⁽١) موسوعة الفلسفة، الدكتور عبد الرحن يدوي، ج1، الطبعة الاولى 1984، ص 146.

٣ـ تتبع الجزئيات للوصول الى حكم كلي بقوة الحدس العقلي
 المباشر، وهذا ما يطلق عليه الاستقراء الحدسي.

والفارق بين الاستقراء الحدسي وبين الاستقراء التام والناقص فارق اساسي، فنحن في الاستقراء التام والناقص نصدر الحكم او قل نصل اليه اعتباداً على ما لاحظناه في الجزئيات، بينا لا يعتمد الحكم في الاستقراء الحدسي على ملاحظة اتصاف الجزئيات، بل يكون الاتصاف والاقتران في الجزئيات مثيراً ومنبهاً لقوة الحدس العقلي لتدرك بشكل مباشر الارتباط الشامل او قل الضروري بين المحمول والموضوع.

ولذا نلاحظ ان السائد في الدراسات المنطقية اطلاق مصطلح الاستقراء على الاستقراء الناقص والتام، اذ الحدس المباشر وإن اعتمد على استقراء المجزئيات، لكن النتيجة فيه لا يبررها منطقياً استقراء الجزئيات، بل النتيجة فيه حكم عقلي اولي. ومن هنا يخرج الاستقراء المحدسي عن دائرة الحجة المنطقية، فهو لا يدرس في اطار ابحاث المنطق الصوري في ابحاث الحجج ؛ لانه ليس حجة صورية، كها لا يدرس في اطار البحث عن الاستقراء في المنطق النجريبي، بل قد يتخذه الباحث المنطقي كمصادرة من مصادرات نظرية المعرفة التي يؤمن بها. وعلى كل حال كلحدس المباشر او الاستقراء الحدسي ليس من ابحاث المنطق الاستقرائي صورياً كان البحث ام مادياً.

حتى الآن نستطيع ان نسجل الملاحظة الاولى على نص الدكتور بدوي: ان اعتباد الرياضياتعلى ملاحظة الجزئيات او قل على استقراء الجزئيات ليس اعتباداً على الاستقراء منطقباً. اي ان الجزئيات لا تبرر ولا تعطي القاعدة الرياضية يقينها وبرهانيتها، انها تستمد القاعدة الرياضية يقينيتها في ضوء الادراك العقلي بالحدس المباشر. وهذا يعني ان الاستقراء المستخدم في الرياضة هو استقراء حدسي، وليس هو الاستقراء او قل تتبع الجزئيات للوصول الى الحكم العام استناداً الى الجزئيات.

يبقى _ لكي تتضح ملاحظتنا الثانية _ ان نحدد الفرق بين الاستقراء التام والاستقراء الناقص :

الاستقراء _ سواء منه التام ام الناقص _ عبارة عن تنبع الجزئيات للوصول الى حكم عام: اعتباداً على الجزئيات، ورغم هذا القاسم المشترك هناك سمة للاستقراء التام قيزه بشكل جوهري عن الاستقراء الناقص. وهي ان الاستقراء لكي يكون تاماً ينبغي ان يتم فيه اختبار كل الجزئيات، وهذه السمة تضمن صحة استنتاج النتيجة، وقنحها يقيناً صورياً، اي ان للقدمات سوف تبرر النتيجة تبريراً منطقياً، ومن هنا يدخل الاستقراء التام في دائرة الادلة الاستنباطية، وهي الادلة التي تضمن فيها صحة النتيجة. والامر في الاستقراء الناقص مختلف، اذ هناك مشكلة الانتقال من عدد عدود من الجزئيات الى حكم عام، ومن هنا فالنتيجة غير مضمونة صورياً، اي انها ليست يقينية، بل تبقى محتملة، مهها اضفنا الى الاختبارات الناجحة اختيارات ناجحة اخرى، وشمل الاستقراء عدداً اكبر من المصاديق والمفردات.

في هذا الضوء نستطيع ان نقرر الملاحظة الثانية على نص الدكتور بدوي؛ بعـد ان اتضح لنا ان الفرق بين الاستقراء والاستدل الرياضي يكمن في استناد الاستقراء الى اختبار الجزئيات (ملاحظتها او تجربتها). بينا لا يستند الاستدلال الرياضي الى ملاحظة او تجربة الجزئيات.

وملاحظتنا على النص هي:

ان الفرق المتقدم بين الاستقراء والادلة الرياضية يجعل الاستقراء مقابل الحدس العقلي، أي أنه يخرج الاستقراء الحدسي من زمرة الاستقراء الذي ندرسه في ابحاث الحجج المنطقية. وهذا الفرق لا يستدعينا ان نجعل الاستقراء مقابل الاستنباط، لوضوح استناد الاستقراء التام على الاختبارات مع دخوله في حوزة الادلة الاستنباطية، كما لا يقتضي التمييز بين الاستنتاج الاحتمالي والاستنتاج اليقيني، لكن الموسوعة الفلسفية تقرر: «والخلاف بين كلا النوعين من التعميم هو في الالتجاء الى التجربة: فنحن في الاستقراء نستند الى التجربة بينها في الاستدلال الرياضي لا نلجأ الى التجربة، ولهذا يقترح W.E. Johnson («المنطق» حــ ٢، فصل ١٠، ١١) الا نجعل الاستقراء في مقابل الاستنباط بل التقابل بين الاستنتاج البرهاني وبين الاستنتاج الاحتهالي» ان اقتراح جونسون ـ بغض النظر عن فهم الدكتور بدوى وتفريعه ـ يبتني على اساس سليم في التفرقة بين لونين من الوان الاستدلال، فهناك استدلال يقيني وهناك استدلال احتالي، والتقابل بين هذين اللونينمن الاستدلال لا يلاحظ فيه تتبع الجزئيات والاستناد اليها وعدم ذلك.

بل تقوم التفرقة على اساس التمييز بين النتائج، فالنتائج اليقينية تنحها الادلة الاستنباطية سواء أكانت رياضية ام لا، والنتائج الاحتيالية هي التي تستخلص في ضوء الاستدلال الاستقرائي الناقص. وحبنئذٍ يكون هناك تقابل بين الاستقراء الناقص والاستنباط، وهو تقابل لا مناص منه. ٢ منطق الاستفراء

على اي حال يبقى ان نشير الى ان تعريف الاستقراء بانه الانتقال من الجزئيات الى الكليات او السير من الحناص الى العام او... يستدعي لكي يكون تعريفاً مانعاً على حد تعبير المناطقة _ اضافة قيد الى التعريف وهو: «استناداً الى الجزئيات». لكي يميز بينه وبين الاستقراء الحدسي الذي قد تتخذ نتائجه مصادرات في الادلة المنطقية.

الاستقراء ما قبل نظرية الاحتبال ٢٧

«I»

الاستقراء عند ارسطو

يرى بعض الباحثين ان ارسطو هو «الذي استخدم مصطلح الاستقراء لأول مرة» (١٠) لكن هناك نصاً صريحاً ينقله بعض الباحثين عن «افلاطون» في (فيلابوس ـ ١٦ ب ومايليها): «ان المعرفة الديالكتيكية هي المعرفة الفلسفية بمعناها الكامل، ولا يمكن ان يحصل الانسان على العلم بمعناه الحقيقي الا عن طريق الديالكتيك، والديالكتيك ينقسم الى قسمين: استقراء، وقسمة. اما الاستقراء فهو ان يلاحظ الانسان كل الجزئيات ثم يرتفع من هذه الجزئيات الى الصفة العامة التي تربط هذه الجزئيات بعضها ببعض »(١٠).

واياً كان الرأي حول تحديد الحائز على قصب السبق في استخدام مصطلح «الاستقراء»، فالفضل مسجل لارسطو بانه اول من درس «الاستقراء» دراسة منطقية، موضحاً الشروط المنطقية لاستحصال النتيجة.

لقد أثيرت اشكالات واعتراضات كثيرة حول «الاستقراء» ودلالته لدى ارسطو. فمنذ عصر النهضة حتى يومنا هذا توالت حملات النقد على الاستقراء الارسطي، وبلغت أوجها حينها استهدفت نقض البناء المنطقي الارسطي كله من اساس. ولعلنا نستطيع تحديد موقف واضح من اهم الاعتراضات، التي وجهت الى المنطق الارسطى، واستيعاب اهم جوانب هذا

⁽١) للنطق الوضعي، الدكتور زكي تجيب محمود، ج٢. الطبعة الخامسة ١٩٨٠، ص ١٥٧٠.

⁽٢) اقلاطون، عبد الرحن بدوي، الناشر وكالة المطبر وعات ـ الكويت دال القلم ـ ببروت ١٩٧٩، ص

٢٨ منطق الاستقراء

الموضوع، اذا توفرنا على موقف واضح من موضوع «دلالات الاستقراء لدى ارسطو»:

ماهى دلالة «الاستقراء» لدى ارسطو؟

بصدد الاجابة على هذا الاستفهام انقسم الباحثون الى ثلاثة اتجاهات:

الاتجاه الاول: ذهب الى ان ارسطو استخدم مصطلح الاستقراء في ثلاثة معاني، الاول بمعنى الاستقراء الناقص، وجاء ذكره في «الطوبيقا او الجدل» من منطق ارسطو، حيث يعرّف الاستقراء بانه انتقال من الجزئيات الى الكليات. والمعنى الثاني نجده في التحليلات الاولى، حيث ينظر للاستقراء على انه انتقال من خلال احصاء كل الحالات وهو ما يعرف بالاستقراء التام، اما المعنى الثالث فنجده في التحليلات الثانية، حيث يكشف لنا الاستقراء عن الكلي المتضمن في الجزئي المعلوم، وهو ما يعرف بالاستقراء الحدسى (۱).

الاتجاه الثاني: ذهب الى ان ارسطو استخدم الاستقراء بمعنيين مختلفين فقط هما، الاستقراء التام والاستقراء الحدسي(¹⁾.

الاتجاه الثالث: ذهب ألى أن أرسطو لم يطلق أسم «الاستقراء» على ذلك النوع من الادراك الحدسي الذي يهدينا ألى صدق القضايا الكلية

⁽١) فلسفة العلوم. المنطق الاستقرائي. ج١. د ـ ماهر عبد القادر محمد علي. دار النهضة العربية ـ بيروت. ١٩٨٤. ص ١٩ . نقلًا عن «فون رايت».

⁽٢) كها هو الحال عند «استبنج»، و«د ـ محمود فهمي زيدان»، راجع المصدر السابق، ص ٢٠-١٦.

الضرورية، وقصر التسمية على الاستقراء التام الذي تجيء النتيجة فيه تلخيصاً لمقدماته(١).

وبغية تمحيص هذه الاتجاهات نطرح في البداية الاستفهام التالي: اين ذكر ارسطو الاستقراء التام؟

اتفق الباحثون على ان ارسطو ذكر الاستقراء التام في تحليلاته الاولى (من المنطق). وركّز الجميع على النص الذي ننقله اليك، بوصفه الوثيقة الرئيس، التي يمتلكها الباحثون، واليك النص كاملًا:

«تصديقنا بالاشياء كلها اما ان يكون بالقياس واما ان يكون بالاستقراء.

والاستقراء هو ان يبرهن باحد الطرفين ان الطرف الآخر في المواسطة موجود. ومثال ذلك ان تكون واسطة أح < هي > $\dot{}$ وأن تبين برح ان أ موجودة في $\dot{}$, لان على هذا النحو يعمل الاستقراء. ومثال ذلك ان يكون أطويل العمر، و $\dot{}$ قليل المرارة، وحَ الجزئيات الطويلة الاعمار: كالانسان والفرس والبغل. في أ موجودة في كل حَد، لان كل قليل المرارة فهو طويل العمر، و $\dot{}$ - اي قليل المرارة - موجود في كل حَد. فان رجعت حَد على $\dot{}$ الواسطة، فإنه يجب لا محالة أن تكون أ موجودة في كل $\dot{}$. لانه قد بينا آنفا أنه أذا كان اثنان مقولان على موضوع واحد، ثم رجع الموضوع على احد الطرفين، فإن الطرف الآخر يقال على الطرف الذي كان عليه خرى الرجوع. وينبغي أن نفهم من حَد جميع جزئيات الشيء العام، لان

⁽١) النطق الوضعي، ج٢. ص ١٦٣.

٣ منطق الاستقراء

الاستقراء لجميع جزئيات الشيء العام يبين النتيجة" .

من الواضح - في ضوء هذا النص - ان ارسطو لم يستخدم مصطلح «الاستقراء التام» بعده اللفظي، انها اشترط لبيان النتيجة على اساس الاستقراء ان يكون الاستقراء، شاملاً لجميع الجزئيات. وعلى هذا الاساس نستطيع ان نقرر بوضوح ان ارسطو لم يقصر مصطلع الاستقراء، على الاستقراء الكامل او التام، بل انى على ذكر احصاء جميع الجرئيات، كشرط لضمان صحة الاستدلال الاستقراء في اطار المنطق الصوري، ولا اشكال بين رجال المنطق على مختلف مدارسهم في سلامة هذا الاشتراط، واستقراء تما لاستقراء التام مساوية اللمقدمات، ومن ثم يتوفر الانتقال من المقدمات الى الحكم «النتيجة» على للمقدمات، ومن ثم يتوفر الانتقال من المقدمات الى الحكم «النتيجة» على شروط الاستدلال الصوري السليمة.

وعلى هذا الاساس حقّ لنا ان نستغرب من اولئك الباحثين، الذين الكدوا على ان ارسطو في التحليلات الاولى عنى بالاستقراء «الاستقراء التام». وتأسيساً على هذا الفهم الخاطئ لدلالة النص الارسطي، فسر بعض الباحثين العبارة اللاحقة تماماً للنص المتقدم، حيت قال ارسطو:

«وينبغي ان تعلم ان الاستقراء ينتج ابدأ المقدمة الاولى التي لا واسطة لها، لان الاشياء التي لها واسطة، بالواسطة يكون قياسها. < اما الاشياء التي لا> واسطة لها فان بيانها يكون بالاستقراء "".

 ⁽۱) منطق ارسطو، حفة وقدم له الدكتور عبد الرحمن يدوي. الناسر وكالة المطبوعات و دار القلم لـ بيرون. ۱۹۵۰ ج۱. ص ۳۰۷.

 ⁽۲) منطق ارسطو. حممه وقدم له الدكتور عبد الرحمن بدوي. الناسر وكالة المطبوعات و دار القلم ــ.
 بعروف. ۱۹۵۰ ج ۲. ص ۳۰۷.

الاستقراء ما قبل نظرية الاحتمال الاستقراء ما قبل نظرية الاحتمال

فقال بعض الباحثين ان ارسطو يعني ان المقدمات والمبادئ الاولية تؤخذ عن طريق الاستقراء التام!

وعلى اساس هذا الفهم الخاطئ للنص الارسطي سُجل الاعتراض الرئيس، الذي استهدف البناء المنطقي الارسطى برمته، فقالوا:

ان ارسطو في هذا النص وثق بالاستقراء الكامل، واتخذ منه الاساس لكل الاقيسه والبراهين، لان كل البراهين تستمد من المقدمات الاولية وهذه المقدمات تثبت بالاستقراء.

فاذا افترضنا ان الاستقراء الكامل ينتج قضية برهانية (اي قضية يكون ثبوت المحمول للعوضوع فيها ضرورياً). فهذه الضرورة لاتتضمن في المقدمات، وحيننذ تكون النتيجة اكبر من المقدمات، ويكون الاستقراء التام غير مضمون الصحة صورياً. واذا افترضنا ان النتيجة، التي يفرزها الاستقراء التام لا تؤكد ضرورة ثبوت المحمول للموضوع، فهذا يعني ان النتيجة الاستقرائية ليست قضية برهانية، وبذلك ينهار صرح البرهان كله، لانه يرتكز على المقدمات الاولية، أي المبادئ الاولى للبرهان، وهذه المقدمات والمبادئ تستمد طابعها البرهاني ومبررها المنطقي في رأي ارسطو، من الاستقراء الكامل عن انتاج قضية برهانية، فقدت بذلك المقدمات الاولية صفتها البرهانية وضرورتها المنطقية ومن ثم يتداعى بناء البرهان والعلم الارسطى كله.

«فالبناء المنطقي كله عند ارسطو، اساسه في النهاية عملية استقرائية يتحتم فيها _ من وجهة نظره _ ان نستقصي الامثلة الجزئية كلها حتى ٣٢ منطق الاستقراء

نضمن اليقين؛ ولو انهار هذا الاساس انهار في اثره البناء كله»(١).

مضافاً الى الاستغراب المتقدم، وان ارسطو لم يقصر مصطلح الاستقراء على الاستغراء التام في نص التحليلات الاولى، نستغرب ثانياً من اغفال مسجلي الاعتراض المتقدم قضية واضحة جداً، وهي ان ارسطو عقد بحثاً مستقلًا في التحليلات الثانية خصَّه لبحث مصدر المبادئ والمقدمات الاولى، وقال:

«فاما في المبادئ: كيف تكون معلومة، واي ملكة هي عارفه بها، فليكن ذلك ظاهراً من ها هنا...... فمن الحس يكون حفظ كها قلنا، ومن تكرير الذكر مرات كثيرة تكون تجربة، وذلك ان الاحفاظ الكثيرة في العدد هي تجربة واحدة......

وما قلناه من اول الامر ولم نفصح به ونظهره فلنخبر به من الرأس. فنقول: انه عندما يثبت في النفس من غير المختلفة شيء واحد على قباله الكلي: وذلك انها تحس بالجزئي احساساً، واما الحس فهو بالكلي: مثال ذلك بالانسان، لا بانسان هو قالياس، ثم نقف في هذه من الرأس الى ان تثبت فيها معان لا تتجزأ وتلك الكلية: مثال ذلك من هذا الحيوان الى الحيوان، وهذا هو واحد على مثال واحد.

فمن البين انه قد يلزم ان نعلم الاوائل بالاستقراء، وذلك ان الحس انها يحصل فيها الكلي بالاستقراء على هذا النحو.... فيكون العقل هو مبدأ العلم و (". العلم و".

⁽١) النطق الوضعي، ج٦. ص ١٥٨.

⁽٢) منطق ارسطو، ج۲، ص ٤٨٥ـ٤٨٢.

ومن الواضح على اساس هذا النص ان الاستقراء الذي يعنيه «ارسطو» كمنطلق لادراك المبادئ الاولية ليس هو الاستقراء التام. انها هو تتبع الجزئيات للوصول الى الكلي بقوة الحدس العقلي، ومن ثم فالاستقراء هنا يكون بمشابة المحفز والمنبه لادراك الكليات. وهذا المفهوم عن الاستقراء، او قل هذا الاستخدام لمصطلح الاستقراء هو عين ما يقرره ابن سينا في اكثر من نص:

«ومقدمات البرهان كلية، ومبادئها انها تحصل بالحس، وبأن تكتسب به بتوسطه خيالات المفردات لتتصرف فيها القوة العقلية تصرفاً تكتسب به الامور الكلية مفردة، وتركبها على هيئة القول. وان رام احد أن يوضحها لمن يذهل عنها ولا يحسن التنبه لها، لم يمكن الا باستقراء يستند الى الحس لانها اوائل»(۱).

«واما الكائن بالاستقراء فان كثيراً من الاوليات لا تكون قد تبينت للعقل بالطريق المذكور اولاً. فاذا استقرأ جزئياته تنبه العقل على اعتقاد الكلي من غير ان يكون الاستقراء الحسي الجزئي موجباً لاعتقاد كلي البتة بل منبهاً عليه"".

وعـلى اساس النص الارسطي المنقدم اعجب من تأكيد الدكتور زكي نجيب محمود على:

«ولم يطلق ارسطو اسم الاستقراء على هذا الفعل العقلي مع اننا نستطيع ان نسميه الاستقراء الحدسي، الذي رأى القانون العام من النظر

⁽١) منطق الشفاء، ابن سينا، تحقيق ابو العلاء عقيقي. ج٣ ص ٢٠٠، كتاب البرهان، الفصل السابع. (٢) منطق للشفاء، ابن سينا، تحقيق ابو العلاء عقيقي، ج٣ ص ٣٣٣، كتاب البرهان، ص ٣٣٣.

٣ منطق الاستقراء

الى جزئية واحدة، اذا كانت هذه الجزئية الواحدة تكفي العقل ان يدرك الرابطة الضرورية بين الصفات»(١٠).

على اي حال _ وقبل الانتقال الى الموقف الارسطي من الاستقراء الناقص _ تبقى امامنا مسألنان حول الاستقراء التام عند ارسطو والارسطيين، تحسن الاشارة اليها، تاركين التفصيل لابحاث المنطق الصورى، حيث موقعها:

١_ ما هو مدلول «الحد الاوسط» و«الحد الاصغر» في الاستقراء لدى ارسطو؟

٢ ما هي العلاقة بين الاستقراء التام والقياس لدى ارسطو؟

بصدد المسألة الاولى لم نتبين مدلول «الحد الاوسط»، و«الحد الاصطر» في تصنيف ارسطو لقضايا الاستنتاج الاستقرائي، سوى اننا لاحظنا احد الباحثين المعاصرين يوعز الامر الى حرية الاختيار! فيقول:

«بهذا نستطيع أن نفهم اللغة الاصطلاحية التي استعملها أرسطو في هذا الموضوع، أذ قال: أن الاستقراء هو البرهان على نسبة الحد الاكبر للحد الاوسط بواسطة الحد الاصغر (وهبو يستعمل الفاظ «الاكبر» و«الاوسط» و«الاصغر» لا بالنسبة لمواضع الحدود في القياس كما هي العادة اليوم، بل بالنسبة لاتساع مجال المسميات)» (٢).

لكن «لوكاشيفتش» عالم المنطق البولندي يرى ان اصطلاح «ارسطو» وتعريفه للحد الاكبر والاصغر والاوسط مشوش حتى في مجال

⁽١) المنطق الوضعي، ج٢، ص ١٦٥.

⁽٢) المنطق الوضعي، ج١، ص ١٥٧.

الاستقراء ما قبل نظرية الاحتيال ٣٥

الاستنتاج القياسي: «هناك خطأ ارتكبه ارسطو في «التحليلات الاولى» كانت نتائجه على قدر اكثر من الخطورة وهو يتصل بتعريفه للحد الاكبر والحد الاصغر والحد الاوسط...»(١).

وفيها يتصل بالمسأله الثانية فقد اكد ارسطو على انه:

«ينبغي الآن ان نبين انه ليس فقط المقاييس الجدلية والبرهانية تكون بالاشكال التي قيلت، ولكن ايضاً والمقاييس الخطبية والفقهية والمشورية، وفي الجملة كل ايان في كل صناعة فكرية فانه بالاشكال التي قلت تحدث "⁽¹⁾.

لعل هناك باحثاً يستطيع ان يفهم من الجملة الاخيرة ان ارسطو ارجع الاستدلال بالاستقراء التام بوصفه اياناً ويقيناً الى الاشكال القياسية التى ذكرها، دون ان يحدد المرجع الى اي شكل من تلك الاشكال.

على ان نشير الى ان «ابن سينا» اكد ارجاع الاستقراء التام الى القياس المقسمي، (٢٠).

نعود الى البدء لنطرح استفهاماً آخر: هل أن ارسطو اطلق مصطلح الاستقراء الناقص» أم لا؟

يتمسك اصحاب الاتجاه الاول _ الذين يتبنون الاجابة بالايجاب على الاستفهام _ بالنص الوارد في «الطوبيقا _ الجدل» من منطق ارسطو، حيث قال:

 ⁽١) تظرية القياس الارسطية، يان لوكاشيقتش, ترجمة الدكتور عبد الحميد صبره التاشر منشأة المعارف پالاسكتمرية ١٩٦١، ص 43.

⁽۲) منطق ارسطو، ج۱، ص ۲۰۹_۳۰۷.

⁽٣) الشفاء، المنطق، ج٢، ص ٣٤٩. ص ٥٥٩.

«واما الاستقراء فهو الطريق من الامور الجزئية الى الامر الكلي ـ مثال ذلك انه اذا كان الربان الحاذق هو الافضل، قالامر كذلك في الفارس ؛ فيصير بالجملة الحاذق في كل واحد من الصنائع هو الافضل» .

وانا لا استطيع ان افهم من هذا النص ـ كها هو الحال في فهم نص التحليلات الاولى المتقدم ـ سوى ان «ارسطو» يرى الاستقراء عبارة عن الانتقال الى الحكم الكلي من خلال تتبع الجزئيات واختبارها، خلافاً للقياس حيث يستل الحكم الكلي فيه من خلال حكم كلي اعم او مساوي للنتيجة. وحيث ان «ارسطو» كان يتحدث في التحليلات الاولى في اطار تحديد الشروط الصورية لصحة الاستنتاجات منطقباً، اتى هناك على ذكر استيعاب جميع الجزئيات كشرط لسلامة الاستنتاج الاستقرائي صورياً. اما هنا ـ و«ارسطو» يتحدث عن صناعة الجدل ـ فاتى على ذكر مثال للاستقراء الناقص، حيث النتيجة الظنية.

واذا سلّمنا ان ارسطو لم يذكر الاستقراء الناقص في منطقه ـ رغم النصوص المتقدمة ـ فلا يصح التسليم بان ارسطو لم يذكر الاستقراء الناقص اطلاقاً؛ اذ تحدث «ارسطو» في «الفيزيقا ـ الطبيعيات »عن المادفة والتلقائية في اطار بحث عن العلية، وهو في حديثه هناك يقرر المبادئ الاساسية، التي اعتمدها شراحه ومتابعوه في دراسة الاستقراء الناقص، وليس كما يبدو اضافة جديدة حققها الشراح للبحث المنطقي في الاستقراء الناقص.

تناول ارسطو تعریف الاتفاق والمصادفة مقرراً انها «الحدوث بالعرض لوقائع قابلة لان تكون غایات لو كانت (هذه الغایات) صادرة الاستقراء ما قبل نظرية الاحتيال ٢٧

عن الفكر والاختيار» (۱، ويرى «ارسطو» ان الاحداث والاقترانات الشاذة هي التي يمكن ان نفسـرهـا على اساس المصادفة، اي على اساس انها اقترانات عرضية، لا تحكمها الضرورة (۲).

وقد ميز «ارسطو» بين الاقترانات غير الشاذة، فقسمها الى قسمين رئيسيين: وقائع تقع على وجه دائم، واخرى تقع بشكل اكثري. وقد قرر «ارسطو» ان كلا القسمين لا يمكن تفسيرهما على اساس الاتفاق والصدفة، اي على اساس الوقوع العرضي، بل الاتفاق لا يكون دائبًا او اكثرياً وما هو دائمي او أكثري يحدث على اساس علاقة ذاتية، اي لضرورة العلية (أ).

ومن هنا حق ان نتساءل: ما هي الوقائع التي تحدث بشكل اكثري او دائمي؟ يضرب ارسطو لذلك مثلاً، فالنار تحرق الحطب دائيًا، ومن خرج من بيته يصل الى مقصده بشكل غالب. وفي ضوء هذه الامثلة وفي ضوء ما قرر «ارسطو» في البحث عن الاتفاق نلاحظ: ان المنهج في هذا الموضوع منهج استقرائي، اي ان النار تحرق الحطب، ومن خرج من بيته يصل الى مقصده غالباً معطيات استقرائية. واذا اشكل على بعض الباحثين تفسير المثال الاول على اساس الاستقراء الناقص بحكم الابهام الذي تثيره كلمة «الدائم»، فيخيل له ان ارسطو يريد بذلك الاستقراء الناقص، اي ملاحظه نفهم من الوقائع والاقترانات الاكثرية الا الاستقراء الناقص، اي ملاحظه الجرئيات الكشيرة، للوصول الى الحكم العام، مستعينين بقاعدة «الدائم والاكثري لا يكون عرضياً»، والتي صاغها ابن سينا صباغة اخرى:

⁽١) ارسطو، عبد الرحن بدوي، الطبعة الثانية ١٩٨٠، ص ١٣٧، تفلُّا عن ارسطو.

⁽٢) ارسطو، عبد الرحمن بدوي. الطبعة التائبة ١٩٨٠. ص ١٣٦. نقلًا عن ارسطو.

⁽٣) فلسفة المصادفة، محمود ابن العالم، ص ٦٠.

٣٨ منطق الاستقراء

«الاتفاق لا يكون دائبًا او اكثرياً».

وخلاصة ما يمكننا تقريره _ بشأن الاستقراء عند ارسطو _ هي: ١- ان ارسطو التفت بشكـل واضح وجلي الى نوعي الاستقراء الرئيسين، الاستقراء التام، والاستقراء الناقص.

٢- ان ارسطو لم يعن بالاستقراء ـ في قوله ان الاستقراء هو الذي يزودنا بالمقدمة الاولى ـ الاستقسراء التام، بل لم يرد النتيجة الاستقرائية، انها اراد بذلك ان ادراك الاوائل يتم عادة من خلال الاستعانة بتتبع الجزئيات، ليتنبه العقل الى ادراك العلاقة الضرورية بين الصفات التي يدركها الحس في الجزئيات.

٣- ان ارسطو لم يقرر ان الاستقراء التام هو منهج العلم، بل اشترط ذكر تمام الجزئيات في الاستقراء، ليصح استنتاج النتيجة العامة، اي ان ذكر تمام الجزئيات في المقدمة هو الذي يحقق الضرورة الصورية، التي نضمن بها صحة الاستنتاجات الصورية بعامة. فالضرورة اما ان تكون ضرورة ولزوم ألصحة صورة الاستنتاج، واما ان تكون ضرورة ولزوم لصحة مادة الاستنتاج. وكملا هاتين الضرورتين امران لازمان لحصول البرهان واتصاف الاستنتاج بصفة البرهانية، عند ارسطو.

٤ـ ان الضرورة الصورية يضمنها ارسطو من خلال الاشكال القياسية، اما الضرورة المادية فتتحقق من خلال ادراك العقل بقوة الحدس المباشر القائم على اساس تتبع الجزئيات. او قل من خلال الاستقراء الحدسي.

٥_ في ضوء ما تقدم يتضح ان كثيراً من الاعتراضات والنقود. التي

الاستقراء ما قبل نظرية الاحتيال

وجهت لارسطو، لا يصح تفسيرها على اساس قراءة علمية متأنية للنص الارسطي. انها يمكن تفسيرها على اساس ما سنلاحظه في «١»، او على اساس الجو العام الذي ساد الفكر الغربي منذ عصر النهضة حتى بدايات القرن الحالي؛ حيث ادانة منطق ارسطو، وسلخ اي فضيلة عن المنطق الاستنباطي؛ لانه منهج لا يلتنم مع التجريب العلمي. على ان نشير الى ان المنهج الاستنباطي اخذ يستميد عاقبته في ظل التطورات الاخيرة التي طرأت على مناهج العلوم، وبعد صحوة العقل الحديث من لوثة التجريبية الساذجة، فاضحت الرياضة _ وهي ام الاستنباط _ عنصراً اساسياً في اغلب العلوم المعاصرة، ومن ثم اصبح الاستنباط عضداً للاستقراء في الكشف والاستنتاج.

٦- بالسرغم من طرح «ارسطو» لاهم الافكار الاساسية في الاستقراء، التي انتظمت على اساسها ابحاث متابعيه من المناطقة لكن يتسجل عليه مضافاً الى شيء من الغموض والارتباك فيها نُقل الينا من نصوصه، ان البحث غير مستوعب ويعوزه كثير من التنظيم. ويغفر لارسطو هذه النقائص انه اول من تناول هذا الموضوع بالدرس والتحقيق.

ولكن ما هي الصورة المنظمة، التي عرضتها المدرسة الارسطية للاستقراء الناقص ؟ وسوف نحاول الاجابة على هذا الاستفهام في الفقرة التالية.

الاستقراء في المدرسة الارسطية

لعل الفيلسوف الاسلامي «ابو علي ابن سينا» هو الشاخص المتميّز بين رجال المدرسة الارسطية في موضوع بحثنا، بفضل الطرح المنظم والواضع لافكار المؤسس «ارسطوطاليس». ولعل الباحث لا يعثر على جديد حول «الاستقراء» في المدرسة الارسطية، مضافاً لما طرحه «ابن سينا» في دراساته المنطقية، وعلى هذا الاساس نقصر بحثنا على عرض «ابن سينا» لقضايا الاستقراء ومشكلاته.

أ الاستقراء التام:

تبين لنا من خلال الفقرة السابقة من البحث بعض ما طرحه «ابن سينا» من الحكار بشأن الاستقراء الكامل، خصوصاً بصدد العلاقة بين الاستقراء وادراك القضايا الاولية. واتضح لنا ان موقف «ابن سينا» لم يختلف عن موقف سلفه «ارسطو»، بل جلى ما اجمله.

يُلاحظ أن «أبن سينا» يرى الاستقراء المستوفي «التام» موجباً لليقين أذا اعتمد على اليقين في قضاياه الجزئية، أما من أين يأتي اليقين بالجزئيات؟ هل يأتي بالاستقراء ذاته، أم أنه يأتي عن طريق الاستقراء ولكن بقوة الحدس العقلي؟

لاحظنا ان مجرد استقراء الجزئي لا يوجب اليقين بقيام العلاقة بين موضوع القضية الجزئية ومحمولها عند ابن سينا، بل يحصل ذلك بقوة الحدس العقلي. وما استقراء الجزئيات الا منبه لقوة الحدس ومرشد اياها الى ادراك العلاقة الضرورية.

لم يكتف «ابن سينا» بكشف اللثام وازالة اللبس عها اكتنف عبارات المعلم الاول في موضوع العلاقة بين الاستقراء وادراك الاوائل. بل حاول ان يوضح ما اجملة «ارسطو» بشأن العلاقة بين الاستقراء التام والاشكال القياسية المنتجة.

يقول «ابن سينا»:

 «في القياس المقسم على نمط الاشكال الثلاثة: فمن ذلك قياسات مؤلفة من منفصلة، ومن حمليات كثيرة على قياس الاستقراء»^(١).

وقال:

«فالاستقراء اعم من الاستقراء المستوفي الذي هو بالحقيقة قياس مقسم، ومن...»(٢).

ولكن كيف ارجع «ابن سينا» الاستقراء التام الى القياس ؟ وعلى اي اساس منطقي صح له هذا الارجاع؟

هذه مشكلات لا ترتبط بالبحث في منطق الاستقراء المعاصر، اذ ان المنطق الاستقرائي ينصب الساساً على معالجة مشكلات الاستقراء التجريبي «الناقص»، اما بشأن قضايا الاستقراء التام فيكتفي الباحثون في منطق الاستقراء بالارجاع الى المنطق الاستنباطى.

وفي المنطق الاستنباطي استفهام اشمل، اختلف رجال المنطق في الاجابة عليه الى مدارس، والسؤال هو: هل أن القضايا الاستنباطية باسرها

⁽١) الشفاء، المنطق، ح٢، ص ٣٤٩.

⁽٢) المدر ذاته، ص ٥٥٩.

٤٢ منطق الاستقراء

ترجع الى القياس، وان نظرية القياس تستوعب كل قضايا الاستنباط، ام لا؟ وهناك اي في المنطق الصوري تطرح هذه الاستلة وتطرح المواقف ازاءها.

ب _ الاستقراء الناقص:

جاء في كتاب البرهان من الشفاء:

«واما التجربة فانها غير الاستقراء، وسنبين ذلك بعد. والتجربة مثل حكمنا أن السقمونيا مسهل للصفراء، فأنه لما تكرر هذا مراراً كثيرة، زال عن أن يكون مما يقع بالاتفاق»(١).

وجاء ايضاً:

«فان الاستقراء اما ان يكون مستوفياً للاقسام، وام ان لا يوقع غير الظن الاغلب، والتجربة ليست كذلك»(١٠).

يتضح في ضوء نصوص «الشفاء» ان «ابن سبنا» بميز بين الاستقراء التام والاستقراء الناقص. ويرنى ان الاستقراء الناقص: اي مجرد مشاهدة بعض الجرنيات، يؤدي الى ترجيح النتيجة «الظن الاغلب». والاستقراء الناقص بذاته لا يمكن ان يؤدي بنا الى يقين لانه لا يتحول الى قياس. بينا يمكن للاستقراء الناقص ان يتحول الى قياس ويؤدي الى البقين عندما يمكن ان نضم اليه قاعدة عقلية تشكل كبرى لقياس الاستقراء، وحينئذ لا يحتفظ الاستقراء الناقص باسمه، بل سوف يطلق عليه ابن سينا مصطلحاً آخر هو «التجربة».

(١)، (٢) منطق الشفاء، ح٣، ص ٩٥.

التجربة _ عند ابن سبنا _ تعني اننا نقوم باستقراء ناقص، فنستقرأ بعض الجزئيات، كما لو تتبعنا بعض قطع الحديد فوجدناها تتمدد بالحرارة، وعند هذا الحد من التتبع يجصل لدينا ظن راجح بالقضية الكلية [كل قطع الحديد تتمدد بالحرارة]. ولكن اذا تكرر اقتران تمدد الحديد بتسليط الحرارة عليه مرات كثيرة جداً، علمنا ان الحرارة بذاتها او لامر ملازم لها علة لتمدد الحديد، وأن اقتران تمدد الحديد بالحرارة ليس عرضياً، بل لامر ذاتي وهو علاقة العلية بين تمدد الحديد والحرارة؛ لان الامر العرضي والاتفاقي لا يحصل كثيراً.

يتضح اذن! أن الاساس الرئيس الذي يتم به تحويل الاستقراء الكامل الى تجربة هو القاعدة التي تقول: «أن الاتفاق لا يكون دائبًا أو اكثرياً»، فنحن بفضل هذه القاعدة ندرك أن العلاقة بين «التمدد والحرارة» في المثال المتقدم ـ هي علاقة العلية، وأن الحرارة سبب لتمدد الحديد.

اي: ان الاستقراء يحقق لنا صغرى القياس وهي عبارة عن ان بعض قطع الحديد تتمدد بالحرارة دائبًا او اكثرياً، والقاعدة العقلية «كل اتفاقي لا يكون دائبًا او اكثرياً» تشكل كبرى القياس. وفي هذا القياس نستنتج ان هناك علاقة سببية بين تمدد الحديد والحرارة، وبذلك يمكننا التعميم ان الحديد يتمدد بالحرارة.

يقول ابن سينا: «انه لما تحقق أن السقمونيا يعرض لها اسهال الصفراء وتبين ذلك على سبيل التكرار الكثير، علم أن ليس ذلك اتفاقاً فأن الاتفاقي لا يكون دائيًا أو اكثرياً. نعلم أن ذلك شيء يوجبه السقمونيا طبعاً.... فصح بهذا النوع من البيان أن في السقمونيا بالطبع، أو معه، علة

منطق الاستقراء

مسهلة للصفراء»^(١).

انصبت جهود «الاسس المنطقية للاستقراء» على اثبات ان القاعدة التي تقول: «الاتفاق لايكون اكثريا او دائمًا» ليست قاعدة عقلية اوليه ثابتة قبل التجربة والاستقراء، بل هي بنفسها قاعدة تجريبية تقوم على اساس الاستقراء، ومن هنا لايصح الركون اليها لإثبات اليقين بالتعميم الاستقرائي.

واخبراً يحسن بنا ان نشير الى النقاط التالية:

اتضح لنا في ضوء استعراض موقف ارسطو من الاستقراء الناقص ان المعلم الاول في «المنطق» لم يضع الاستقراء الناقص في صياغته النهائية، التي وجدناها في منطق الشفاء. ولكن «ابن سينا» لم يأت بجديد، انـها نظّم البحث في هذا المـوضوع، حيث جاء ذكر «التجربة» وطريقة تحويل الاستقراء الناقص الى قباس، اعتبادا على القاعدة العقلية «الاتفاق لا يكون دائمًا أو اكثرياً»، لدى ارسطو في الطبيعيات، كما تقدم ذكره.

* * اثار «ابن» سينا بعض الاشكالات حول مفهوم «التجربة» واليقين التجريبي. وقدّم اجابات، تمثل ايضاحات في غاية الاهمية. وهنا يحسن بنـا الـوقـوف على هذه الايضاحات، حيث نرفع ما اثاره بعض الباحثين من ايهام وخلط:

(١) منطق الشفاء، ح٣، ص ٩٥.

اليقين التجريبي عند ابن سينا:

نبدأ اولا بتقرير ما اثاره ابن سينا من اعتراضات واجابات، ثم نعود الى استخلاص النتائج:

«ما بال المتجربة توقع في اشياء حكاً يقينياً؟ ثم لو توهمنا ان لا، ناس الا في بلاد السودان، ولا يتكرر على الحس انسان الا اسود، فهل يوجب ذلك ان يقع اعتقاد بان كل انسان اسود؟ فان لم يوقع، فِلمَ صار تكرر يوقع وتكرر لا يوقع؟ وان اوقعت فقد اوقعت خطأ وكذبا. واذا اوقعت خطأ وكذبا فقد صارت التجربة غير موثوق بها ولا صالحة ان تكتسب منها مبادىء البرهان: فنقول في جواب ذلك:

ان التجربة ليست تفيد العلم لكثرة ما يشاهد على ذلك الحكم فقط، بل لاقتران قياس به قد ذكرناه. ومع ذلك فليس تفيد علمًا كلياً قياسياً مطلقاً، بل كليا بشرط، وهو ان هذا الشيء الذي تكرر على الحس تلزم طباعه في الناحية التي تكرر الحس بها امراً دائمًا، الا ان يكون مانع فيكون كلياً بهذا الشرط لا كلياً مطلقاً» (١٠).

في هذا الضوء يتضح ان اليقين التجريبي _ عند ابن سينا _ يقين يقتصر على الموضوع التجريبي، اي ان الحكم في القضية التجريبية ينصب على الموضوع المجرب، ولا يصح ان يتعداه لما هو اعم منه او اخص ؛ ومهذا يتضح:

«ان الولادة اذا أخذت من حيث هي ولادة عن ناس سود، او عن

⁽١) منطق الشفاء، ح٢، ص ٦٦.

ناس في بلاد كذا، صحت منه التجربة. واما اذا اخذت من حيث هي ولادة عن ناس فقط، فليست التجربة متأتية باعتبار الجزئيات المذكورة، اذ التجربة كانت في ناس سود، والناس المطلقون غير الناس السود. ولهذا فان التجربة كثيراً ما تغلط ايضاً اذا أخذ ما بالعرض مكان ما بالذات فتوقع ظناً ليس يقيناً. وإنها يوقع اليقين منها ما انفق أن كان تجربة وأخذ فيها الشيء المجرب عليه بذاته. فاما اذا أخذ غيره مما هو اعم منه او اخص، فان التجربة لا تفيد اليقين)."

لكتني لم افهم الوجه في تعميم الشرط «اخدما بالعرض » الى حالة اخذنا الاخص، علمًا ان «ابن سبنا» يركز في الفقرة اللاحقة من البحث على ايضاح امتناع البقين التجريبي في حالة اخذ العام بدل الخاص، اي ان ينصب الحكم على الاعم من المجرب:

«ولسنا نقول أن التجربة امان عن الغلط وانها موقعة للبقين دائمًا. وكيف والقياس ابضا ليس كذلك! بل نقول ان كثيراً ما يعرض لنا اليقين عن النجربة فيطلب وجه ايقاع ما يوقع منها اليقين. وهذا يكون اذا أمنا ان يكون هناك اخذ الشيء بالعرض، وذلك ان تكون اوصاف الشيء معلومة أنا، ثم كان يوجد دائمًا أو في الاكثر بوجوده أمر، فاذا لم يوجد هو لم يوجد ذلك الامر. فان كان ذلك عن وصف عام فالشيء بوصفه العام مقارن للخاص. فالوصف الخاص مقارن للحكم. وان كان لوصف خاص بل اخص من الطبيعة التي للشيء، فذلك الوصف الخاص عسى ان يكون هو الذي تكرر علينا فيها امتحنا وفي اكثر الموجود

⁽١) نفس المصدر، ص ٩٦.

من الشيء عندنا، فيكون ذلك مما يهدم الكلية المطلقة ويجعلها كلية ما اخص من كلية الشيء المطلقة، ويكون ذلك مغلطاً لنا في التجربة من جهة حكمنا الكلي: فان في مثل ذلك، وان كان لنا يقين بان شيئاً هو كذا يفعل امراً هو كذا، فلا يكون لنا يقين بان كل ما يوصف بذلك الشيء يفعل ذلك الامر: فانا ايضاً لا نمنع ان سقمونيا في بعض البلاد يقارنه مزاج وخاصية او يعدم فيه مزاج وخاصية لا يسهل. بل يجب ان يكون الحكم التجريبي عندنا هو السقمونيا المتعارف عندنا، المحسوس، هو لذاته او طبع فيه يسهل الصفراء الا ان يقاوم بانع. وكذلك حال الزمرد في اعهائه الحية "".

على هدي النصوص المتقدمة نستطيع تلخيص الموقف السينوي من اليقين النجريبي فيها يلي:

١- ان الشرط المنطقي لحصول اليقين التجريبي هو ان ينصب الحكم على الموضوع المجرب بذاته، ولا يتعداه لما هو اعم منه، وهذا هو معنى تجنب «اخذ ما بالعرض بدل ما بالذات».

 ٢- ان «اخد ما بالعرض بدل ما بالذات» وتعميم الحكم في القضية التجريبية يحولها من قضية يقينية إلى قضية ظنية.

٣ـ ان مثال «سقمونيا في بعض البلاد» الذي ضربه ابن سينا في النص الاخير يؤكد ان مجرد احتبال وجود خصوصية مؤثرة على تعطيل فاعلية العلة كاف لتعطيل افادة اليقين من مجرد تكرار المشاهدة.

وعلى هذا الاساس سوف يكون اليقين التجريبي مقيداً دانهًا بشرط عزيز الوقوع إن لميكن مستحيلًا. على ان نشير الى ان هناك مجالًا كبيراً

⁽١) المصدر تقسه، ص ٩٧.

للبحث مع «ابن سينا» في ضوء نصوصه المتقدمة، لا تسعه دائرة بحثنا الحاضر. انها نؤكد على ان الهدف من اثارة البحث حول «اليقين التجريبي عند ابن سينا» هو ازالة الابهام الذي يسببه الخلط بين موقف ابن سينا في شروط الاستنباط التجريبي، وموقف مناطقة الاستقراء المعاصر في شروط الاستنباط التجريبي. حيث يبحث الاول عن اليقين في اطار المنطق العقلي، بينا يدرس الموقف الثاني مبررات الاحتمال في اطار المنطق الاستقرائي المعاصر.

وقبل الانتقال الى الفقرة اللاحقة في هذا الفصل لا بد ان نقف على انجازات علماء وفلاسفة العلم المسلمين، وما قدموه لحضارة البشر في هذا المضار:

دأب مؤرخو الفلسفة والحضارة في العالم الغربي وتابعهم تلامذتهم على اغفال الدور الكبير، الذي لعبه علماء المسلمين في استخدام المنهج الاستقرائي، وتنظيم التجربة ووضع شروطها، فذهب جل هؤلاء الى وسم المتراث الاسلامي كله بسمة التجريد ومجافاة التجريب والاستقراء، بل هناك من اسرف، فحاول تبرأة ساحة ارسطو من ارسطيته، وحمل العرب مسؤولية ما شجل على ارسطو من ملاحظات:

«ولم يزعم بيكون انه اكتشف الاستقراء، وعرف أن اناساً كثيرين مارسوه من قبل. ولم يكن اول من «أطاح» بارسطو. فان رجالاً مثل روجر بيكون، وبتروس راموس، فعلا هذا لعدة قرون خلت. ولكن ارسطو الذي اطاحوا به (كما تحقق بيكون احيانا) لم يكن ارسطو الاغريق الذي كان كثيراً ما استخدم وامتدح الاستقراء والنجريب، ولكن ارسطو الفيلسوف الذي صنعه العرب واتباع الفلسفة السكولاستية»(١).

لا اجد ضرورة إلى مناقشة هذا النص، الذي اضحى بفضل الدراسات العلمية الكثيرة وهماً لا طائل منورائه. انها نشير هنا الى الموقف المعاصر في دراسات الباحثين العرب والمسلمين. حيث كرَّس فريقٌ كبير منهم الجهد؛ لالقاء الضوء على اسلوب العلماء المسلمين الاوائل في دراسة الطبيعة وفي بحوثهم الفقهية. وقد اتبتت دراسات عديدة ـ وهي على صواب في الاستنتاج ـ استخدام علماء المسلمين للمنهج الاستقرائي في دراساتهم الطبيعية وبحوثهم الانسانية، وبهذا سبقوا علماء الغرب، بل كانوا الاساس الذي استلهمه علماء عصرالنهضة الاوربية، فيها حققوه من انجازات على مستوى العلم ومنهجه. ورغم تقديرنا لجهد باحثينا ـ خصوصاً في اعانتهم الانسانية على استبصار سبيلها الحق المجافي لروح العنصرية فيها قدموه من دلائل قاطعة على عدم وجود اي تفوق دموي بين عناصر البشر وقومياتهم المختلفة _ نلاحظ على هذا النحو من الدراسات (مسجلين ما نلاحظ بايجاز تام) ما يلي:

اذ نسلم بالاثر الكبير لعلماء المسلمين وفلاسفتهم على الحضارة الحديثة بها قدموه من انجازات على مستوى مادة العلوم الاساسية من فلك وفيزياء وكيمياء وفقه.... وعلى مستوى منهج البحث في هذه العلوم، حيث تنبهوا الى تنظيم التجربة والاستقراء، واستخدام المنهج الاستقرائي في مجالاته. اذ نسلم بكل هذا نجد ان المنهج _ سواء أكان استنباطاً ام استقراءً _ كائن حي ينمو ويتطور تبعاً لتطورات الفكر البشرى، وعلى وجه التحديد

⁽١) قصة الحضارة، ولد ديورانت، المجلد ١٤، ح٢٨، ص ٢٧١.

تبعاً لتطور المعرفة العلمية ذاتها. فمناهج البحث العلمي لبست صياغات ازلية لا يعتريها التغيير ولا يطرأ عليها التبدل.

خذ المنهج الاستنباطي مثلاً، تلاحظ التطورات العظيمة، التي طرأت على هيكل ومفردات هذا المنهج منذ ارسطو حتى يومنا الحاضر. فالمنطق البرياضي الحديث .. الـذي يمثــل في تطوراته المختلفــة تطوراً للمنهج الاستنباطي والمنطق الصوري، الذي وضعه ارسطو ـ وليد التطورات آلتي طرأت على علم السرياضة، وتطور البحث الرياضي يرتبط بشكل اكيد بتطور البحث في العلوم الطبيعية ارتباطاً، كان التأثير فيه متبادلًا. او خذ الاستنباط لدى فقهاء الشريعة، فسوف تجد ان البحث في علم اصول الفقه اصطنع في اطار المنطق الصوري صوراً من القواعد والاصول المتطورة، تبعا لمراحــل تطور البحث في علم الاصول، وقد ارتهن تطور البحث في علم الاصول بشكل مباشر بتطور البحث الفقهي، فكلها اختلفت رؤية الفقه اختلف معها المنطق المستخدم لتنظيم قواعد الاستنباط الفقهي. ومن الواضح أن تطور البحث في علوم الشريعة _ والفقه على الخصوص _ يرتبط ارتباطاً اكيداً بتطورات الحياة ومستجداتها.

اما المنهج الاستقرائي الذي يمثل الاداة الرئيسية الثانية في العلوم فهو كاخيه «الاستنباط»، ودراستنا هذه تقدم الشواهد الكثيرة على نمو هذا المنهج وتطوره.

تأسيساً على هذا الفهم لمناهج البحث، تكون المهمة الرئيسية لباحثينا هي متابعة المنهج الاستقرائي في تطوراته الراهنة ومآله الحاضر. اي

87 منطق الاستقراء

٣٣» الاستقراء منذ النهضة الاوربية الحديثة

يتفق مؤرخو الحضارة والفلسفة الغربية على ان «فرنسيس بيكون» (١٥٦١ - ١٩٢٦) هو مؤسس المنهج الاستقرائي. وان «جون ستيوارت مل (١٥٦١ - ١٨٧٣) نسج على منواله. كما يؤكد الاعتقاد السائد بينهم على ان «دافيد هيوم» (١٧١١ - ١٧٧٦) الذي يشكل منعطفاً في تاريخ فلسفة الغرب الحديث، يمثل ايضاً حداً فاصلًا في تاريخ المنهج الاستقرائي بين سابقيه وتابعيه.

وقبل أن أمضي مع سياق التأريخ، وأقرأ «بيكون ومل»، وأعيد قراءة «دافيد هيوم»، فأرسم الصور المنطقية التي ركبها رجال الحكمة الغربية للاسقراء قبيل «نظرية الاحتيال»، يحسن بنيا أن نظل على الصورة الحضارية للاستقراء منذ عصر النهضة الاوربية حتى يومنا الحاضر، لكي أميط اللثام عن أكذوبة:

القراءة السطحية والمتابعة الجهول لما ورد لنا من ثقافة غربية ادت الى فضائح ثقافية، وكانت منها اكذوبتان، كشفنا اللثام عن الاولى في دراسة سابقة عن الفكر الوجودي، حيث ترسخ في اذهان الوسط العام لقراءنا ومثقفينا (ان جاز الاطلاق) ان الوجودية تعادل الالحاد، وان الوجودية تعني اللاإيهان.وقد اوضحنا ان الوجودية في تكوينها نقلة ثقافية ترتبط بتفاعلات الفكر الاوربي المعاصر، ولا يشكل الالحاد محوراً لهذا الفكر، بل هناك كبار بين الفلاسفة الوجوديين ممن يتعصب بحاس للايهان بالله.

اما الاكذوبة التي نريد قبرها هنا فهي ترتبط بالمعادلة التي تساوي بين المنهج الاستقرائي والمذهب التجريبي. وعبر قراءة متفحصة لتاريخ حضارة الغرب الحديثة نلاحظ: ان التجريبية كاتجاه معرفي لم يكن اساساً لايً من التطورات الخطيرة، التي لعبت دوراً رئيساً في تقرير مصير النهضة العلمية والحضارية المعاصرة. وهذه الحقيقه يمكن التأكد منها ببساطة، عبر مراجعة سريعة لقائمة رجال الابداع العلمي الحديث واتجاهاتهم المعرفية.

ان الدعوة الى اكتشاف اسرار الكون والطبيعة، وتسخير الامكانات الهائلة التي اودعها الخالق في الوجود المادي، تتطلب دون شك استقراة وتجريباً، كها ان اكتشاف القوانين العامة التي تحكم الاشياء لايتسنى بالقياس والاستقراء ومتابعة الجزئيات للانتقال الى القانون العام، ولكن هذا كله لا يعني الايان بالمذهب التجريبي، واقامة المعرفة البشرية كلها على اساس الحس والتجربة.

ان رفع شعار النجريب والاهتهام بالمعرفة الاستقرائية في العصر الاوربي الحديث جاء نتيجة الثورة، التي فجرها عصر النهضة في مواجهة العقل الاوربي ابان العصر الوسيط، الموغل في التجريد، ومجافاة الحس، وفي مواجهة روح العصر الوسيط، الذي لم يبرح التأكيد على الغاء دور الجانب المادى من حياة البشر.

نعود لدراسة المنهج الاستقرائي لدى «بيكون ومل»، ثم نتناول الاستقراء عند دافيد هيوم، ليتسنى لنا الوقوف على وضع الاستقراء في ضوء التطورات المعاصرة.

أ_ الاستقراء بين «بيكون ومل»:

يشكل «فرنسيس بيكون» منعطفاً .. كها يؤكد مؤرخو حكمة الغرب أي تاريخ المنطق والفلسفة الغربيين. لقد انقضَّ على تراث الغرب «ارسطو ومدرسته» فلم يبق لمنطق ارسطو حسنة تذكر. عاب على ارسطو قياسه مؤكداً ان الطريقة الاستنباطية بعامة ليست طريقاً يمكن ان يستعين به العلم على اكتشاف اسرار الطبيعة. كها عاب على ارسطو نظريته في الاستقراء! وتأسيساً على موقف «فرنسيس بيكون» من الاستنباط شجل عيه الاعتراض التالى:

«ولم يكن «بيكون» يزدري القياس فقط، بل كان يحط ايضاً من قدر السرياضيات، بزعم كونها غير كافية من الناحية التجريبيه. وكان معاديا بقسوة لارسطو.....

ان الدور الذي يلعبه الاستنباط في العلم اعظم مما ظن «ببكون» فغي كثير من الاحيان حين يتعين اختبار فرض، فثمة رحلة استنباطية طويلة من الفرض الى نتيجة ما يمكن اختبارها بالملاحظة. وعادة ما يكون الاستنباط رياضيا، وفي هذا الصدد يبخس «بيكون» اهمية الرياضيات في البحث العلمي»(1).

يهمنا هنا ان نقف على «ببكون» ومعالجته لنظرية الاستقراء. لاحظ «ببكون» ان الاستقراء عند ارسطو يقوم على اساس ما يسميه «الاستقراء بالعد البسيط»، وعلى اساس هذا الفهم هاجم الاستقراء الارسطى، واقتر م

⁽١) تاريخ الفلسفة الغربية، راسل، ص ٨٣ ـ ٨٥.

طريقة جديدة لوضع افضل للاستقراء؛ «ان النقيصة الرئيسية في المنهج الارسطي ـ فيها رأى بيكن ـ انه اعتمد في الوصول الى قوانين الطبيعة على طريقه الاحصاء البسيط للامثلة الجزئية، اي انه اكتفى بذكر عدد من الامثلة الجزئية التي تؤيد القانون الذي يصل اليه، فلا هي اتسعت حتى شملت مجال البحث كله، ولا هي دلت على موضع الضرورة التي تجعل من القانون الطبيعي حكمًا عاما ينطبق في كل الظروف»(۱).

ونحن هنا في غنى عن التعليق على اتهام بيكون لارسطو، بعد ان كشفنا النقاب في السالف من صفحات هذا الفصل عن القسوة والارتجال في موقف العداء من المعلم الاول.

على اي حال لنسر ما هو الاستقراء عند «بيكون»؟

لاحظ «فرنسيس بيكون» ان اكتشاف قوانين العلم لايتم جراء حشد الامثلة الجزئية وبجرد احصاء الحالات الايجابيه التي تقع فيها الظاهره. انها يمثل حصول الظاهرة «الحضور» المرحلة الاولى من مراحل سير المنهج الاستقرائي. «ويتألف هذا المنهج من تجميع الوقائع وتناوها على نحو معين؛ افرض اننا نبحث عن علة الحرارة، علينا اولا ان نرتب قائمة «للحضور» بحيث تحتوي جميع الامثلة المعروفة التي توجد فيها ظاهره الحرارة؛ ثم علينا ان نضع قائمة «للغياب» ندرج فيها من الحالات الجزئية ما يقابل تلك الحالات التي وضعناها في قائمة الحضور، ولكن تختلف عنها من حيث ان الطبيعة البسيطة، اى الحرارة، معدومة فيها؛ وعلينا ايضاً ان نرتب قائمة

⁽١) المنطق الوضعي، د ـ زكى نجيب محمود، ح٢، ص ١٨٨.

«للتفاوت في الدرجة» تحتوي على الحالات التي توجد فيها الحرارة على درجات متفاوتة. وقد نستطيع بفحص القوائم ان نجد طبيعة مولدة تتمشّى مع النتيجه او الطبيعة المتولدة حضوراً وغيابا وتفاوتاً في الدرجة فيمكننا حينئذ ان نضع تفسيراً او «نتيجة مبدئية» فنرى على سبيل المثال ـ ان الحركة هي علة الحرارة او «صورتها» (۱۰).

بهذه الخطوات الثلاث يسير الدليل الاستقرائي؛ ليصل في نهاية المطاف الى القانون العلمي. ومن الواضح ان «بيكون» يبحث في خطواته عن تحديد العلة التي تقرر حصول الظاهرة، ومن ثمَّ فالقانون العلمي عند «بيكون» ومنهج العلم يفترض سلفاً «مبدأ العلية» كمبدأ كلي عام يحكم الطبعة بالضرورة.

واهم نقد يوجه الى الاستقراء البيكوني هو عدم امكانية حصر العلل التي تخلق الظاهرة حصراً يقينياً شاملاً، ومن ثمَّ لا يمكن ان نرتفع بالاستنتاج الاستقرائي الى مستوى القانون الضروري العام، كما اراد بيكون، بل غاية ما توفره لنا خطوات البحث الاستقرائي هو رفع قيمة احتال التعميم.

اما «جون ستبوارت مل» فهو لم يبتكر شيئاً اساسياً في معالجته قياساً بها صنعه سلفه «بيكون»، بل جارى بيكون في وضع طرائق _ اكثر دقةً _ للبحث عن العلة، وافتراض العلبة مبدأ للاستقراء، ولم يختلف عنه في توكيد «اليقين» كنتيجة للدليل الاستقرائي. انها الجديد في موقف «مل» هو القاعدة التي انطلق منها في مجال نظرية المعرفة.

⁽١) المرسوعة الفلسفية المختصرة، ص ١٤٨.

لقد كان «جون ستيوارت مل» فيلسوفاً تجريبياً، اي انه يؤمن بان المعرفه البشريه باسرها ترتد الى قواعد تجريبية ومبادي، حسية. ومن ثمَّ تحتم عليه ان يحدد لنا طبيعة «مبدأ العلية»، الذي يتخذ منه منطلقاً لتفسير الاستقراء؛ ولم يكن امامه الا ان يرد العليه الى اسس استقرائية. فذهب الى ان «مبدأ العلية» بل كل المبادي، التي نحسب انها مبادي، عقلية ترتد في المواقع الى استقراء للطبيعة. فنحن نعتقد ان المعلول يتبع العلة، لاننا لاحظنا اطراد ذلك في عالم الطبيعة.

لم يرض موقف «مل» حتى التجريبين، فكيف ساغ له ان يبحث عن العلة بوصفها علاقه ضروريه بين الاشياء في طرقه الاستقرائية، على اساس مبدأ العلية الذي يفترضه معرفة استقرائية، ومثل هذه المعرفة لاتتيح له اثبات الضرورة. وحينئذ يرجع بنا الى ما قبل «بيكون» اي اقامة المعرفه الاستقرائية على اساس «الاحصاء بالعد البسيط».

ب ـ الاستقراء لدى «دافيد هيوم»:

لعل اجمل صورة لفلسفه «هيوم» هي تلك التي استدعاها الفيلسوف الانجليزي «برتر اندراسل»: «دافيد هيوم David Hume احد اهم الفلاسفة (١٧١١ ـ ١٧٧٦) لانه وصل بفلسفة «لوك» و «باركلي» التجريبية الى نتيجتها المنطقية، واذ جعلها متسقة مع ذاتها جعلها غير قابلة للتصديق. وهو يمثل بمعنى معين نهاية ميتة: ففي اتجاهه من المستحيل المضي الى ابعد مما وصل اليه، ".

⁽١) تاريخ القلسفة الغربية، ص ٢٥١.

اما موقف «هيوم» من الاستقراء فيتحدد في ضوء موقفه من مبدأ الاستقراء «العلية». فقد كان «هيوم» مؤمناً _ كيا يؤمن راسل وكثير من مناطقة الاستقراء _ان «العلية وحدها هي التي تمكننا من ان نستدل الى شيء ما او حادثة ما من شيء آخر او حادثة اخرىٰ: «انها العلية فقط التي تولد مثل هذا الارتباط، بحيث تزودنا بتأكيد من وجود او فعل موضوع، على انه يتبع أو يسبق بوجود آخر او فعل آخر»(١).

من هنا تنشأ مشكلة الاستقراء الكبرى في فلسفة هيوم، بل في الفلسفة الحديثة بدءً بدافيد هيوم. حيث ان الفلسفة قبل هيوم كانت تفترض ان العلية (الارتباط الضروري بين العلة والمعلول)مدرك بديهي بقوة الحدس العقلي، ومن ثم تضمن للاستقراء منطلقه الاساس. اما هيوم فقد انكر وجود اي ارتباط ضروري بين العلة والمعلول في عالم الواقع. اي ان الارتباط الضروري ـ لدى هيوم ـ ليس مدركاً حدسياً، لان انكار هذا الارتباط لا يتضمن اي تناقض منطقي، والتجربة لا تزودنا باكثر من الاقتران المطرد بين العلة والمعلول في عالم الخارج، فليست هناك علاقة بين العلة والمعلول اللهم الا الاقتران والتعاقب المطرد.

ولكن كيف يفسر لنا «هيوم» الارتباط الضروري الذي يبدو لنا بين العلقوالمعلول؟

«يكرر «هيوم» عدة مرات رأيه الذي يناضل من اجله ويجادل الا وهـو ان ما يظهر لنا كارتبـاط ضروري بين الموضوعات هو في الواقع ارتباط فقط بين افكـار تـلك الموضوعات: ان العادة تهييء الذهن و «ان

⁽١) المدر السابق. ص ٢٥٨.

هذا الانطباع او التهيؤ، هو الذي يزودني بفكرة الضرورة». ان تكرار الامثلة الذي يقودنا الى الاعتقاد بان (أ) تسبب (ب), لا يعطينا اي جديد في الموضوع، ولكن في الذهن يقود الى التداعي بين الافكار، وعلى ذلك «فالضرورة هي شيء يوجد في الذهن لا في الموضوعات»(1).

اذن! فالعلية كعلاقة موضوعية ضرورية قائمة بين لونين من الاحداث لا سبيل لها حدساً او تجربة، انها يمكن اكتشاف هذه العلاقة الضرورية في ضوء قانون تداعى المعانى والعادة الذهنبة.

ويؤكد «هيوم» أن الارتباط المتكرر بين (أ) و (ب) لا يشكل مبرراً منطقياً لتوقعها مرتبطين في المستقبل، وأنها هو فقط علة هذا التوقع: «أن التكرار لا يكشف البتة أي شيء في الموضوعات ولا يسبب أي شيء فيها، ولكن له نفوذ فقط على الذهن، بذلك الانتقال المعتاد الذي يولده: أن هذا الانتقال المعتاد هو من ثم مثيل للقوة وللضرورة، اللتين تشعر بهها النفس، ولا يدرك أدراكاً خارجياً في الاجسام» (أ).

وسذا نصل مع «هيوم» ألى الايبان بأن الاستدلال الاستقرائي له مبرره السيكولوجي فحسب، اي ليس لدينا مبرر موضوعي لافتراض تمدد الحديد بالحرارة كقانون، او كحدث سيقع في المستقبل، انها لدينا مبرر نفسي فحسب. وهذا يعنى ان هيوم وضع الاستقراء امام مشكلته الرئيسية.

ويحسن بنا ان نختم هذا البحث بمناقشة ممتعة اثارها «راسل» ضد «هيوم»:

⁽١) المصدر السابق، ص ٢٦٠ ـ ٢٦١.

⁽٢) المصدر السابق، ص ٢٦٤. تقلاً عن هيوم.

«الحقيقة هي انه، حيثها كان الامر متصلاً بعلم النفس، يبيح «هيوم» لنفسه ان يعتقد في العلية بمعنى يدينه هو بوجه عام. فلنأخذ مثلًا شاهداً على ذلك: انا ارى تفاحة، واتوقع اننى اذا اكلتها سأجرب نوعاً معيناً من الطعم. فتبعاً لهيوم ليس هناك سبب لكوني أجرب هذا النوع من الطعم: ان قانون العادة يفسر وجود توقعي انا. ولكنه لا يبرره. بَيْدَ ان قانون العادة هو نفسه قانون علَّى. من تُمُّ لو اخذنا «هيوم» مأخذ جدِ للزم ان نقول: بالرغم من أن منظر التفاحة في الماضي كان مقترنا بتوقع معين من الطعم. فليس ثمة سبب ينبغي معه ان يستمر اقتران هذا المنظر بذاك التوقع، فربها حين ارى في المرة القادمة تفاحة سأتوقع ان يكون لها طعم مشابه لطعم لحم البقر المشوي. وفي وسعك، في هذه اللحظة ان نظن الامر على غير هذا الوجه، ولكن ليس هذا سببا لتوقع كونك سنظنه على غير هذا الوجه بعد خمس دقائق. فلو كانت نظرية هيوم الموضوعية صحبحة، فليس لدينا سبب افضل لتوقعات في علم النفس منه لتوقعات في العالم المادي»(١).

* * *

⁽١) المصدر السابق، ص ٢٦٢.

نظرية الاحنيال «١»نظرية الاحنيال «١»

الفصل الثاني

١_ مفهوم الاحتمال.

٢_ حساب الاحتمالات.

٣ تفسير الاحتيال.

نظرية الاحتبال «١»نظرية الاحتبال «١»

١_ مفهوم الاحتيال

يتكرر في الاستعمالات اليومية مصطلح «الاحتمال». فيقال: أحتملُ كذا، ومن المحتمل أن يكون كذا، والأمر «س» لايتعدى كونه أحتمالًا... فهاذا يُراد بــ «الاحتمال» في هذه الاستعمالات ؟

هناك دلالات مختلفة لـ «الاحتيال»:

أـ لاحظ الجمل التالية: «أنا على يقين بأن هناك حياة في المريخ».

«ليست هناك حياة في المريخ».

فالجملة الاولى تشير الى ان الحياة في المريخ واقعة مؤكدة، بينها تشير الجملة الثانية الى أن الحياة على المريخ ليست امراً واقعاً، بل نستطيع أن تنفيها بأطمئنان. والذي يتبنى الجملة الاولى لا بد أن تكون لديه من السواهد والادلة الكافية لأثبات قيام الحياة في المريخ بشكل مؤكد وقاطع، أما الذي يتبنى الجملة الثانية فلابد ان تكون لديه شواهد وأدلة كافية تنفي بحسم قيام الحياة في المريخ.

أما بالنسبة لي، حيث لا أمتلك شواهد كافية تسمح لي بالجزم في وجود الحياة على سطح كوكب المريخ، كها لا أمتلك شواهد كافية تتيح لي القطع واليقين بعدم وجود حياة على المريخ، فأقول: «إن الحياة على المريخ أمرٌ محتمل».

نلاحظ هنا أن الأحتال في قولي: إن الحياة على المريخ أمرٌ محتمل». يمكن أن نضعه في الصيغة التالية ونقول:

«أن أحتمال الحباة على المريخ يساوي ٥٠٠ «٥٠ ٪».

ونحن هنا نعطي الاحتبال قيمة ﴿ باعتبار جهلنا وعدم أطلاعنا على حقيقة الأمر، وما يدل غليه من دلائل وشواهد.

ب - لو أخبرنا مخبر ان جو مدينة البصرة اليوم «وكان اليوم منتصف شهر تموز» محطر وأن درجة حرارتها كانت «٣٠»، فيا ترى ماذا سيكون موقفنا من هذا النبأ ؟ هل نستطيع أن نصدقه ؟ هل نستطيع أن نجزم بكذبه ؟ أننا بحكم معلوماتنا السابقة عن مناخ مدينة البصرة، حيث يمتلك كل واحد منا شواهد وادلة على أن درجة حرارة مدينة البصرة في شهر تموزلا تقل عن «٤٠» ، كما يعرف الجميع أن مدينة البصرة لا يعرضها عادةً جو محطر في فصل الصيف، خصوصاً في شهر تموز

إننا بحكم هذه المعلومات لا نستطيع ان نجزم بصحة خبر المخبر، بل إن هذه المعلومات تجعلنا نستبعد هطول المطر وبلوغ الحرارة درجة «٣٠» في مدينة البصرة. ولكن رغم ان هذه المعلومات تجعلنا نستبعد وقوع الحدث، ولا تسمح لنا بتصديق النبأ، الا انها لا تسمح لنا ايضاً بالجزم واليقين بكذب الخبر والقطع بعدم وقوع الحدث، خصوصاً إذا كان المخبر ثقة. فمها بلغت الشواهد وتراكمت الادلة لدينا يبقى احتال وقوع الحدث قائها، رغم كون هذا الاحتال ضعيفاً.

ولو اردنا أن نصوغ الجملة صياغة اخرى فنقول:

«ان احتمال هطول المطر وبلوغ درجة الحرارة «٣٠°» منتصف شهر تموز في مدينة البصرة هو اقل بكثير من ﴿ ».

ج _ أخبرنا ألف مدخن بشكل عشوائي، فوجدنا بعد الفحص المختبري الدقيق أن وأحداً من هذه المجمّوعة المكونة من «١٠٠٠» مصاب

والاحتمال بهذا المعنى يعني نسبة تكرار وقوع الحدث من خلال الواقع التجريبي. فمن خلال التجارب المتعددة أستطعنا أقتناص هذه النسبة وتحديدها بشكل رياضي.

٦٦ منطق الاستفراء

٢_ حساب الاحتمال

مثال «١»: إذا كانت لدينا عشر كرات مرقمة من ١ ــ ١٠, موضوعة في صندوق، وأردنا أن نسحب منها كرة واحدة، فها هي قيمة إحتال أن تخرج الكرة، وهي تحمل عدداً فردياً ؟

نُلاحظ هنا أن قيمة أحتال أن تخرج الكرة التي تحمل رقم «١» يساوي ﴿ ، وأحتال أن تخرج الكرة التي تحمل رقم «٢» يساوي ﴿ ايضاً، وهكذا...

ونلاحظ ايضاًان الكرات التي تحمل عدداً فردياً هي خمس كرات (١ ـ ٣ ـ ٥ ـ ٧ ـ ٩)، فدرجة احتمال أن تخرج احدى هذه الكرات الخمسة يساوي مجموع قيم احتمال كل عدد من الأعداد الفردية، أي:

$$\frac{\delta}{1 \cdot \epsilon} \cdot \frac{1}{1 \cdot \epsilon} + \frac{1}{1 \cdot \epsilon}$$

مثال «٢»: هناك تسع أوراق مرقمة من ١ ـــ ٩ وأردنا أن نسحب بشكل عشوائي ورقة واحدة من هذه الاوراق، فيا هي درجة احتيال ان تخرج الورقة. التي تحمل عدداً فردياً من بين هذه الاوراق ؟ أ

من الواضح ان عدد الاوراق التي تحمل عدداً فردياً هي خمس أوراق من بين الأوراق التسعة، فخروج العدد الفردي له خمس فرص من تسع فرص ممكنة.

وبعبارة أخرى: أن احتمال خروج الورقة، وهي تحمل عدداً فردياً. يساوي حاصل جمع احتمال ان تخرج الورقة رقم «١»، والورقة رقم «٣»، والورقة رقم «٥»، والورقة رقم «٧»، والورقة رقم «٩». نظرية الاحتال «۱» على الاحتال «۱» الاحتال «۱»

وحيث أن أحتمال خروج ايّ من هذه الاوراق الخمسة يساوي ﴿. اذن ! احتمال خروج الورقة. وهي تحمل عدداً فردياً يساوي ﴿ .

مثال «۳»: اذا أخبرنا «أ» برواية عن «ب» عن «ج» عن «د» وكنا على يقين بأن كل واحد من الرواة صادق فيها نقل، فسوف نسلم ونصد الله بالرواية. ونستطيع القول أن الرواية صادقة ١٠٠٪ = $\frac{1}{2}$. ولو كان هناك شخص خامس يروي عن «أ» او يروي عنه «د»، وكنا على يقين ايضابصدقه فسوف لا يتغير حكمنا بصدق الرواية. ومهها كثرت الوسائط التي نتيقن بصدقها فسوف لا التأثر ولا تتغير قناعتنا بصدق الرواية.

ولكن اذا كنا نحتمل صدق «أ» و «ب» و «ج»... بنسبة معينة، كأن يكون احتيال صدق الراوي $\frac{\pi}{2}$ فسوف ينخفض احتيال صدق الرواية كلم تعددت الوسائط وكثر الرواة. اي: ان احتيال صدق الرواية سوف لا يبقى على نسبة صدق الراوي الواحد $\frac{\pi}{2}$ بل سوف يقل احتيال صدق الرواية عن $\frac{\pi}{2}$ ، ويأخذ الاحتيال سيراً تنازليا كلما تعدد الرواة وكثرت الوسائط التي وصلتنا الرواية عن طريقهم.

أتضح لنا أننا أذا كنا على يقين بصدق الراوي «أ» و «ب» و «ج»... فسوف نكون أيضاً على يقين بصدق الرواية ويكون احتبال صدقها = «١» وهو رقم اليقين.

أما أذا كنا نحتمل صدق الراوي «أ» و «ب»، و «ج» بدرجة ($\frac{r}{2}$) فان الاحتيال ياخذ بالضعف كلما تعددت وكثرت وسائط النقل فاذا كان الرواة ثلاثة فاحتيال صدق الرواية أكبر مما لو كان الرواة اربعة، واذا كانوا اربعة فالاحتيال أكبر مما لو كانوا خسة، وهكذا...

وهنا نتساءل عن سر الفرق بين هاتين الحالتين، لماذا يبقى احتبال صدق الرواية «١» في المثال الاول بينها لا يبقى احتهال صدق الرواية ($\frac{T}{2}$) كها هو الحال في المثال الثاني؟

يرجع السر في هذه المسألة الى قاعدة حسابية تنطبق على المثالين، وهي التي تبقي احتيال الصدق في المثال الاول على ما هو عليه الراوي «١»، بينها تخفض احتيال الصدق على ما هو عليه في الراوي ($\frac{T}{2}$) في المثال الثانى.

فها هي هذه القاعدة الحسابية؟

القاعدة الحسابية تقول: اذا أردنا أن نقيس احتال وقوع الحدث «أ» و «ب» معاً فعلينا أن نضرب قيمة احتال «أ» في قيمة احتال «ب».

نأتي على المثالين السابقين لنرى سر الفرق بينها في ضوء تطبيق القاعدة الحسابية عليهها.

نلاحظ أن صدق الرواية يعني صدق الرواة معاً. فاحتبال أن تصدق الرواية يعني احتبال اجتباع صدق الرواة معاً.

فاذا كنا نحتمل أن تصدق الرواية في المثال الاول فهذا يعني اننا نحتمل صدق «أ» و «ب» و «ج» و «د» مجتمعين.

وحينها نُطبَّق القاعدة الحسابية على هذا المثال نجد أن احتمال صدق الرواية يساوي احتمال صدق «أ» مضروبساً في أحتمال صدق «ب» على تقدير صدق «أ»، مضروباً في احتمال صدق «ج» على تقدير صدق «أ» و «ب» مضروباً في احتمال صدق «د» على تقدير صدق «أ»، و «ب»، و «ج».

وهذا يعني ان احتمال صدق الرواية في المثال الاول =

واذا كان لدينا راو خامس وسادس... نحتمل صدقهم ١٠٠٪. فهذا يعني اننا نبقى نضرب واحداً في واحد وتبقى النتيجة واحداً. (الذي هو رقم اليقين).

وحينها نطبّق القاعدة الحسابية على المثال الثاني، حيث كنا نحتمل صدق الراوي بدرجة $\frac{\pi}{4}$ فسوف تكون النتيجة كالتالي:

$$\frac{\lambda \gamma}{\gamma 0 \gamma} = \frac{\pi}{\xi} \times \frac{\pi}{\xi} \times \frac{\pi}{\xi} \times \frac{\pi}{\xi}$$

$$\frac{\gamma}{\psi} \quad \text{in } \lambda$$

ومن هنا فكلها كثر عدد الوسائط انخفض احتهال صدق الرواية, ما دام احتهال صدق الراوي أقل من رقم اليقين «١».

وهذه القاعدة الحسابية تستند الى بديهية رياضية تُسمى بـ «بديهية الاتصال».

مثال «٤»: اذا كانت لدينا عشر كرات، خمس منها مصبوغ باللون الأخضر، وخمس منها مصبوغ باللون الأحمر وأردنا سحب كرتين من هذه الكرات فها هو احتيال أن تخرج المكرة الاولى والثانية وهما يجملان اللون الأحر؟

حينها نُريد قياس أحتمال خروج الكرة الاولى حمراء والثانية حمراء فههذا يعني أن نطبّق القاعدة الحسابية المتقدمة «بديهية الاتصال»، فنضرب احتمال خروج الكرة الأولى حمراء × احتمال خروج الثانية حمراء على تقدير خروج الاولى حمراء.

احتمال خروج الكرة الاولى وهي ملونة بالله ِن الأحمر يساوي ۗ . لأن خمساً من الكرات العشرة ملوّن باللون الأحمر. أما احتيال خروج الكرة الثانية وهي ملونة باللون الأحمر على تقدير خروج الاولى حمراء فهو يساوي ﴿ عَلَى .

وقد يتسائل البعض عن السبب الذي جعل احتمال خروج الكرة الثانية مساوياً لـ « $\frac{3}{2}$ »؟

والسر في هذا الموضوع واضع، وذلك لاننا لا نريد أن نستخرج احتيال خروج الكرة الثانية حمراء قبل السحب، وبشكل مطلق، بل نحن نريد أن ننعرف على قيمة احتيال خروج الكرة الثانية حمراء على تقدير خروج الاولى حمراء سوف تبقى لدينا ٤ كرات حمراء ضمن تسع كرات، خسة منها خضراء وأربعة منها حمراء. فاحتيال خروج الكرة الثانية حمراء سوف يساوي ٤ (على تقدير خروج الاولى حمراء).

اذن احتمال خروج الکرة الاولی والثانیة حمراء یساوی $\frac{0}{4} \times \frac{3}{4} = \frac{7}{4}$

مثال «٥»: لنأخذ المثال السابق ونطرح على أنفسنا الاستفهام التالي:

ما هو احتسال ان تخرج واحدة من الكرتين وهي ملونة باللون الاحمر؟

والاجابة على هذا الاستفهام تتكفله قاعدة حسابية تُعرف ببديهية الانفصال، وتقول هذه البديهية «اذا أردنا أن نعرف قيمة احتمال حصول احدى حادثتين فعلينا أن نجمع قيمة احتمال الحادثة الاولى والحادثة الثانية، ونطرح منها قيمة احتمال الحادثين بعاً».

نأتي هنا على تطبيق هذه القاعدة على المثال المتقدم، لقد كانت لدينا عشـر كرات خس منها ملون باللون الاحمـر وخمس منها ملون باللون الأخضر، ونريد هنا ان نتعرف على قيمة خروج كرة واحدة حمراء في حالة سحب كرتن.

وفق القاعدة علينا أن نجمع احتيال خروج الكرة الاولى حمراء واحتيال خروج الكرة الثانية حمراء ونطرح من المجموع احتيال خروجهها معاً حراوين.

احتیال خروج الکرة الاولی حراء = $\frac{6}{1}$. احتیال خروج الکرة الثانیة حرای = $\frac{6}{1}$.

احنال خروجها حمراوین = $\frac{\gamma}{p}$ «وفقا لبدیهیة الاتصال، کها تقدم ایضاح هذه النسبة». اذن ! احتال خروج احدی الکرتین حمراء = $\frac{0}{1}$ + $\frac{1}{1}$ = \frac

مثال «۱»: اذا كانت لدينا حقيبتان تحتوي الحقيبة الأولى على ٥ كرات زرقاء وخمس كرات صفراء، وتحتوي الحقيبة الثانية على ٦ كرات زرقاء واربع كرات صفراء، وقمت بسحب كرتين واحدة من الحقيبة الاولى واخرى من الحقيبة الثانية، فها هي درجة احتمال ان تخرج احداهما زرقاء ؟

هذا المثال تطبيق لبديهية الانفصال أيضاً. ولا بد لنا وفق هذه البديهية من الجمع بين احتمال خروج الكرة الاولى من الحقيبة الاولى من المجموع واحتمال خروج الكرة الاولى من الحقيبة الثانية زرقاء، ونطرح من المجموع احتمال خروجها زرقاوين معاً.

ملاحظة: نلاحظ اننا طبقنا بديهية الاتصال التي تقول «اذا أردنا معرفة قيمة احتيال حادثتين معاً (حادثة أو حادثة ب) فاحتيالها معاً يساوي حاصل ضرب احتيال حادثة أ، ولنرمز له بـ $(\frac{1}{2})$ في احتيال حادثة ب، على تقدير وقوع أ، واذا رمزنا الى احتيال حادثة ب بـ $(\frac{y}{2})$ ، فسوف نرمز الى احتيال حادثة ب على تقدير أ بـ $(\frac{y}{2})$ ».

نعم استخدمنا هذه البديهية في المثال الثالث والرابع، الا ان احتبال الحادثة على تقدير وقوع الاخرى في المثال الثالث ظل يساوي $\left(\frac{T}{2}\right)$ وهو عين احتسال الحادثة المستقل، بينها كان احتبال الحادثة المستقل في المثال الرابع ($\frac{\Phi}{2}$).

الا أن احتمال الحادثة على تقدير وقوع الاخرى اصبح (٤). فيا هو الفرق بين المثالن؟

يرجع الفرق بين المشالين الى الفرق بين الاحتيالات نفسها، فالاحتيالات على نوعن:

احتمالات مستقلة.

احتمالات مشر وطة.

الاحتمالات المستقلة:

هي الاحتيالات التي لا تتأثر قيمتها على افتراض وقوع بعضهما، كما هو الحال في المثال رقم (٣) فاحتيال صدق الراوي ووثاقته تقاس عادة بالنظر الى نفس الراوي، وما ورد بشأنه من تقييبات سجلها علماء الرجال بغض النظر عمن يروي عنهم، فاحتيال صدق الراوي رقم (٢) لا يتأثر نظرية الاحتيال «١»نطرية الاحتيال «١»

عادة بافتراض صدق الراوي الاول، فمجرد صدق الراوي الاول لا يؤدي الى زيادة وثاقة وصدق الراوي الثاني، كما لا يؤدي الى تضعيف درجة احتمال صدقه، وهناك مثال واضح ايضاً للاحتمالات المستقلة وهو مثال قذف قطعة النقد، فظهور الوجه او الكتابة احتمالان مستقلان.

الاحتيالات المشروطة:

هي الاحتيالات التي تتأثر قيمها على افتراض وقوع بعضها كها هو الحال في المثال وقم (٤)، حيث اننا اذا افترضنا خروج الكرة الاولى حمراء يبقى لدينا عندئذ اربع كرات حمراء من تسع كرات، فيكون احتيال خروج الثانية حمراء على افتراض خروج الاولى حمراء مساوياً له $\left(\frac{2}{9}\right)$ بينها يمثل احتيال خروج الثانية حمراء $\left(\frac{9}{1}\right)$ اذا حسبناه بشكل مطلق، ودون افتراض خروج الاولى حمراء.

ولأجمل تجلية هذا المموضوع بشكمل اكبر نضرب مشلًا آخر للاحتمالات المشروطة وهو:

اذا كان لدينــا (١٣) صنــدوقــاً من البطاريات, وكانت أربعة من الصناديق معيبة, فها هو احتهال خروج ثلاثة صناديق سالمة اذا أفرزناها بشكل عشواني من بين الاثني عشر صندوقاً.

هذا المثال تطبيق لبديهية الاتصال، ذلك لاننا نريد قياس احتمال خروج الصندوق الثاني سالماً. وخروج الصندوق الثاني سالماً. وخروج الصندوق الثالث سالماً أي الاحتمالات الثلاثة معاً، وعلى هذا الاساس لا بد من ضرب الاحتمال الاول في الثاني على تقدير الاول في الثالث على تقدير الاول والثاني.

حبنئذ نتساءل: ما هو احتمال خروج الصندوق الاول سالما؟ درجة احتمال هذا الفرض = $\frac{\Lambda}{17}$ ، لان عدد الصناديق السالمة ثمانية صناديق من بين اثني عشر صندوقا، ولكن اذا اخرجنا صندوقا سالماً تبقى لدينا سبعة صناديق سالمة.

ثم نتساءل: ما هو احتبال خروج الصندوق الثاني سالماً على افتراض خروج الاول سالماً؟

بعد اخراج الصندوق الاول سالماً يبقى لدينا احد عشر صندوقاً. سبعة منها سالمة، وعليه يكون احتمال خروج الصندوق الثاني سالماً على افتراض خروج الاول سالماً = (٢٠٠٠)، ولكن اذا اخرجنا صندوقين سالمين تبقى لدينا ستة صناديق سالمة.

ثم نتساءل : ما هو احتمال خروج الصندوق الثالث سالماً على تقدير خروج الاول والثاني سالمين؟

اتضح أننا اذا اخرجنا الصندوق الاول والثاني سالمين يبقى لدينا عشرة صناديق، ستة منها سالمة.

وحینشذ یکون احتمال خروج الصندوق الثالث سالماً علی تقدیر خروج الاول والثانی سالمین = ۲ٍ.

اذن: احتمال خروج الصناديق الثلاثة سالمة = خروج الاول سالماً × خروج الثالث × خروج الثالث سالماً على تقدير خروج الاول والثاني سالميًا.

$$=\frac{\Lambda}{Y/}\times\frac{Y}{1/}\times\frac{\Gamma}{1/}=\frac{3/}{60}$$

نعود الى مثال الكرات فنقرر:

احتمال خروج الكرة الاولى من الحقيبة الاولى زرقاء يساوي ٥٠ احتمال خروج الكرة الاولى من الحقيبة الثانية زرقاء يساوي

7.

احتىال خروج الكرتين زرقاوين يساوي احتال خروج الكرة الاولى من الحقيبة الاولى زرقاء مضروباً في احتال خروج الكرة الاولى من الحقيبة الثانية زرقاء على تقدير خروج الكرة الاولى من الحقيبة الاولى زرقاء.

ويمكن تحديد هذا الاحتهال بالارقام فنقول:

أنه يساوي ٥٠ × ٦٠ = ٣٠٠ = ٣٠ اذن احتيال خروج احدى الكرتين زرقاء =

$$\frac{A}{\lambda \cdot} = \frac{7}{1 \cdot} - \frac{7}{1 \cdot} + \frac{6}{1 \cdot}$$

مثال «٧»: هناك راميان يصيب أحدهما الهدف بنسبة ٨٠٪، ويصيب الآخر الهدف بنسبة ٧٠٪ في نفس الظروف العامة للرماية. فاطلق كل واحد منها طلقة على الهدف، فها هي قيمة احتيال اصابة الهدف حينئذ؟

نأتي هنــا اولاً على حل هذه المســألــة. دون الرجوع الى قواعد وبديهيات حساب الاحتيال.

نلاحظ أن الرامي الأول يخطي، أصابة الهدف في «٢٠» مرة. كما أن الرامي النافي يخطي، أصابة الهدف «٣٠» مرة، أي أنه لا يصيب الهدف في العشرين مرة التي يخطي، الرامي الأول فيها ست مرات، فتبقى لدينا ٩٤ مرة يصاب فيها الهدف من قبل أحد الراميين في المئة مرة.

وبتعبير آخر أن الرامي الاول يخطئ الهدف مرتين في كل عشر مرات، وحيث أن الرامي الثاني يخطئ الهدف «٣٠» مرة، فهذا يعني أن ستة طلقات سوف لا تصيب الهدف، وتصيب الهدف ٩٤ طلقة من بين المئة التي يطلقها كل رام من الراميين.

ويمكن ان نستنتج هذه النتيجة بملاحظة الموضوع من زاوية أخرى، حيث تُلاحظ أن عشرين طلقة من طلقات الرامي الأول لا تصيب الهدف، بينها يصيب الرامي الثاني الهدف لا مرات في كل عشر مرات، لأنه يصيب الهدف ٧٠٪، أذن فهناك ١٤ طلقة يُرميها الرامي الثاني وتصيب الهدف في العشرين مرة التي يخطأ الرامي الأول فيها اصابة الهدف، فتبقى «٢» طلقات لا تصيب الهدف، وهذا يعني أن أحد الراميين سوف يصيب الهدف في ١٤ طلقة من الطلقات التي يوجهها كلا الراميين على الهدف.

هذا الأسلوب في استخراج النتيجة يشبه طريقة حساب العطارين القدامى لثمن بضاعة المشتري، حيث يستخدمون الأصابع والخرز لعدّ الثمن النقدى للبضائع.

أما اذا أردنا أن نرتقي في حسابنا ونستخدم الحاسبة للحصول على النتيجة فهذا يستدعي أن نطبق بديهتي الأتصال والأنفصال اللذين يشكلان الأساس في الحساب الرياضي للاحتهالات. وسوف نرى أن طريقة العدّ بالخرز ليست خاطئة، أو عاجزة عن الحصول على النتيجة، لكنها عاجزة عن توفير الوقت.

نرجع الى المطلوب في المسألة، وهو عبارة عن ايجاد قيمة احتمال اصابة الهدف في حالة أطلاق كل من الراميين طلقة على الهدف وكان الرامي الأول يصيب الهدف ٨٠ في المائة ويصيبه الثاني ٧٠ في المائة.

المسألة هنا تمثل تطبيقاً من تطبيقات بديهية الانفصال التي تقول أن أحتال حصول أحدى حادثتين يساوي أحتال الاولى + احتال الثانية _ أحتالها معاً.

لكننا لا نستطيع ان نعرف قيمة أحتمالها معاً دون أن نطبق في المرحلة السابقة بديهية الأتصال، التي تقول: أذا أردنا أن نعرف قيمة أحتمال وقوع حادثتين معاً فعلينا أن نضرب قيمة أحتمال الأولى في قيمة احتمال النائية على تقدير الأولى.

نأتي الأن على تحديد قيمة أحتال اصابة كل من الراميين الهدف.

أحتمال أصابتها الهدف معاً = احتمال اصابة الأول الهدف × أحتمال أصابة الثاني الهدف على تقدير أصابة الأول.

$$\frac{\delta \gamma}{\delta \cdot 1} = \frac{\gamma}{\delta \cdot 1} \times \frac{\delta \cdot 1}{\delta \cdot 1} = \frac{\delta}{\delta \cdot 1}$$
 الهدف معاً = $\frac{\delta}{\delta \cdot 1}$

نعودالى تحديد أحتمال أصابة الهدف، الذي يعني أحتمال اصابة أحدهما الهدف. وتطبيقاً لبديهية الأنفصال علينا أن نجمع أحتمال أصابة الأول الهدف وأحتمال أصابة الثاني الهدف، ونطرح منها أحتمال اصابتها الهدف معاً.

أحتال أصابة الأول الهدف =
$$\frac{\Lambda}{100}$$
. أحتال أصابة الثاني الهدف = $\frac{\Lambda}{100}$. أحتال أصابتها الهدف معاً = $\frac{\Lambda}{100}$.

$$\frac{1-\frac{1}{1-1}}{1-\frac{1}{1-1}} = \frac{1}{1-\frac{1}{1-1}} - \frac{1}{1-\frac{1}{1-1}} - \frac{1}{1-\frac{1}{1-1}} = \frac{1}{1-\frac{1}{1-1}}$$

هنا نلاحظ أن قيمة أحتهال أصابة الهدف تساوي ٩٤٪.، وهي نفس النسبة التي تحددت، وفقاً للحساب البدائي الذي استخدمناه في بداية الحديث عن المسألة.

مثال «٨» هناك سيار تان مقبلتان ليلًا من منطقة العدو، وقد حصل لنا علم بأن قائد المجموعة يركب أحدى السيارتين. ولم يكن لدى موقعنا الدفاعي إلا طلقة واحدة في بندقية أحد الجنود، فليس أمامنا إلا قتل قائد المجموعة، وكنا نحتمل أن قائد المجموعة يقل السيارة التي تقع على جهة يسار الرامي، وكانت نسبة أحتهالنا ٩٠٪، وأن قائد المُجموعة يركب السيارة اليسارية بأحتهال 📫 ، فاعطينا البندقية الى أحد الجنود الماهرين في الـرمـاية الذي يصوب الهدف بنسبة ٩٠٪، أي أن أحتال أصابته الهدف 4 ، فصوَّب البندقية نحو زجاجة الراكب الذي يجلس جنب السائق في السيارة اليسارية، حيث مكان جلوس قائد المجموعة، وكنا نعلم أن الرامي سوف يُصيب أحدى السيارتين حتبًا. وبعد الرمي أَسْتَرَقْنا السمع بواسطة أجهزة الأنصات فعلمنا أن قائد المجموعة قد قتل ففي هذه الحالة سوف تزداد قيمة أحتال أن قائد المجموعة كان يقلّ السيارة البسارية ولكن ما هي القيمة الجديدة التي سوف يكون عليها أحتمال أن قائد المجموعة كان يقل السيارة اليسارية ؟

وتحديد هذه القيمة يتم من خلال أحدى قواعد حساب الأحتال، التي تُعرفُ بأسم «الأحتال العكسي».

يقول مبدأ «الأحتال العكسي»: «أن قيمة أحتال حادثة ما على أساس أكتشاف حقيقة ذات صلة بتلك الحادثة تساوي قيمة أحتال تلك

الحادثة × قيمة أحتال الحقيقة المكتشفة على تقدير تلك الحادثة مقسوماً على الأحتال المسبق لتلك الحقيقة قبل اكتشافها».

وحينها نحاول تطبيق قاعدة «الأحتهال العكسي» على المثال الذي قدمناه فسوف نجد أننا لكي نستخرج القيمة الجديدة لأحتهال كون القائد يقل السيارة اليسارية بعد التأكد من أصابته علينا أن نضرب أحتهال جلوس القائد في السيارة اليسارية احتهال أصابته على تقدير جلوسه في السيارة اليسارية مقسوماً على أحتهال أصابة القائد قبل الرمي.

أحتىهال جلوس القائد في السيارة البسيارية × أحتهال أصابته على تقدير جلوسه في السيارة البسارية.

أحتيال اصابة القائد قبل الرمى

وحينها نرجع الى لغة الأرقام نلاحظ:

أحتمال جلوس القائد في السيارة اليسارية = ب .

أحتال أصابة القائد على تقدير جلوسه في السيارة اليسارية ٩

أما أحتال أصابة القائد قبل الرمي فهو يساوي مجموع أحتالين، أحتال اصابته وهو يقل السيارة اليسارية + أحتال أصابته وهو يقل السيارة اليمينية. لأن أحتال اصابة القائد يعني في الواقع أحد احتالين، ونطبيقاً لبديهية الانفصال لابد من الجمع. أحتال اصابة القائد وهو يقل السيارة اليسارية يعني في الحقيقة أحتال أصابة السيارة اليسارية وأحتال ركوبه السيارة اليسارية معاً. ولكي نستخرج قيمة هذا الأحتال علينا أن

٨٠ منطق الاستقراء

نطبق بديهية الأتصال فنضرب أحتال اصابة السيارة اليسارية × أحنمال ركوب القائد السيارة اليسارية على تقدير الأصابة.

كما أن أحتمال أصابة القائد وهو يَقلُ السيارة اليمينية يعني أحتمال اصابة السيارة اليمينية وأحتمال ركوب القائد في السيارة اليمينية معاً. ولكي نستخرج قيمة هذا الاحتمال علينا تطبيق بديهية الاتصال فنضرب أحتمال أصابة السيارة اليمينية × أحتمال ركوب القائد السيارة اليمينية على تقدير أحتمال أصابة السيارة اليمينية.

وهذا يعني أن نضرب $\frac{1}{1} \times \frac{1}{1}$. اذن: أحتمال أصابته وهو يقل السيارة اليسارية = $\frac{9}{1} \times \frac{9}{1}$.

 $\frac{1}{1} \times \frac{1}{1} \times \frac{1}{1} \times \frac{1}{1} \times \frac{1}{1} \times \frac{1}{1} \times \frac{1}{1} = \frac{1}{1} \times \frac{1}{1} \times \frac{1}$

وبها أن أحتمال أصابة القائد قبل الرمي يساوي مجموع احتمالي أصابته وهو يقل السيارة اليسارية + أحتمال أصابته وهو يقل السيارة البعينية فهذا يعنى أن أحتمال أصابه القائد قبل الرمى =

$$\frac{1}{1 \cdot 1} \times \frac{1}{1 \cdot 1} + \frac{1}{1 \cdot 1} \times \frac{1}{1 \cdot 1}$$

أذن! أحنال أن القائد كان يقل السيارة البسارية =

أحتمال ركوب المقائد في السيارة البسارية × أحتمال أصابته على تقدير ركوبه في السيارة البسارية.

أحنيال أصابة القائد قبل الرمي.

$$\frac{\frac{1}{1 \cdot \times \frac{1}{1 \cdot \times 1}}}{\frac{1}{1 \cdot \times \frac{1}{1 \cdot \times 1} + \frac{1}{1 \cdot \times 1}}} =$$

$$\frac{AY}{AY} = \frac{\frac{AY}{Y \cdot \cdot}}{\frac{AY}{Y \cdot \cdot}} = \frac{\frac{AY}{Y \cdot \cdot}}{\frac{Y}{Y \cdot \cdot}} = \frac{AY}{\frac{Y}{Y \cdot \cdot}}$$

وقد يطرح البعض استفهاماً حول المقام في كسر المعادلة، حيث أننا جمعنا أحتهالي أصابة القائد، وهذا الجمع تطبيق لبديهية الأنفصال، ونحن نعرف أن بديهية الأنفصال تنص على أن أحتبال أحد أمرين يساوي ناتج جمع أحتبال كل منها مطروحاً منه أحتبالها معاً، فأين طرح أحتبالها معاً؟ والجواب على هذا الأستفهام كها يلي:

أن الحادثتين اللتين يراد جمع أحتيالهما على نوعين:

النوع الاول: أن تكون الحادثنان متنافيتين، أي أنها لا يجتمعان، واذا كانت الحادثنان متنافيتين ولا يمكن اجتهاعها وأردنا أستخراج قيمة احداهما فلابد من تطبيق بديهية الانفصال، وذلك بان نجمع بين احتمال الحادثة الاولى وأحتمال الحادثة الثانية ونطرح من الناتج أحتمال الحادثتين معاً.

وأحتمال الحادثتين معاً في فرضية الحوادث المتنافية يساوي صفراً. ومن هنا نهمل طرح هذا الاحتمال. لأن الصفر حينها يُطرح من أي عدد من الأعداد فسوف يبقى ذلك العدد على حاله. النوع الثاني: أن تكون الحادثنان غير متنافيتين. أي يمكن أجتماعها، وحيننذلابد من طرح أحتمالها معاً من مجموع الحادثتين.

نلاحظ هنا أن المثال رقم «٨» بضم حادثتين متنافيتيتن، أي أنها لا يجتمعان، فالقائد إما أن يركب السيارة اليسارية، وإما أن يركب السيارة اليمينية، ولا يمكن أن يركبها معاً، ومن هنا أهملنا الطرح.

ويلاحظ أيضاً أن الأمثلة رقم «٥»، و«٦»، و«٧» تضم حالات غيرِ متنافية، ولذا اجرينا الطرح.

اخبيراً نصاول ان نستخدم السرموز بدل الارقام في حل معادلة الاحتيال العكسي.

نرمز الى احتال جلوس القائد في السيارة اليسارية بـ ($\frac{1}{2}$)،

ونرمز الى احتمال اصابة القائد بـ ($\frac{b}{2}$)، وسوف تكون المعادلة كالتالي:

$$\frac{3}{\sqrt{3-c}} \times \frac{\sqrt{c}}{c} = \frac{\sqrt{3-c}}{\sqrt{3-c}}$$

ونلاحظ ان هذه المعادلة مستنتجة استنتاجاً رياضياً بحتاً من بديهية الاتصال. اذ ان ح ل و ح ك = $\frac{L}{2}$. ويساوي أيضا حرل

$$\frac{1}{3 \cdot c} \times \frac{c}{3 \cdot c}$$

$$\frac{J}{J} \times \frac{J}{z} = \frac{J}{J \cdot z} \times \frac{J}{z} : i i i$$

$$\frac{J}{J \cdot z} \times \frac{J}{z} = \frac{J}{J \cdot z} \times \frac{J}{z} : i i i$$

$$\frac{\frac{1}{3.2} \times \frac{1}{2}}{\frac{1}{2.2}} = \frac{\frac{1}{3.2}}{\frac{1}{2.2}}$$

٨٤ ، منطق الاستقراء

٣_ تفسير الأحتيال

أشرنا الى أن الأحتال يقع ضمن معان مختلفة، ويستعمل بمفاهيم متعددة، وبعد أن تعرفنا على أن الأحتال يمكن حسابه رياضياً، كما مرت علينا امثله هذا الحساب الرياضي، نجد أنفسنا بحاجة الى طرح تفسير للأحتال بحيث يكون هذا التفسير معقولاً، وشاملاً لكل الأمثلة التي يمكن أن نطبق عليها الحساب الرياضي ونقيس درجة الأحتال فيها قياساً رياضياً، أي: أن التفسير المطلوب للأحتال ينبغي أن يتوفر على شرطين:

الاول: أنسجام التفسير وتوافقه مع المبادئ الاولية للتعريف.

الشاني: أن يكون التفسير شاملًا ومنطبقاً على كل أحتمال يمكن حسابه رياضياً

هناك ثلاثة تفاسير رئيسية تعرف لنا الأحتيال: التفسير الأول: التعريف الكلاسيكي للأحتيال.

التفسير الثاني: التعريف التكراري للاحتمال.

التفسير الثالث: التعريف الأجالي للأحتيال.

نأتي على تناول هذه التفاسير، حسب تسلسلها.

نظرية الاحتيال «١»مه

التفسير الأول:

يُنسب التفسير الكلاسيكي للأحتال الى «لابلاس» (١)، ووفق صيغة لابلاس يعبر الاحتبال عن عدد الحالات المؤيدة الى المجموع الكلي للحوادث الممكنة بالتساوي. يعني: أذا كانت لدينا حادثة «ج»، وكانت لحذه الحادثة فرص ملائمة نرمز اليها به «س»، ضمن مجموعة فرص ممكنة بالتساوي نرمز اليها به «ع»، فأحتال حادثة ج = "" .

مثال: اذا كانت لدينا خمس أوراق مرقمة من ١ ـ ٥ موضوعة في صندوق، وأردنا أن نستخرج احدى الأوراق بشكل عشوائي، فها هو أحتال خروج الورقة رقم ٣٣»؟

نلاحظ أن لدينا خمسة حوادث ممكنة الوقوع أمكاناً متساوياً. فأما أن تخرج الورقة رقم «٢»، وأما أن تخرج الورقة رقم «٣»، وأما أن تخرج الورقة رقم «٤»، وأما أن تخرج الورقة رقم «٤».

ويُلاحظ أيضاً أن الفرص الملائمة _ من بين هذه الحوادث الممكنة بالتساوي _ لخروج الورقة رقم «٣» عبارة عن فرصة واحدة. وفي هذا الضوء نستطيع القول أن أحتمال خروج الورقة رقم «٣» عند السحب يساوي س = 1

 ⁽١) لابلاس : (١٧٤٩ - ١٩٨٧) عالم رياضي قرنسي اليه يرجع الفضل في بناء حساب الاحتيال على أساس نسق نظري.

٨٦ منطق الاستقراء

نقد التفسير الاول

الاشكال الأساس الذي يتسجل على التفسير الكلاسيكي للأحتال هو: أن هذا التفسير غير منسجم منطقياً، ذلك لانه دوري، حيث يُفسر الأحتال بالأحتال.

ولأجل ايضاح هذا الأشكال نقول:

أن التفسير الكلاسيكي للأحتال يأخذ باعتباره المجموع الكلي للحوادث المتساوية الأمكان، فالأحتهال عبارة عن حاصل قسمة مجموع الحوادث المؤيدة على المجموع الكلي للحوادث المكنة بالتساوي.

فها هو المراد بالمكنة بالتساوي؟

فتساوي الأمكانية لا يعني الا تساوي الأحتالية، ومن ثمّ يكون التعريف الكلاسيكي للأحتال عبارة عن مجموع الحوادث المؤيدة مقسوماً على المجموع الكيلي للحوادث المتساوية الأحتال. ومن هنا قالوا أن التعريف الكلاسيكي للأحتال يفسر الاحتال بالاحتال، ولكي نفهم معنى الاحتال لابد لنا في المرتبة السابقة من فهم الأحتال.

التفسير الثاني:

يتبنى هذا التفسير مجموعة من الباحثين في نظرية الأحتيال، ألا أن هذه المجموعة من الباحثين ليست متطابقة ومجمعة على كل التفاصيل التي تتعلق بهذا التفسير، فهناك عدة نظريات ضمن اطار المدرسة التكرارية.

ورغم ذلك هناك جامع بين هذه النظريات، ذلك انها تتفق على تفسير الأحتال على اساس تكرار الوقوع، دون أفتراض مسبق لنساوي الأمكانية، بل تعتقد بضرورة تحديد درجة الأحتال على اساس الواقع التجريبي.

على كل حال نقتصر هنا على ذكر تعريف تكراري للأحتال يُنسب الى نظرية تُدعى بـ «نظرية التكرار المحدود».

«أذا كانت لدينا فئتان فئة «أ»، وفئة «ب»، وأخترنا فرداً من فئة «أ» يشكل عشواتي، وأردنا أن نعرف أحتال أن يكون الفرد «أ» منتمياً الى الصنف «ب»، فنحدد الأحتال بقسمة عدد افراد «أ» التي هي من الصنف «ب» على العدد الكلى لأفراد «أ».»

> ونستعيض بالرموز فنقول: ح = أب نقدالتفسير التكراري

بالـرغم من أنسجام هذا التفسير بنفسه، وعدم وقوعه بها وقع به التفسير الكلاسيكي من عدم أنسجام، إلا أنه لا يستوفي الشرط الثاني من الشــرطـين اللذين ذكــرناهما كاساس للتعريف المطلوب. أي: « شمول ٨٨ منطق الاستقراء

التعريف وانطباقه على كل احتال يمكن تحديده رياضياً».

أن التعريف المتقدم يُقيم الأحتيال بوصفه علاقة بين فئتين. فهاذا نصنع لو كان الحدث المطلوب تحديد درجة أحتياله يمثل واقعة فردية؟

فالأحتال في تفسيره التكراري لا يشمل ـ على سبيل المثال ـ تحديد درجة أحتال وجود «عبد الله ابن سبأ» كشخصية تاريخية مارست دوراً في التاريخ؛ لأن وجود عبد الله ابن سبأ حادثة فردية.

التعريف الأجالي:

تبنى هذا التعريف الفيلسوف المجدد الشهيد السيد محمد باقر الصدر في كتابه «الأسس المنطقية للأستقراء». وقد أصطلحت على هذا التعريف أسم «التعريف الأجالي»، لأن هذا التعريف يقوم أساساً على مفهوم «العلم الأجالي»، ومن هنا لابد من تحليل هذا المفهوم اولاً، كمدخل لفهم التعريف وتحديد صياغته.

ماهو المعني بـ «العلم الأجمالي»؟

لكل علم معلوم، وحينها يكون لديّ علم، فلابد من معلوم، يتعلق به < هذا العلم.

المعلوم الذي يتعلق به العلم على نحوين:

١- أن يكون المعلوم محدداً بشكل كامل، كما لو أخبرت بأن أحد الموزراء يقوم اليوم بزيارة الى مدينتي، فذهبت الى الحفل الذي اقيم لأستقباله فوجدته وزير التعليم، فتحدد المعلوم لدي بشكل دقيق، حيث سوف أجزم بأن الزائر هو وزير التعليم.

٢- أن يكون المعلوم مردداً وغير محدد بشكل كامل ودقيق. كما لو أخبرت بأن أحد الوزراء يقوم بزيارة الى المدينة، فذهبت الى موقع الاحتفاء به، قلم أستطع أن أشخصه، ولم أحدد بالضبط هل هو وزير التعليم أم هو وزير...؟

ففي هذه الحالة يبقى المعلوم مردداً بين كل الوزراء الذين يشغلون الحقائب الوزارية في بلدي.

وعلى هذا الاساس ينقسم العلم الى قسمين:

١_ العلم التفصيلي، وهو العلم الذي يكون معلومه محدداً.

٢.. العلم الأجمالي، وهو العلم الذي يكون معلومه مردداً.

نأتي الآن الى العلم الأجمالي، ولعلك تتساءل: أذا كان المعلوم أمراً مردداً فبأي شيء يتعلق العلم؟ حيث أن العلم لابد له من معلوم مشخص، وأذا كان المعلوم مردداً وغير محدد في أفق النفس، فمثل هذا العلم يساوي الشك والتردد، الذي هو من مقولة الجهل، لا العلم!

ولكن هذا التساؤل سرعان ما تنضع الأجابة عليه حينها نتعمق في فهم طبيعة العلم الأجالي. ذلك أن العلم الأجالي لا يعني العلم بالتردد وعدم التشخيص، لكي يقال أن هذا يعني التناقض، فالعلم والتردد أمران لا يجتمعان. أنها يعني العلم الأجالي أننا نعلم بشيء مردد، فالشيء معلوم لكنه مردد بين مصاديق متعددة.

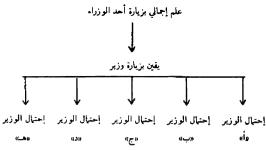
العلم الأجمالي يتعلق بمعلوم وهذا المعلوم عنوان عام وكلي صالح للأنطباق على مصاديق متعددة. ففي المثال الذي تقدم نحن نعلم بأن وزيراً

يزور المدينة، لكن عنوان الوزير صالح للأنطباق على وزير العدل ووزير النفط ووزير الأعلام فالأجمال الذي يلف هذا العلم لا يشمل أصل المعلوم، بل المجمل هو أنطباق هذا المعلوم على مصاديقه ، بحيث لا نستطيع أن نشخص مصداقاً محدداً ينطبق عليه العنوان الكلي بشكل جازم. بل يبقى كل مصداق من المصاديق التي تصلح لأنطباق الحكم الكلي عليها محتملاً. فمن الممكن أن يكون الوزير الزائر هو وزير العدل ومن الممكن أيضاً أن يكون وزير النفظ، ومن الممكن....

من هنا يتضح ان العلم الأجمالي له أطراف متعددة بعدد المصاديق الصالحة لأنطباق العنوان الكلي عليها.

وكل مصداق وكل طرف من هذه الأطراف أمر محتمل.

اذن! فالعلم الأجمالي يقين بالكلي وأحتيال يتعلق بكل طرف من أطراف ومصاديق الكلي. فحينها يكون لدينا علم أجمالي يكون لدينا يقين بوقوع حدث وحصول واقعة من الحوادث والوقائع، كما سيكون لدينا أحتيال بأن هذه الواقعة سوف تكون متمثلة في «أ» أو «ب»... وغيرها من التطبيقات الصالحة لتمثل الواقعة وتجسدها فيها. ونستطيع أن نقدم المسألة في ضوء الرسم التوضيحي التالي:



«هذا الرسم التوضيحي يوضح حالة ما اذا كان الوزراء خمسة»،

على اساس ما تقدم نستطيع ان نعرف ان الاحتيال مفهوم يتضمنه كل طرف من اطراف العلم الاجمالي، ولكن كيف نحدد قيمة الإحتيال في ضوء مفهوم العلم الإجمالي؟ وللإجابة على هذا الإستفهام لا بد لنا من عودة الى مفهوم العلم الإجمالي، لنُلاحظ:

أن العلم الأجمالي له أطراف متعددة، وهناك أحتمال في ان يكون العلم الأجالي متمثلاً في كل طرف من الأطراف، فمن المحتمل أن يكون الزائر - في المثال المتقدم - هو الوزير «أ» ومن المحتمل أن يكون الزائر هو الوزير «ب»....

نلاحظ هنا أن العلم الأجمالي يتمثل في مجموعة الأطراف، وهو أي: «العلم الأجمالي» حيادي أزاء كل طرف من هذه الأطراف، فلا يعين ولا يشخص أياً منها، بل حيادي إزاءها.

ونلاحظ أيضاً أن كل طرف من هذه الأطراف يستلزم قضية من المقضايا. فالطرف الأول ـ كما هو الحال في المثال المتقدم ـ يستلزم زبارة وزير العدل، والطرف الثاني يستلزم زبارة ...

وإذا اردنا أن نحدد قيمة أحتمال أي قضية من ا القضايا فعلينا أن نقسم عدد ما يلازمها من أطراف العلم الأجمالي على المجموع الكلي لهذه الأطراف.

مثال: أذا كانت لدينا عشر كرات مرقمة من ١---١٠، موضوعة في صندوق، واردنا أن نخرج منها كرة واحدة بشكل عشوائي، فها هي قيمة أحتهال ان تخرج الكرة وهي تحمل عدداً فردياً؟

لدينا في هذا المثال علم أجمالي، وهو عبارة عن العلم بخروج كرة من الكرات العشرة، ولهذا العلم عشرة أطراف، أذ من الممكن أن تخرج الكرة رقم «١»، ومن الممكن أن تخرج الكرة رقم «٢»، ومن الممكن أن تخرج الكرة رقم «٣».....

> اما القضية التي نُريد تحديد قيمة أحتهالها فهي عبارة عن: «خروج الكرة التي تحمل عدداً فردياً».

يُلاحظ أن قضية «خروج الكرة التي تحمل عدداً فردياً» يُلازمها خروج الكرة وهي خروج الكرة وهي تحمل الرقم «١» (الطرف الأول)، وخروج الكرة وهي تحمل الرقم «٣» (الطرف الثالث)، وخروج الكرة رقم «٥»، ورقم «٧»، ورقم «١» (الطرف التاسع). وبها أن المجموع الكلي لمدد أطراف العلم الأجمالي يساوي عشرة، أذن أحتمال خروج الكرة التي تحمل عدداً فردياً يساوي

نخلص بما تقدم أن الأحتمال يُمثل دائهًا طرفاً من أطراف العلم الأجالي، وقيمة أي قضية يراد تحديد درجة أحتمالها تساوي عدد ما يُلازمها من أطراف العلم الأجمالي مقسوماً على المجموع الكلي لعدد اطراف العلم الأجمالي.

تطبيق التعريف على الأمثله:

تقدم عرض ثهانية أمثلة لحساب قيمة أحتهال الحوادث. نحاول في هذه الفقرة من البحث أن نتعرف على شمول التعريف وانسجامه من الأمثلة المتقدمة. علمًا أننا قمنا في الفقرة السابقة بتطبيق التعريف على المثال الأول.

التعريف والمثال الثاني:

لدينا _ في هذا المثال ـ علم أجمالي، وعدد أطراف هذا العلم عبارة عن تسعة أطراف، لأن الورقة المسحوبة أما أن تكون الورقة رقم «١» او «٢» او «٣»....... «٩».

والقضية المطلوب قياس درجة أحتيالها عبارة عن «خروج الورقة وهي تحمل عدداً فردياً»، ولدينا هنا خمسة أطراف تلازم هذه القضية، وهي عبارة عن الأطراف التي تحمل عدداً فردياً (خروج الورقة رقم «٩»، ورقم «٣»، ورقم «٥»، ورقم «٧»، ورقم «٩».)

وبها أن التعيريف يقول أن درجة أحتمال الحادثة =

عدد الأطراف التي تلازمهــا

المجموع الكلي لعدد أطراف العلم الأجمالي

أذن أحتهال خروج الورقة وهي تحمل عدداً فرديا = ______ وهذه النتيجة مطابقة لما تمَّ حسابه رياضياً في المثال. ١٤ منطق الاستقراء

التعريف والمثال الثالث:

لدينا في هذا المثال رواية يروبها أربعة رواة، وكنا نحتمل صدق كل راوي من هولاء بدرجة 2 ، ووفقاً لبديهية الأتصال نقوم بضرب أحتيال صدق الأول في أحتيال صدق الثاني على تقدير صدق الأول، في أحتيال صدق الثالث على تقدير صدق الأول والثاني، في أحتيال صدق الرابع على تقدير صدق الرواة الثلاثة، وكانت النتيجة 2 ... فهل يتطابق التعريف مع هذه النتيجة؟

أن التعريف يقول أن درجة أحتمال صدق الرواية يساوي عددالأطراف التي تلازمها

المجموع الكلي لعدد أطراف العلم الأجمالي

وهذا يعني أن يكون لدينا علم أجمالي يتكون من ٣٥٦ طرفاً ، وأن يكون «٨١» طرفاً من هذا العلم ملازماً لصدق الرواية.

فيا ترى من أين يأتي هذا العلم؟

تفترض المسألة التي يطرحها المثال أن أحتهال صدق كل راوي من الرواة الأربعة يساوي للهم عن أن لدينا علمًا أجمالياً يتألف من أربعة أطراف ثلاثة أطراف منها تنسجم وتلازم صدق الراوي، وطرف واحد يُلازم كذب الراوي، أي: أننا علمنا بأن هناك ثلاثة عوامل لصدق الراوي وعامل واحد لكذبه.

من هنا فنحن حينها نلاحظ أحتهال صدق كل راوٍ من الرواة نجد أن لدينا علمًا أجمالياً يتألف من أربعة أطراف. وحينها يكون رواة النبأ اثنين نظرية الاحتيال «١» ه١٠ نظرية الاحتيال «١» المستقدمة الاحتيال «١٥ المستقدمة المستقدم المستقدم المستقدم المستقدم المستقدمة المستقدم المستدم المستقدم المستقدم المستقدم المستقدم المستقدم المستقدم المستقدم

نحتمل في كل واحد منهما الصدق بنسبة للهم فسوف تكون أطراف العلم الأجمالي عبارة عن ستة عشر طرفاً، ذلك لأننا في العلم الأجمالي الأول (حينسا يكون الراوي واحداً) كانت لدينا أربعة أطراف، ثلاثة في صالح صدق الراوي، وطرف واحد في صالح كذبه، وأذا أستخدمنا الرموز نقول:

العلم الأجمالي الأول يتألف من أربعة أطراف وهي:

أ، ب، ج، د.

والطرف «أ» في صالح كذب الراوي، والأطراف الآخرى في صالح صدقه، هذا أذا لاحظنا الراوي الأول بمفرده.

أما أذا لاحظنا الراوي الثاني بمُفرده فسوف نجد لدينا عليًا أجمالياً مؤلفاً من أربعة أطراف أيضاً، ولتَرمز لها بـ:

أَ، بَ، جَ، دَ، والعلوف «أَ» في صالح كذب الراوي، والأطراف الأخرى في صالح صدقه.

فأذا أردنا أن نقيس أحتهال صدق الرواية مع كون الرواة لها راويين فسوف نجد أن أحتهال صدق الرواية يدخل في أطار علم أجمالي جديد مكون من أطراف جديدة أيضاً، لأننا سوف نعلم يتحقق أحدى الظواهر التالية:

> فأما أن يحدث أ مع أ. وأما أن يحدث أ مع بَ. وأما أن يحدث أ مع جَ. وأما أن يحدث أ مع دَ. وأما أن يحدث ب مع أ.

وأما أن يحدث ب مع بَ.
وأما أن يحدث ب مع جَ.
وأما أن يحدث ب مع دَ.
وأما أن يحدث ج مع بَ.
وأما أن يحدث ج مع جَ.
وأما أن يحدث ج مع جَ.
وأما أن يحدث د مع أ.
وأما أن يحدث د مع بَ.
وأما أن يحدث د مع جَ.

ونلاحظ هنا أن عدد أطراف العلم هي ١٦ طرفاً. كما نلاحظ أيضاً أن تسعة أطراف منها في صالح صدق الرواية، وسبعة أطراف منها في صالح كذبها. وحينها نُطبق التعريف الأجمالي نجد أن أحتمال صدق الرواية =

أما أذا كان الرواة ثلاثة فسوف تتغير أطراف العلم الأجمالي وتكبر وتنسع وتصبح أربعة وستين طرفاً، فأذا رُمزنا الى أطراف العلم الأجمالي المتعلق بالراوى الثالث بـ:

أُبُّجُ دُ

ولاحظنا الرواية بأعتبار أن رواتها ثلاثة، ونحتمل صدق كل واحد

نظرية الاحتيال «۱»نظرية الاحتيال «۱»

منهم بنسبة بي ، فسوف نعلم بتحقق أحدى الظواهر التالية:

(٢) فأما أن يجدث أ مع أ وبُ. (٣) فأما أن يحدث أ مع أ وجً. (٤) فأما أن يحدث أ مع أ ودً. (٥) فأما أن يحدث أ مع بُ وأً. (٦) فأما أن يجدث أ مع بُ وبُ (٧) فأما أن يحدث أ مع بُ وجً. (٨) فأما أن يحدث أ مع بَ ودً. (٩) فأما أن يحدث أ مع جَ وأ. (١٠) فأما أن يجدث أ مع جَ وبُ. (١١) فأما أن يجدث أ مع جَ وجً. (١٢) فأما أن يحدث أ مع جَ ودُ. (١٣) فأما أن يجدث أ مع دُ وأ. (١٤) فأما أن يجدث أ مع دُ وبُ. (١٥) فأما أن يحدث أ مع دَ وجُ. (١٦) فأما أن يجدث أ مع دُ ودً.

(۱۷) فأما أن يحدث ب مع أ وأ. (۱۸) فأما أن يحدث ب مع أ وبً. (۱۹) فأما أن يحدث ب مع أ وجً. (۲۰) فأما أن يحدث ب مع أ ودً.

(١) فأما أن يحدث أ مع أ وأً.

- (۲۱) فأما أن يجدث ب مع بُ وأ.
 - -(۲۲) فأما أن يحدث ب مع بَ وبً.
 - (۲۳) فأما أن يحدث ب مع بُ وجُ.
 - (٢٤) فأما أن يحدث ب مع بَ وِدٍّ.
 - (٢٥) فأما أن يحدث ب مع جَ وأ. (٢٦) فأما أن يحدث ب مع جَ وبً.
 - ر (۲۷) فأما أن يحدث ب مع جَ وجً.
 - (٢٨) فأما أن يحدث ب مع جَ وِدً.
 - (۲۹) فأما أن يحدث ب مع دَ وأ. (۳۰) فأما أن يحدث ب مع دَ وبً.
 - (۳۱) قاما أن يحدث ب مع دَ وج. (۳۱) قاما أن يحدث ب مع دَ وجُ.
 - (٣٢) فأما أن يحدث ب مع د ودّ.
 - (٣٣) فأما أن يحدث ج مع أ وأ.
 - (٣٤) فأما أن يحدث ج مع أ وبً. (٣٥) فأما أن يحدث ج مع أ وجً.
 - (٣٦) فأما أن يحدث ج مع أ ود.
 - (۳۷) فأما أن يحدث ج مع بَ وأ. (۳۸) فأما أن يحدث ج مع بَ ربً.
 - (٣٩) فأما أن يحدث ج مع بَ وجُ. (٤٠) فأما أن يحدث ج مع بَ ودُ.
 - (٤١) فأما أن يحدث ج مع جُ وأً.
 - (٤٢) فأما أن يحدث ج مع جَ وبً.

(٤٣) فأما أن يحدث ج مع جَ وجَ.

(٤٤) فأما أن يحدث ج مع جَ وِدً.

(22) فاما ان يحدث ج مع ج ود. (28) فأما أن يحدث ج مع دَ وأ.

(٤٦) فأما أن يحدث ج مع دَ وبِّ.

(٤٧) فأما أن يحدث ج مع دَ رجُ. (٤٨) فأما أن يحدث ج مع دَ ردُ.

(٤٩) فأما أن يجدث د مع أ وأ. (٥٠) فأما أن يجدث د مع أ وبّ.

(٥١) فأما أن يحدث د مع أوجً. (٥٢) فأما أن يحدث د مع أودً.

(۵۳) فاما أن يحدث د مع بَ وأ. (۵۳) فأما أن يحدث د مع بَ وأ.

(٥٤) فأما أن يحدث د مع بُ وبُ. (٥٥) فأما أن يحدث د مع بُ وجُ.

(٥٦) فأما أن يحدث د مع بَ ودً. (٥٧) فأما أن يحدث د مع جَ وأً.

(٥٨) فأما أن يحدث د مع جَ وبُ.

(٥٩) فأما أن يحدث د مع جُ وجُ. (٦٠) فأما أن يحدث د مع جُ ودُ.

ر (٦١) فأما أن يحدث د مع دَ وأ. (٦٢) فأما أن يحدث د مع دَ وبُ. (٦٢) فأما أن يحدث د مع دَ وبُ.

(٦٣) فأما أن يحدث د مع دُ وجً .

(٦٤) فأما أن يجدث د مع دَ ودُ.

يُلاحظ هنا أن مجموعة أطراف العلم الأجمالي أصبح عددها «٦٤» طرفاً، كما يُلاحظ أن عدد الأطراف التي تُلازم الصدق هي «٢٧» طرفاً، وعدد الأطراف التي تُلازم الكذب هي «٣٧» طرفاً. وحينها تُطبق التعريف الأجمالي نجد أن أحتمال صدق الرواية = $\frac{77}{12}$.

أما أذا كان عدد الرواة أربعة. وكانُ الرابع يروي عن الثالث. والثالث عن الثاني، والثاني يروي عن الأول، وكان أحتال صدق كل راوي من الرواة الأربعة يساوي على أسوف يتغير عدد أطراف العلم الأجمالي وتصبح «٢٥٦» طرفاً.

أيضاح ذلك: حينها تُلاحظ الراوي الرابع نجد أن أحتهال صدقه يساوي بي ، وهذا يعني أننا نعلم حينتذ بوجود أربعة عوامل، ثلاثة منها لصالح صدقه وواحد منها لصالح كذبه، ولنرمز إلى هذه العوامل به: أُ، بُّ، بُّ، بُّ، بُّ، دُّ،

وأذا لاحظنا الرواية، التي يرويها أربعة رواة، وكان أحتيال صدق كل راوي من هؤلاء يساوي للم علم فسوف نعلم بعصول وتحقق أحدى الظواهر التالية:

- (١) أما أن يحدث أ. أ. أ. أ.
- (٢) وأما أن يحدث أ، أ، أ، بُّ.
- (٣) وأما أن يحدث أ. أ. أ. بج.
- (٤) وأما أن يحدث أ. أ. أ. أُ. دُ.
- (٥) وأما أن يحدث أ، أ. بُ، أُ.
- (٦) وأما أن يحدث أ، أ. بُ، بُ.

(٧) وأما أن يحدث أ، أ، بُ، جُ.

(٨) وأما أن يجدث أ، أ، بُ، يِّد.

(٩) وأما أن يحدث أ، أ، جُ، أُ.

(١٠) وأما أن يحدث أ، أُ، جُّ، بُّ.

(١١) وأما أن بحدث أ. أ. جُ. جُ

(۱۲) وأما أن يحدث أ. أ. جً. دً. (۱۳) وأما أن يحدث أ. أ. دُ. أُ.

(۱۲) والما أن يحدث أ، أ، دُ، بُ. (۱٤) وأما أن يحدث أ، أ، دُ، بُ.

(١٥) وأما أن يحدث أ، أ. دُ ، جُّ. (١٦) وأما أن محدث أ، أ. دُ . دُ.

(۱۲) واما أن يحدث أ. أ. د . د. (۱۷) وأما أن يحدث أ. نَ. أ. أً.

(١٨) وأما أن يحدث أ، بُ، أ، بُ

(١٩) وأما أنْ يحدث أ، بُ، أَ، جُج.

ُ (۲۰) وَأَمَا أَن يَحِدثَ أَ، بُ، أَ، دُّ. (۲۱) وأما أن يجدث أ، بُ، بُ، أُ.

(۲۲) وأما أن يحدث أ، بَ، بُ، بُ. (۲۲) وأما أن يحدث أ، بَ، بُ، بُ.

(٢٣) وأما أن يجدث أ، بَ، بُ، جُ.

(٢٤) وأما أن يحدث أ، بَ، بُ، دُّ. (٢٥) وأما أن يحدث أ، بَ، جُ، أُ.

(٢٦) وأما أن يحدث أ، بَ، جُ، بُّ. (٢٧) وأما أن يحدث أ، بَ، جُ، جُّ.

(٢٨) وأما أن يحدث أ، بُ، جُّ، دُّ.

منطق الاستقراء

(٢٩) وأما أن يجدث أ. بُ. دُ. أُ. (٣٠) وأما أن يجدث أ، بَ، دُ، بِّ. (٣١) وأما أن يحدث أ، بَ، دُ، جُر. (٣٢) وأما أن محدث أ. بَ، دُ، دُّ. (٣٣) وأما أن يجدث أ. جَر، أ. أ. (٣٤) وأما أن يحدث أ، جَر، أ، بِّ. (٣٥) وأما أن يجدث أ. جَ، أ. جُ. (٣٦) وأما أن يحدث أ، جَ، أ، دٍّ. (٣٧) وأما أن يحدث أ، جَ، بُّ، أ. (٣٨) وأما أن يحدث أ، جَ، بُ، بُ. (٣٩) وأما أن يجدث أ، جَ، بُ، جُ. (٤٠) وأما أن يحدث أ. جَ، بُ، دُ. (٤١) وأما أن يجدث أ، جَ، جُ، أ. (٤٢) وأما أن بجدث أ، جَ، جُ، بُ (٤٣) وأما أن يحدث أ، جَ، جً، جُ. (٤٤) وأما أن يحدث أ. جَ. جُ. دُ. (٤٥) وأما أن يجدث أ، جَ، دُ، أ. (٤٦) وأما أن يحدث أ، جَ، دُ. بُ.

(٤٧) وأما أن يحدث أ، جَ، دُ، جُ. (٤٨) وأما أن يجدث أ، جَ، دُ، دُ. (٤٩) وأما أن يحدث أ، دُ، أَ، أَ. (٥٠) وأما أن يحدث أ، دَ، أَ، تُ.

نظرية الاحتبال ٩١٥ ٣٠

(٥١) وأما أن يحدث أ. دَ. أ. جُ.

(٥٢) وأما أن يحدث أ، دَ، أَ، دً.

(٥٣) وأما أن يحدث أ. دَ. بُ. أُ.

(٥٤) وأما أن يحدث أ. دَ. بُ. بُّ. (٥٥) وأما أن يحدث أ. دَ. بُ. بُّر.

(٥٦) وأما أن يحدث أ، دَ، بُ، دُ.

(٥٧) وأما أن يحدث أ، دَ، جُ، أُ. (٥٨) وأما أن يحدث أ، دَ، جُ، بُ.

(٥٩) وأما أن يحدث أ، دَ، جُّ، جُّ.

(٦٠) وأما أن يحدث أ، دَ، جُ، دُ. (٦١) وأما أن يحدث أ، دَ، دُ، أُ.

(٦٢) وأما أن يحدث أ. دَ. دُ. بُّ.

(٦٣) وأما أن يحدث أ. دَ. دُ. جُ. (٦٤) وأما أن يحدث أ. دَ. دُ. دُ.

(٦٥) وأما أن يحدث ب، أ، أ، أ. (٦٦) وأما أن محدث ب، أ، أ، تُ.

(٦٧) وأما أن يُحدث ب، أ، أ، أ.

(٦٨) وأما أن يحدث ب. أ. أ. دُّ. (٦٩) وأما أن يحدث ب. أ. بُّ. أُ. (٧٠) وأما أن يحدث ب. أ. بُ. بُّ.

(٧١) وأما أن يحدث ب، أ. بُ. جُع.

(٧٢) وأما أن يحدث ب، أ، بُ، دُ.

منطق الاستقراء

(٧٣) وأما أن يحدث ب، أ، جُ، أ. (٧٤) وأما أن يحدث ب، أ. جُ. بُ. (٧٥) وأما أن يحدث ب، أ، جً، جً. (٧٦) وأما أن يحدث ب، أ، جُ، دُ. (٧٧) وأما أن بحدث ب، أ، دُ، أ. (٧٨) وأما أن محدث ب، أ، دُ، تُ. (٧٩) وأما أن يجدث ب، أ، دُ، جُج. (٨٠) وأما أن محدث ب، أ، دُ، دُ. (٨١) وأما أن يحدث ب، بُ، أُ، أُ. (٨٢) وأما أن يحدث ب، بَ، أَ، تُ. (٨٣) وأما أن يحدث ب، بُ، أ، جُر. (٨٤) وأما أن بحدث ب، بُ، أَ، دُّ. (٨٥) وأما أن يحدث ب، بَ، بُ، أُ. (٨٦) وأما أن يحدث ب، ب، ب، ب، ب. ُ (٨٧) وأما أن يحدث ب، بُ، بُ، جُ. (٨٨) وأما أن يحدث ب، ب، ب، ب، دً. (٨٩) وأما أن يحدث ب، بُ، جُر، أ.

(٩٠) وأما أن يحدث ب، بَ، جُ، جُ. (٩١) وأما أن يحدث ب، بَ، جُ، جُ. (٩٢) وأما أن يحدث ب، بَ، جُ، دُ.

(٩٣) وأما أن يحدث ب، بَ، دً، أَ. (٩٤) وأما أن يحدث ب، بَ، دً، بُّ.

(٩٥) وأما أن يحدث ب، بُ، دُ، جُم. (٩٦) وأما أن محدث ب، بُ، دُ، دُ. (٩٧) وأما أن يحدث ب، جَر، أُ، أُ. (٩٨) وأما أن يحدث ب، جَ، أ، بً. (٩٩) وأما أن يحدث ب، جَ، أ، جُ. (١٠٠) وأما أن يجدث ب، جَ، أُ، دُّ. (١٠١) وأما أن يحدث ب، جَ، بُ، أَ. (١٠٢) وأما أن يحدث ب، جَ، بُ. بُ (١٠٣) وأما أن يحدث ب، جَ. بُ، جُ. (١٠٤) وأما أن يحدث ب، جَ، بُ، دِّ. (١٠٥) وأما أن يحدث ب، جَ، جَ. آ. (١٠٦) وأما أن يحدث ب، جُ، جُ، بُ. (١٠٧) وأما أن يجدث ب، جُ، جُ، جُ (١٠٨) وأما أن يحدث ب، جَ، جُ، رِدٍّ. (١٠٩) وأما أن يحدث ب، جَ، دُ، أ. (١١٠) وأما أن يحدث ب، جَ، دَ، بُ.

(۱۱۱) وأما أن يجدث ب، جَ، دُ، جُ، (۱۱۲) وأما أن يجدث ب، جَ، دُ، دُ. (۱۱۳) وأما أن يحدث ب، دَ، أُ، أُ. (۲۱٤) وأما أن يحدث ب، دَ، أُ، بُ. (۱۱۵) وأما أن يحدث ب، دَ، أُ، جُ. (۱۱۵) وأما أن يحدث ب، دَ، أُ، جُ. ١٠٦ منطق الا

(١١٧) وأما أن يحدث ب، دَ، بُ، أَ.

(۱۱۸) وأما أن يحدث ب، ذَ، بُّ، بُّ.

(١١٩) وأما أن يحدث ب. دَ، بُ، جُ.

(۱۲۰) وأما أن يحدث ب، دُ، بُ، دُ. (۱۲۱) وأما أن يحدث ب، دُ، بُرِ، أُ.

۱۱۱) واما ان يحدث ب، د، ج، ۱.

(١٢٢) وأما أن يحدث ب، دَ، جُ، بُ.

(۱۲۳) وأما أن يحدث ب. دَ، خُ. جُ. (۱۲٤) وأما أن يحدث ب. دَ، جُ. دُ.

(١٢٥) وأما أن يحدث ب، دَ، جُ، أَ.

(١٢٦) وأما أن يحدث ب، دَ، جُج، بُ.

(١٢٧) وأما أن يحدث ب، دَ، جُ، جُ.

(۱۲۸) وأما أن يحدث ب. دَ. جُ. دُ. (۱۲۹) وأما أن يحدث ج. أ. أ. أُ. أُ.

. (۱۳۰) وأما أن يجدث ج. أ. أ. بُ.

(١٣١) وأما أن يحدث ج. أ. أ. ج.

(١٣٢) وأما أن يجدت ج. أ. أ. دُ.

(۱۳۳) وأما أن يحدث ج. أ. بُ. أ. (۱۳۲) وأما أن يحدث ج. أ. بُ. بُ.

(١٣٥) وأما أن يحدث ج. أ. بُ. جُ

(١٣٦) وأما أن يحدث ج. أ. بُ. دُ. (١٣٧) وأما أن يحدث ج. أ. جُ. أُ.

(١٣٨) وأما أن يجدث ج. أ. جُ. بُ.

(١٣٩) وأما أن يحدث ج، أ، ج، جً. (١٤٠) وأما أن يحدث ج، أ. جُ، دٍّ. (١٤١) وأما أن يحدث ج، أ، دُ، أ. (١٤٣) وأما أن يجدث ج، أ، دُ، بُ. (١٤٣) وأما أن يحدث ج، أ، دُ. جُ. (١٤٤) وأما أن يجدث ج. أ. دُ. دُ. (١٤٥) وأما أن يحدث ج. بُ. أ. أ. (١٤٦) وأما أن يحدث ج، بَ، أ، بُّ. (١٤٧) وأما أن يحدث ج، بَ، أ، جً. (١٤٨) وأما أن يجدث ج، بَ، أ، دُّ. (١٤٩) وأما أن يحدث ج. بَ. بُ. أَ. (١٥٠) وأما أن يحدث ج، بَ، بُ، بُ. (١٥١) وأما أن يحدث ج، بُ، بُ، جُ. (١٥٢) وأما أن يحدث ج، بُ، بُ، دُ. (١٥٣) وأما أن يحدث ج، بَ، جُ، أُ. (١٥٤) وأما أن يحدث ج، ب، جُ، بُ. (١٥٥) وأما أن يحدث ج، بُ، جُ، جُ. (١٥٦) وأما أن يحدث ج، بَ، جُ، دُّ. (١٥٧) وأما أن يجدث ج، بَ، دَّ، أ. (١٥٨) وأما أن يحدث ج، بُ، دُ، بُ. (١٥٩) وأما أن يحدث ج، بَ، دُ، جُ.

(١٦٠) وأما أن يحدث ج، بُ، دُ. دُ.

منطق الاستقراء

(١٦١) وأما أن يحدث ج، جُ، أ. أُ. (١٦٢) وأما أن يحدث ج، جَ، أُ. بُ. (١٦٣) وأما أن يجدث ج، جَ، أ، جُج. (١٦٤) وأما أن يحدث ج. جَ. أ. دُّ. (١٦٥) وأما أن يحدث ج، سُج، بُ. أ. (١٦٦) وأما أن يحدث ج، جُ، بُ، بُ. (١٦٧) وأما أن يحدث ج، جُ، بُ، جُ. (١٦٨) وأما أن يحدث ج، جَ، بُ، ذً. (١٦٩) وأما أن يحدث ج، جَ، جُ، أُ. (١٧٠) وأما أن يحدث ج، جَ، جُ، بُ (١٧١) وأما أن يحدث ج. جَ. جُ. جُ. (١٧٢) وأما أن يحدث ج، جُ، جُ، دُ. (١٧٣) وأما أن يحدث ج، جَ، دُ، أ. (١٧٤) وأما أن يحدث ج، جَ، دُ، بُ. (١٧٥) وأما أن يحدث ج، جُ، دُ، جُ (١٧٦) وأما أن يحدث ج، جُ، دُ، دُ. (١٧٧) وأما أن يجدث ج، دُ. أُ. أُ. (١٧٨) وأما أن يجدث ج، دَ. أ، بِّ. (١٧٩) وأما أن يحدث ج. دُ. أ. جُ. (١٨٠) وأما أن يجدث ج. دُ. أ. دُ. (١٨١) وأما أن يحدث ج، دَ. بُ. أَ. (١٨٢) وأما أن يجدث ج، دَ، بُ، بُ.

(۲۰۱) وأما أن يحدث د. أ. جُ. أَ. (۲۰۲) وأما أن يحدث د. أ. جُ. بُ. (۲۰۳) وأما أن يحدث د. أ. جُ. جُ. (۲۰٤) وأما أن يحدث د. أ. جُ. دُ. (٢٠٥) وأما أن يجدث د، أ. دُ، أُ.

(٢٠٦) وأما أن محدث در أ، دُر تُ.

(٢٠٧) وأما أن يجدث د، أ، دُ، جُر.

(۲۰۸) وأما أن محدث د، أو دُو دُر (٢٠٩) وأما أن يحدث د. تُ. أ. أُ.

(۲۱۰) وأما أن محدث د، بُ، أَ، بُّ. (٢١١) وأما أن يجدث د، بِّ، أ، جُّ.

(۲۲۱) وأما أن يحدث د، بُ، أَ، دُ. (٢١٣) وأما أن يجدث د، تُ، تُ، أُ.

(۲۱٤) وأما أن محدث در بَ، بُ، بُ. (٢١٥) وأما أن يحدث د، بُ، بُ، جُر.

(٢١٦) وأما أن محدث در بَ، بُ، دُ.

(۲۱۷) وأما أن يجدث د. بَ، جُر. أ. (۲۱۸) وأما أن يحدث د، ب، بج، بُ.

(٢١٩) وأما أن يجدث د، بُ، جُ، جُ. (۲۲۰) وأما أن يحدث د. پَ، جُ، دُّ.

(۲۲۱) وأما أن محدث در بُ، دُ، أ. (٢٢٢) وأما أن محدث در ب، دُر بُ.

(۲۲۳) وأما أن يحدث د، بَ، دُ، جُر. (٢٢٤) وأما أن يجدث د، ب، دُ، دُ. (٣٢٥) وأما أن يجدث د، جَ، أُ، أُ. (٢٢٦) وأما أن يحدث د. جَ. أ. بُّ.

(۲۲۷) وأما أن يحدث د. جَر. أ. جَّر. (۲۲۸) وأمنا أن يجدث د، جَر، أ. دِّ. (٢٢٩) وأما أن يحدث د، جَر، بُ. أُ. (۲۳۰) وأما أن يجدث د، جَر، بِّ، بِّ. (٢٣١) وأما أن يحدث د. جَر. بُ. جُ. (٢٣٢) وأما أن يحدث د، جَ، بُ، دُّ. (۲۳۳) وأما أن يحدث د. ج. ج. أ. (٢٣٤) وأما أن يجدث د. جَ. جً. بً (٢٣٥) وأما أن يحدث د، خ. خ. خ. (٢٣٦) وأما أن يحدث د، جَ، جّ، رِّد. (٢٣٧) وأما أن يحدث د، جَ، دُ، أ. (٢٣٨) وأما أن يحدث د. جَ، دُ. بُ. (٢٣٩) وأما أن يحدث د، جُ، دُ، جُ. (٢٤٠) وأما أن يحدث د، جَ، دُ، دُ. (٢٤١) وأما أن بحدث در دَر أَر أَر (٧٤٢) وأما أن محدث د، دَ، أ، تُ. (٢٤٣) وأما أن يحدث د. دُ. أُ. جُج. (٢٤٤) وأما أن محدث د، دُر أَ، دً. (٢٤٥) وأما أن يحدث د. د. تُ. أ. (٢٤٦) وأما أن محدث د، دَر بُ، بُ.

(۲٤٧) وأما أن يحدث د. دَ، بُّ. جُّ. (۲٤٨) وأما أن يحدث د. دَ. بُ. دُ. ١١٢ منطق الاستقراء

يُلاحظ هنا أن المجموع الكلي لعدد أطراف العلم الأجمالي في حالة كون الرواة أربعة، وكون أحتمال صدق كل واحد يساوي على عبارة عن «٢٥٦» طرفاً، كما يلاحظ أيضا أن الأطراف، التي هي في صالح الصدق عبارة عن «٨١» طرفاً من المجموع الكلي لأطراف العلم الأجمالي، وهذا يتطابق تماماً مع بديهية الأتصال، حبث أن المبديهية تقول أن أحتمال صدق الرواة معاً، الذي يعني صدق الرواية يساوي حاصل ضرب أحتمال صدق الأول في صدق الثالث على تقدير صدق الرابع على تقدير صدق الرابع على تقدير

 $=\frac{\Gamma}{2} \times \frac{\Gamma}{2} \times \frac{$

والتعريف الأجمالي يقول أن أحتمال صدق الرواية يساوي:

نظرية الاحتيال «١»نظرية الاحتيال «١» المستعدد الاحتيال «١» المستعدد الاحتيال «١١٣ المستعدد المس

وعدد الأطراف التي تلازم الصدق «٨١»، والمجموع الكلي لأطراف العلم الأجمالي «٢٥٦».

التعريف والمثال الرابع:

كانت لدينا عشر كرات، نصفها أحمر، والنصف الأخر أخضر، وأردنا أن نسحب منها كرتين، فها هي درجة أحمال أن يكونا حراوين؟

ولأجل أن نوضع أنطباق التعريف على هذا المثال بشكل كامل، نفــترض أن الكــرات مرقمة من ١ ← ١٠. وأن الكرانٍ من ١← ٥ هي الحمراء، والكرات من ٦ ← ١٠ هي الخضراء.

نُلاحظ هنا أن خروج الكرتين يقيناً من بين الكرات العشرة يتردد بين «٩٠» صورة، أي أن للعلم الأجمالي بخروج كرتين «٩٠» طرفاً. وذلك لأن الكرتين الخارجتين يمكن أن تخرجا حسب الترتيب ضمن الصور التالية:

- (١) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «١»، وتخرج الثانية
 وتحمل رقم «٢».
- (۲) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «۱»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «۳».

- (٣) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «١»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٤».
- (٤) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «١»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٥».
- (٥) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «١»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «١».
- (٦) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «١»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٧».
- (٧) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «١»، وتخرج الثانية
 وتحمل رقم «٨».
- (A) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «١»، وتخرج الثانية
 وتحمل رقم «٩».
- حصل رهم ۱۳۰۰. (۹) أن تخرج الكرة الأولى وهي. تحمل الرقم ۱۳، وتخرج الثانية
- ر (١٠) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٢»، وتخرج التانية وتحمل رقم «١».

وتحمل رقم «۱۰».

- وعس رحم ٣٠٠٠. (١١) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم ٣٣»، وتخرج الثانية وتحمل رقم ٣٣».
- . (۱۲) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٢»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٤».
- (١٣) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٢»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٥».

(١٤) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٢». وتخرج الثانية وتحمل رقم «٢».

(١٥) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٢». وتخرج الثانية وتحمل رقم «٧».

(١٦) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٢»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٨».

(١٧) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٢»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٩».

(١٨) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٢»، وتخرج الثانية
 وتحمل رقم «١٠».

(١٩) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم ٣٥،، وتخرج الثانية وتحمل رقم ١٥».

ومحمل رقم «١». (٢٠) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقيم «٣». وتخرج الثانية

وتحمل رقم «٤». وتحمل رقم «٤». «٣٧٪ أن قد الكومالا أن قد المادة

(۲۲) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٣». وتخرج الثانية وتحمل رقم «٥».

(٢٣) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم ٣٣»، وتخرج الثانية وتحمل رقم ٣٦».

(٢٤) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم ٣٣»، وتخرج الثانية وتحمل رقم ٧٥». (٢٥) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٣»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٨».

(٢٦) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم ٣٣»، وتخرج الثانية وتحمل رقم ٩٠».

(۲۷) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٣»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «١٠».

(۲۸) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٤»، وتخرج الثانيةوتحمل رقم «١».

(۲۹) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٤»، وتخرج الثانية
 وتحمل رقم «٢».

(٣٠) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٤». وتخرج الثانية
 وتحمل رقم «٣».

(٣١) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٤»، وتخرج الثانيةوتحمل رقم «٥».

(٣٢) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٤»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «١».

(٣٣) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٤». وتخرج الثانية وتحمل رقم «٧».

(٣٤) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٤». وتخرج الثانية وتحمل رقم «٨».

(٣٥) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٤»، وتخرج الثانية
 وتحمل رقم «٩».

(٣٦) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٤». وتخرج الثانية وتحمل رقم «١٠».

(٣٧) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٥». وتخرج الثانية

وتحمل رقم «۱».

(٣٨) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٥»، وتخرج الثانية
 وتحمل رقم «٢».

(٣٩) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٥»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٣».

(٤٠) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٥»، وتخرج الثانية وتحمل رقم ٤٠».

ُ (٤١) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٥»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٦».

(٤٢) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٥». وتخرج الثانية وتحمل رقم «٧».

(٤٣) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٥»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٨».

(٤٤) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٥»، وتخرج الثانية
 وتحمل رقم «٩».

(٤٥) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٥». وتخرج الثانية وتحمل رقم «٩٠».

(٤٦) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٦»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «١». (٤٧) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «١»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٢».

(٤٨) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «١». وتخرج الثانية
 وتحمل رقم «٣».

(٤٩) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٦»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٤».

(٥٠) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٦». وتخرج الثانية وتحمل رقم «٥».

(۵۱) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٦». وتخرج الثانية وتحمل رقم «٧».

(٥٢) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم ٦٥،، وتخرج الثانية وتحمل رقم ٨٥».

(٥٣) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٦»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٩».

(02) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٦»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «١٠».

(٥٥) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٧». وتخرج الثانية وتحمل رقم «١».

. أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٧»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٢».

(۵۷) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «۷». وتخرج الثانية وتحمل رقم «۳». (٥٨) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٧»، وتخرج الثانية
 وتحمل رقم «٤».

(٥٩) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٧»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٥».

(٦٠) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٧». وتخرج الثانية وتحمل رقم «٦».

(٦٦) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٧». وتخرج الثانية وتحمل رقم «٨».

(٦٢) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٧». وتخرج الثانية وتحمل رقم «٩».

(٦٣) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٧»، وتخرج الثانية

وتحمل رقم «۱۰».

(٦٤) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٨»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «١».

(٦٥) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٨»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٢».

(٦٦) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٨»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٣».

(٦٧) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٨»، وتخرج الثانية وتحمل رقم ٤٠».

(٦٨) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٨»، وتخرج الثانية
 وتحمل رقم «٥».

(٦٩) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٨». وتخرج الثانية وتحمل رقم «٦».

(٧٠) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٨»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٧».

(٧١) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٨»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٩».

(٧٢) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٨». وتخرج الثانية وتحمل رقم «١٠».

(٧٣) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٩». وتخرج الثانية وتحمل رقم «٩».

(٧٤) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٩»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٢».

رحس رحم «٠٠». (٧٥) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٩». وتخرج الثانية وتحمل رقم «٣».

(٧٧) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٩»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٩».

(٧٨) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٩»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٩».

(٧٩) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٩»، وتخرج الثانية
 وتحمل رقم «٧».

(٨٠) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٩»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٨».

(A۱) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «٩». وتخرج الثانية

وتحمل رقم «۱۰».

(٨٢) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «١٠»، وتخرج الثانية
 وتحمل رقم «١».

(٨٣) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «١٠»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٢».

(A2) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «١٠»، وتخرج الثانية
 وتحمل رقم «٣».

(٨٥) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «١٠»، وتخرج الثانية

وتحمل رقم «٤». (٨٦) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «١٠»، وتخرج الثانية

وتحمل رقم «٦». (AAA) أن تم بـ الكرة الأمل مع المراد الرود المراد الثان

(٨٨) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «١٠». وتخرج الثانية وتحمل رقم «٧».

(٨٩) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «١٠»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٨».

(٩٠) أن تخرج الكرة الأولى وهي تحمل الرقم «١٠»، وتخرج الثانية وتحمل رقم «٩». أذن مجموعة أطراف العلم الأجمالي ـ في هذا المقام ـ تساوي «٩٠» طرفاً.

ولكن ما هو عدد الأطراف الذي يلازم خروج كرتين حمراوين؟ نحن قد أفترضنا أن الكرات الحمراء هي الكرات من ١ → ٥ وحينها نراجع الأطراف والصور المتقدمة، نجد أن الأطراف التي تكون كرتاها حمراوين هي ٣٠٠» طرفاً.

ويجب أن نُلاحظ هنا أننا سواء أفترضنا أن الكرات الحمراء هي الكرات من ١→٥ أم أفترضنا غيرها يبقى عدد الأطراف الذي يلازم خروج كرتين حمراوين يساوى ٢٠٠».

أذن: درجة أحتمال خروج كرتين حمراوين وفق التعريف الأجمالي =

وهو مطابق تماماً لما تم حسابه في $\frac{Y}{q} = \frac{Y}{q}$ وهو مطابق تماماً لما تم حسابه في ضوء بديهية الأتصال في المثال الرابع.

نظرية الاحتيال «١»نظرية الاحتيال «١»

التعريف والمثال الخامس:

المثال الخامس هو عين المثال الرابع، حيث نسحب كرتين من بين عشر كرات خمس منها حمراء والحنمس الأخرى خضراء، ولكن المطلوب أثباته في هذا المثال هو أستخراج أحتبال أن تكون أحدى الكرتين على الأقل _ حراء.

يُلاحظ هنا أن العلم الأجمالي في هذا المثال هو عين عدد أطراف العلم الأجمالي في المثال السابق، فالصور المحتملة لخروج كرتين عبارة عن «٩٠» صورة.

وحينها نُراجع جدول أطراف العلم الأجمالي، الذي رسمناه في المثال السابق نلاحظ أن الأطراف التي تلازم خروج أحدى الكرتين حراء تساوى ٧٠٠» طرفاً.

وعلى أساس التعريف الأجمالي تكون قيمة أحتمال خروج أحدى الكرتين حمراء = $\frac{v}{9}$.

وهمذه النسبة مطابقة تماماً لما تمّ استنتاجه في المثال الخامس على اساس بديهية الأنفصال.

التعريف والمثال السادس:

كانت لدينا حقيبتان تحتوي كل واحدة منها على عشر كرات، وكمانت خمس كرات من الحقيبة الأولى زرقاء وخمس كرات صفراء، كما كانت ست كرات من الحقيبة الثانية زرقاء وأربع كرات منها صفراء، وسحبنا ١٢٤ منطق الاستقراء

من كل حقيبة كرة واحدة، فها هي قيمة أحتهال أن تخرج أحدى الكرتين ـ على الاقل ـ زرقاء؟

وبغية أيضاح التطابق بين المثال والتعريف الأجمالي للأحتمال نُرقم كرات الحقيبة الأولى من $1 \to 0$ ، ونفترض أن الكرات من $1 \to 0$ زرقاء، وأن الكرات من $1 \to 0$ صفراء.كما نُرقم كرات الحقيبة الثانية من $1/ \to 0$ / ونفترض أن الكرات من $1/ \to 0$ / زرقاء، وأن الكرات من $1/ \to 0$ / خراء.

وحينها نسحب كرة من كل حقيبة فسوف نواجه علمًا اجمالياً مؤلفاً من «١٠٠» طرفاً، وذلك لأن الصور الممكنة لسحب كرة من كل حقيبة عبارة عن:

- (١) أن تخرج الكرة رقم «١» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «١/» من الحقيبة الثانية.
- (۲) أن تخرج الكرة رقم «۱» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «۲/»
 من الحقيبة الثانية.
- (٣) أن تخرج الكرة رقم «١» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٣/»
 من الحقيبة الثانية.
- (٤) أن تخرج الكرة رقم «١» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٤/»
 من الحقيبة الثانية.
- (٥) أن تخرج الكرة رقم «١» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٥»
 من الحقيبة الثانية.

نظرية الاحتمال «١» ١٢٥

(٦) أن تخرج الكرة رقم «١» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٦/» من الحقيبة الثانية.

 (٧) أن تخرج الكرة رقم «١» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٧/» من الحقيبة الثانية.

 (A) أن تخرج الكرة رقم «١» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٨/» من الحقيبة الثانية.

 (٩) أن تخرج الكرة رقم «١» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٩/» من الحقيبة الثانية.

(١٠) أن تخرج الكرة رقم «١» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «١٠» من الحقيبة الثانية.

 (١١) أن تخرج الكرة رقم «٢» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «١/» من الحقيبة الثانية.

 (۱۲) أن تخرج الكرة رقم «۲» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «۲/» من الحقيبة الثانية.

(١٣) أن تخرج الكرة رقم «٢» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٣/» من الحقيبة الثانية.

 (١٤) أن تخرج الكرة رقم «٢» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٤/» من الحقيبة الثانية.

(١٥) أن تخرج الكرة رقم «٢» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٥/» من الحقيبة الثانية.

(١٦) أن تخرج الكرة رقم «٢» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٦/» من الحقيبة الثانية.

- (۱۷) أن تخرج الكرة رقم «٢» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٧/» من الحقيبة الثانية.
- (١٨) أن تخرج الكرة رقم «٢» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٨/»
 من الحقيبة الثانية.
- (١٩) أن تخرج الكرة رقم «٢» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٩/»
 من الحقيبة الثانية.
- (۲۰) أن تخرج الكرة رقم «۲» من الحقيسة الأولى، والكرة رقم
 (۱۰» من الحقيبة الثانية.
- (٢١) أن تخرج الكرة رقم «٣» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «١/» من الحقيبة الثانية.
- (۲۲) أن تخرج الكرة رقم «٣» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٢/» من الحقيبة الثانية.
- (٣٣) أن تخرج الكرة رقم «٣» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٣/» من الحقيبة الثانية.
- (٢٤) أن تخرج الكرة رقم «٣» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٤/» من الحقيبة الثانية.
- (٢٥) أن تخرج الكرة رقم «٣» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٥/» من الحقيبة الثانية.
- (٢٦) أن تخرج الكرة رقم «٣» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٦/» من الحقيبة الثانية.
- (۲۷) أن تخرج الكرة رقم «٣» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٧/»
 من الحقيبة الثانية.

نظرية الاحتبال «٨»

(٢٨) أن تخرج الكرة رقم «٣» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٨/» من الحقيبة الثانية.

(۲۹) أن تخرج الكرة رقم «٣» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٩/»
 من الحقيبة الثانية.

(٣٠) أن تخرج الكرة رقم «٣» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «١٠» من الحقيبة الثانية.

(٣٦) أن تخرج الكرة رقم «٤» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «١٠» من الحقيبة الثانية.

(٣٢) أن تخرج الكرة رقم «٤» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٢/» من الحقيبة الثانية.

(٣٣) أن تخرج الكرة رقم «٤» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٣/» من الحقيبة الثانية.

(٣٤) أن تخرج الكرة رقم «٤» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٤/»
 من الحقيبة الثانية.

(٣٥) أن تخرج الكرة رقم «٤» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٥/» من الحقيبة الثانية.

(٣٦) أن تخرج الكرة رقم «٤» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٦/» من الحقيبة الثانية.

 (٣٧) أن تخرج الكرة رقم «٤» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٧/» من الحقيبة الثانية.

(٣٨) أن تخرج الكرة رقم «٤» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٨/» من الحقيبة الثانية.

١٢٨ منطق الاستقراء

(٣٩) أن تخرج الكرة رقم «٤» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٩٠»
 من الحقيبة الثانية.

- (٤٠) أن تخرج الكرة رقم «٤» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «١٠» من الحقيبة الثانية.
- (٤١) أن تخرج الكرة رقم «٥» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «١/» من الحقيبة الثانية.
- (٤٢) أن تخرج الكرة رقم «٥» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٦/» من الحقيبة الثانية.
- (٤٣) أن تخرج الكرة رقم «٥» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٣/» من الحقيبة الثانية.
- (٤٤) أن تخرج الكرة رقم «٥» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٤/» من الحقيبة الثانية.
- (٤٥) أن تخرج الكرة رقم «٥» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٥/» من الحقيبة الثانية.
- (٤٦) أن تخرج الكرة رقم «٥» من الحقيقة الأولى، والكرة رقم «٦/» من الحقيقة الثانية.
- (٤٧) أن تخرج الكرة رقم «٥» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٧/» من الحقيبة الثانية.
- (٤٨) أن تخرج الكرة رقم «٥» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٨/»
 من الحقيبة الثانية.
- (٤٩) أن تخرج الكرة رقم «٥» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٩/» من الحقيبة الثانية.

نظرية الاحتيال «۱»نظرية الاحتيال «۱»

(٥٠) أن تخرج الكرة رقم «٥» من الحقيبــة الأولى، والكرة رقم «١٠» من الحقيبة الثانية.

(٥١) أن تخرج الكرة رقم «٦» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «١٠» من الحقيبة الثانية.

(۵۲) أن تخرج الكرة رقم «٦» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٢/» من الحقيبة الثانية.

(٥٣) أن تخرج الكرة رقم «٦» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٣/» من الحقيبة الثانية.

(٥٤) أن تخرج الكرة رقم «٦» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٤/» من الحقيبة الثانية.

(٥٥) أن تخرج الكرة رقم «٦» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٥/» من الحقيبة الثانية.

(٥٦) أن تخرج الكرة رقم «٦» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٦/» من الحقيبة الثانية.

(۵۷) أن تخرج الكرة رقم «٦» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٧/» من الحقيبة النائية.

(۵۸) أن تخرج الكرة رقم «٦» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٨» من الحقيبة اثنائية.

(٥٩) أن تخرج الكرة رقم «٦» من الحقيبة الأولى. والكرة رقم «٩/» من الحقيبة الثانية.

(٦٠) أن تخرج الكرة رقم «١» من الحقيمة الأولى، والكرة رقم
 (١٠٠) من الحقيمة الثانية.

- (٦١) أن تخرج الكرة رقم «٧» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «١٠» من الحقيبة الثانية.
- (٦٢) أن تخرج الكرة رقم «٧» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٢/» من الحقيبة الثانية.
- (٦٣) أن تخرج الكرة رقم «٧» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٣/» من الحقيبة الثانية.
- (٦٤) أن تخرج الكرة رقم «٧» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٤/»
 من الحقيبة الثانية.
- (٩٥) أن تخرج الكرة رقم «٧» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٥/» من الحقيبة الثانية.
- (٦٦) أن تخرج الكرة رقم «٧» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٦٠» من الحقيبة الثانية.
- (٦٧) أن تخرج الكرة رقم «٧» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٧/» من الحقيبة الثانية.
- (٦٨) أن تخرج الكرة رقم «٧» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٨/»
 من الحقيبة الثانية.
- (٦٩) أن تخرج الكرة رقم «٧» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٩/»
 من الحقيبة الثانية.
- (٧٠) أن تخرج الكرة رقم «٧» من الحقيسة الأولى، والكرة رقم
 (١٠» من الحقيبة الثانية.
- (٧١) أن تخرج الكرة رقم «٨» من الجقيبة الأولى، والكرة رقم «١/»
 من الحقيبة الثانية.

(٧٢) أن تخرج الكرة رقم «٨» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٢/» من الحقيبة الثانية.

(٧٣) أن تخرج الكرة رقم «٨» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٣/»
 من الحقيبة الثانية.

(٧٤) أن تخرج الكرة رقم «٨» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٤/» من الحقيبة الثانية.

(٧٥) أن تخرج الكرة رقم «٨» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٥/» من الحقيبة الثانية.

(٧٦) أن تخرج الكرة رقم «٨» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٦/»
 من الحقيبة الثانية.

(٧٧) أن تخرج الكرة رقم «٨» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٧/»
 من الحقيبة الثانية.

(٧٨) أن تخرج الكرة رقم «٨» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٨/» من الحقيبة الثانية.

(٧٩) أن تخرج الكرة رقم «٨» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٩٨» من الحقيبة الثانية.

(٨٠) أن تخرج الكرة رقم «٨» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «١٠» من الحقيبة الثانية.

(٨١) أن تخرج الكرة رقم «٩» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «١٠» من الحقيبة الثانية.

(AT) أن تخرج الكرة رقم «٩» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٢/» من الحقيبة الثانية.

(٨٣) أن تخرج الكرة رقم «٩» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٣/» من الحقيبة الثانية.

(A2) أن تخرج الكرة رقم «٩» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٤/» من الحقيبة الثانية.

(٨٥) أن تخرج الكرة رقم «٩» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٥/» من الحقيبة الثانية.

(٨٦) أن تخرج الكرة رقم «٩» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٦٠»
 من الحقيبة الثانية.

(۸۷) أن تخرج الكرة رقم «٩» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٧/» من الحقيبة الثانية.

 (٨٨) أن تخرج الكرة رقم «٩» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٨/» من الحقيبة الثانية.

(٨٩) أن تخرج الكرة رقم «٩» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٩/»
 من الحقيبة الثانية.

(٩٠) أن تخرج الكسرة رقم «٩» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم
 (١٠» من الحقيبة الثانية.

(٩١) أن تخرج الكرة رقم «١٠» من الحقيبة الأولى, والكرة رقم (١/» من الحقيبة الثانية.

(٩٢) أن تخرج الكرة رقم «١٠» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم (٢/» من الحقيبة الثانية.

(٩٣) أن تخرج الكرة رقم «١٠» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم (٣/» من الحقيبة الثانية. (٩٤) أن تخرج الكرة رقم «١٠» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٤» من الحقيبة الثانية.

(٩٥) أن تخرج الكرة رقم «١٠» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٥/» من الحقيبة الثانية.

(٩٦) أن تخرج الكرة رقم «١٠» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٢٠» من الحقيبة الثانية.

(٩٧) أن تخرج الكرة رقم «١٠» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٧٠» من الحقيبة الثانية.

(٩٨) أن تخرج الكرة رقم «١٠» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم
 (٨٠)» من الحقيبة الثانية.

(٩٩) أن تخرج الكرة رقم «١٠» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «٨٠» من الحقيبة الثانية.

(١٠٠) أن تخرج الكرة رقم «١٠» من الحقيبة الأولى، والكرة رقم «١٠» من الحقيبة الثانية.

يُلاحظ أن مجموع الأطراف التي تلازم خروج أحدى الكرتين ـ على الأقل ـ زرقاء عبارة عن «٨٠» طرفاً.

وبها أن التعريف الأجمالي للأحتمال يقرر ان قيمة أحتمال الحادثة =

 ١٣٤ منطق الاستقراء

$\frac{\Lambda}{\lambda} = \frac{\Lambda}{\lambda} = \frac{\Lambda}{\lambda}$ يضحى أحتمال خروج أحدى الكرتين زرقاء = $\frac{\Lambda}{\lambda}$

وهذه النتيجة مطابقة تماماً لما تم أستنتاجه في ضوء بديهية الأنفصال.

التعريف والمثال السابع:

حينها نلاحظ أحتال أصابة الرامي الأول للهدف، الذي حددناه بنسبة نجد أن هناك مائة عامل مؤثر على تصويب الرامي، وأن ثمانين منها في صالح اصابة الهدف. وفي هذه الحالة يتكون لدينا علم أجمالي، له مائة طرف، وثهانون من هذه الأطراف في صالح أصابة الهدف. وحينها تلاحظ أحتال أصابة الرامي الثاني للهدف الذي افترضناه نجد أن هناك مائة عامل مؤثر على تصويب الرامي أيضاً. وأن سبعين منها في صالح أصابة الهدف. وفي هذه الخاطراف في صالح أصابة أجمالي، له مائة طرف، وسبعون طرفاً من هذه الأطراف في صالح أصابة الهدف.

ولكن أذا أطَلق كلا الراميين طلقة نحو الهدف فسوف يحصل لدينا علم أجمالي جديد أوسع وأكثر صوراً من العلمين السابقين، لأننا أذا رمزنا الى العوامل المؤثرة على تصويب الرامي الأول بالأرقام ١ — ١٠٠، ورمزنا الى العوامل المؤثرة على تصويب الرامي الثاني بالأرقام ١ / — ١٠٠ /، فسوف نواجه «١٠٠٠» صورة. و أذا أردنا أن نتعرف بدقة ووضوح على الصور التي تلازم أصابة أحد الراميين الهدف، فعلينا أن نختار «٨٠» رقيًا من المائة الأولى و «٧٠» رقيًا من المائة الثانية، وسوف نجد أن الأطراف التي تلازم أصابة أحد الرامين ـ على الأقل ـ للهدف عبارة عن «٧٠٠» طرفاً. ومن

نظرية الاحتمال «١»نظرية الاحتمال «١»

ثمّ يكون أحتمال أصابة أحد الراميين للهدف عبارة عن:

$$\frac{4\ell}{1\cdots} = \frac{4\ell\cdots}{1\cdots}$$

وهذه النتيجة مطابقة تماماً لما تمّ أستنتاجه في المثال السابع أستنتاجاً رباضياً.

التعريف والمثال الثامن:

يقول المثال الثامن أن أحتال جلوس القائد في السيارة اليسارية $\frac{1}{\sqrt{1000}}$ ، وأن أحتال أصابة الرامي للهدف يساوي $\frac{1}{\sqrt{1000}}$ ، فأذا أستهدف الرامي السيارة اليسارية، وعلمنا بقتل القائد، فسوف يزداد أحتال جلوس القائد في السيارة اليسارية ، ويصبح $\frac{1}{\sqrt{1000}}$ بدلًا من $\frac{1}{\sqrt{1000}}$.

ونحن حينها نُلاحظ أحتهال جلوس القائد في السيارة البسارية نجد أن لدينا علمًا اجمالياً مؤلفاً من عشرة أطراف، تسعة أطراف منه في صالح حركوب القائد في السيارة البسارية وطرف واحد منه في صالح ركوب القائد في السيارة الميمينية. ولنرمز الى أطراف هذا العلم الأجمالي بـ [١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦، ٧، ١، ١، ١٠]، ونفترض أن الطرف العاشر هو العامل النافي لركوب القائد في السيارة البسارية.

وحينها نلاحظ أحتال أصابة الرامي للهدف نجد علمًا اجمالياً آخر مؤلفاً من عشرة أطراف أيضاً، تسعة منها في صالح الأصابة وواحد فقط في صالح نفيها، ولنسرمن إلى أطسراف هذا العلم الأجمالي بد [.10,9,8,7,6,5,4,3,2,1] ونفترض أن الطرف «10» سو عامل نفي أصابة الهدف.

١٣٦ ، منطق الاستقراء

وحينها يستهدف الرامي السيارة اليسارية سنواجه علمًا أجمالياً مؤلفاً من «١٠٠» طرف، لاننا سوف نعلم بأحدى الحالات التالية:

- (١) أن يحدث العامل ١ والعامل 1.
- (٢) أن يحدث العامل ١ والعامل 2.
- (٣) أن يحدث العامل ١ والعامل 3.
- (٤) أن يجدث العامل ١ والعامل 4.
- (٥) أن يحدث العامل ١ والعامل 5.
- (٦) أن يحدث العامل ١ والعامل 6.
- (٧) أن يجدث العامل ١ والعامل 7.
- (٨) أن يحدث العامل ١ والعامل 8.
- (٩) أن يحدث العامل ١ والعامل 9.
- (١٠) أن يحدث العامل ١ والعامل 10.
 - (١١) أن يحدث العامل ٢ والعامل 1.
 - (١٢) أن يحدث العامل ٢ والعامل 2.
 - (١٣) أن يحدث العامل ٢ والعامل 3.
 - ر ۲۰۰ ان چین انعاش د وانعاش د
 - (١٤) أن يحدث العامل ٢ والعامل 4.
- (١٥) أن يحدث العامل ٢ والعامل 5.
- (١٦) أن يحدث العامل ٢ والعامل 6.
- (١٧) أن يحدث العامل ٢ والعامل 7.
- (١٨) أن يحدث العامل ٢ والعامل 8.
- (١٩) أن يحدث العامل ٢ والعامل 9.

نظرية الاحتمال «١»نظرية الاحتمال «١»

(٢٠) أن يحدث العامل ٢ والعامل 10.

- (٢١) أن يحدث العامل ٣ والعامل 1.
- (٢٢) أن يحدث العامل ٣ والعامل 2.
- (٢٣) أن يحدث العامل ٣ والعامل 3.
- (٢٤) أن يحدث العامل ٣ والعامل 4.
- (٢٥) أن يحدث العامل ٣ والعامل 5.
- (٢٦) أن يحدث العامل ٣ والعامل 6.
- (٢٧) أن يحدث العامل ٣ والعامل 7.
- (٢٨) أن يحدث العامل ٣ والعامل 8.
- (٢٩) أن يحدث العامل ٣ والعامل 9.
- (٣٠) أن يحدث العامل ٣ والعامل 10.
 - (٣١) أن يحدث العامل ٤ والعامل 1.
 - (٣٢) أن يجدث العامل ٤ والعامل 2.
 - (٣٣) أن يحدث العامل ٤ والعامل 3.
 - (٣٤) أن يجدث العامل ٤ والعامل 4.
 - (٣٥) أن بجدث العامل ٤ والعامل 5.
 - (٣٦) أن يحدث العامل ٤ والعامل 6.
 - (٣٧) أن يحدث العامل ٤ والعامل 7.
 - (٣٨) أن يحدث العامل ٤ والعامل 8.
 - (٣٩) أن يحدث العامل ٤ والعامل 9.
- (٤٠) أن يحدث العامل ٤ والعامل 10 . -

- (٤١) أن يحدث العامل ه والعامل 1.
- (٤٢) أن يحدث العامل ٥ والعامل 2.
- (٤٣) أن يحدث العامل ٥ والعامل 3.
- (22) أن يجدث العامل o والعامل 4. .
- (٤٥) أن يجدث العامل ٥ والعامل 5.
- (٤٦) أن يجدث العامل ه والعامل 6.
- (٤٧) أن يحدث العامل o والعامل 7. .
- (٤٨) أن يحدث العامل ٥ والعامل ٥.
- (٤٩) أن يجدث العامل ه والعامل 9. .
- (٥٠) أن يجدت العامل ٥ والعامل 10.
 - (۵۱) أن يجدث العامل ٦ والعامل 1.
 - (٥٢) أن يحدث العامل.٦ والعامل 2.
 - (٥٣) أن يحدث العامل ٦ والعامل 3.
- (36) أن يحدث العامل ٦ والعامل 4.(00) أن محدث العامل ٦ والعامل 5.
- (٥٥) ان يحدث العامل ٦ والعامل 5. (٥٦) أن يحدث العامل ٦ والعامل 6.
- ر، ۱۵) أن يحدث العامل ٦ والعامل ٦. (۵۷) أن بحدث العامل ٦ والعامل ٦.
- (٥٧) أن يحدث العامل ٦ والعامل ٧. (٥٨) أن بحدث العامل ٦ والعامل 8.
- (٥٩) أن يحدث العامل ٦ والعامل 9.
- (٦٠) أن يجدث العامل ٦ والعامل 10 .
- . (٦١) أن محدب العامل ٧ والعامل 1.

نظرية الاحتيال «١»نظرية الاحتيال «١»

- (٦٢) أن يحدث العامل ٧ والعامل 2.
- (٦٣) أن يحدث العامل ٧ والعامل 3 .
- (٦٤) أن يحدث العامل ٧ والعامل 4.
- (٦٥) أن يحدث العامل ٧ والعامل 5.
- (٦٦) أن يجدث العامل ٧ والعامل 6.
- (٦٧) أن يحدث العامل ٧ والعامل 7.
- (٦٨) أن يحدث العامل ٧ والعامل 8.
- (٦٩) أن يحدث العامل ٧ والعامل 9.
- (٧٠) أن يحدث العامل ٧ والعامل 10.
- (٧١) أن يحدث العامل ٨ والعامل 1.
- (٧٢) أن يحدث العامل ٨ والعامل 2.
- (٧٣) أن يحدث العامل ٨ والعامل 3.
- (٧٤) أن يحدث العامل ٨ والعامل 4.
- (٧٥) أن يحدث العامل ٨ والعامل 5.
- (٧٦) أن يحدث العامل ٨ والعامل 6.
- (VV) أن يحدث العامل A والعامل 7.
- (٧٨) أن يحدث العامل ٨ والعامل 8.
- (٧٩) أن يحدث العامل ٨ والعامل 9.
- (٨٠) أن يجدث العامل ٨ والعامل 10.
 - (٨١) أن يحدث العامل ٩ والعامل 1.
 - (۸۲) أن يحدث العامل ٩ والعامل 2.

١٤٠منطق الاستقراء

- (A۳) أن يحدث العامل ٩ والعامل 3.
- (٨٤) أن يجدث العامل ٩ والعامل 4.
- (٨٥) أن يحدث العامل ٩ والعامل 5.
- (٨٦) أن يحدث العامل ٩ والعامل 6.
- (۸۷) أن يحدث العامل ٩ والعامل 7.
- (٨٨) أن يحدث العامل ٩ والعامل 8.
- (٨٩) أن يحدث العامل ٩ والعامل 9.
- (٩٠) أن يحدث العامل ٩ والعامل 10.
- (٩١) أن يجدث العامل ١٠ والعامل 1.
- (٩٢) أن محدث العامل ١٠ والعامل 2.
- (٩٣) أن محدث العامل ١٠ والعامل 3.
- (٩٥) أن يحدث العامل ١٠ والعامل 5.
- (٩٦) أن يحدث العامل ١٠ والعامل 6.
- (٩٨) أن يحدث العامل ١٠ والعامل 8.
- (٩٩) أن يحدث العامل ١٠ والعامل 9.
- (١٠٠) أن يحدث العامل ١٠ والعامل -10.

وأذا أردنا أن نتعرف على قيمة أحتال أن يصيب الرامي الهدف ويركب القائد السيارة اليسارية نجد أن «٨١» طرفاً من أطراف العلم الأجالي في صالح الأصابة وركوب القائد السيارة اليسارية معاً. وهي عبارة

عن الأطراف التي تخلو من الرقمين «١٠» و «10». فتكون قيمة أحتهال الأصابة وركوب القائد السيارة اليساريه عبارة عن <u>٨٠</u> وفقاً للتصريف الأجمالي، وهي مطابقة تماماً مع حساب قيمة أحتهال ذلك وفقاً لبديهية الأتصال.

ولكن أذا تيقنًا من أصابة القائد فسوف تواجه علمًا أجمالياً جديداً. يتألف من «٨٢» طرفاً. أي سينتفي ثهانية عشر طرفاً من أطراف العلم الاجمالي السابق، بحكم اليقين باصابة القائد.

ايضاح ذلك: أننا بعد علمنا بأصأبة القائد سوف ينتفي أحتهال ان السرامي لم يصب السيارة اليسارية (الهدف)، وأن القائد يركب السيارة السسارية. وهذا الأحتهال تمثله الأطراف التالية: الطرف ١٠. ٢٠. ٣٠. ٥٠. ٥٠. ٧٠. ٢٠. ٥٠. وهذه تسعة أطراف سنتيقن بعدمها بعد العلم بقتل القائد.

كها أننا بعد العلم بقتل القائد سوف ينتفي لدينا أحتهال أن القائد يركب السيارة اليمينية وان الطلقة أصابت السيارة اليسارية، وهذا الأحتهال عثله الأطراف التالية: ٩٦، ٩٢، ٩٣، ٩٥، ٩٦، ٩٥، ٩٩، ٩٩، وهذ تسعة أطراف أخرى سنتيقن بعدمها بعد العلم بقتل القائد.

أذن سنواجه علمًا اجمالياً ـ بعد العلم بقتل القائد ـ مؤلفاً من «۸۲» طرفاً، وطرف واحد فقط، وهو الطرف الأخير في صالح ركوب القائد في السيارة اليمينية، أمّا الأطراف الآخرى وهي «۸۱» طرفاً فهي في صالح ركوب القائد في السيارة اليسارية. ١٤٢ منطق الاستقراء

وحينها نحاول تحديد قيمة أحتهال ركوب القائد في السيارة اليسارية - بعد العلم بقتل القائد - وفقاً للتعريف الأجمالي نجده مساوياً ل:

عدد الأطراف التي تلازم ركـوب القـائـد في السيارة اليسـارية

المجموع الكلي لعدد أطراف العلم الأجمالي

رهذه النتيجة مطابقة غاماً لما تمّ أستنتاجه في ضوء مبدأ الأحتمال $\frac{A1}{A7}$

العكسي،

نظرية الاحتيال «١»نظرية الاحتيال «١»

الصعوبات التي تواجه التعريف الأجمالي

هناك مشكلتان رئيسيتان تواجهان التعريف الأجمالي، ترتبط المشكلة الاولى بالشرط الاول من شروط سلامة التعريف، أي ضرورة أنسجام التعريف وعدم تورطه بتناقض داخلي، وترتبط المشكلة الثانية بشمول التعريف، أي بالشرط الثاني من شروط سلامة التعريف.

المشكلة الأولى:

يقول التعريف الأجمالي أن قيمة أحتمال أي قضية من القضايا تساوي عدد بما يُلازمها من أطراف الى المجموع الكلي لعدد أطراف العلم الأجمالي. أي أن عدد الأطراف المملازمة يمثل بسط النسبة وعدد كل الأطراف يُمثل المقام.

لكن عدد أطراف العلم الأجمالي يمكن أن يأتي في صور متعددة. تبسعاً للاسلوب الذي نختاره في أحصاء عدد الأطراف. وفي هذا الضوء سوف تتغير قيمة المقام في النسبة التي حددنا قيمة الأحتمال على أساسها.

وعند ثد تواجمه التعريف الأجمالي المشكلة، حيث سيمجز هذا التعريف عن تحديد قيمة واحدة مشخصة للأحتمال، وسيؤدي بنا التعريف الأجمالي الى نتائج متباينة في تحديد قيمة الأحتمال.

أيضاح ذلك:

أفرض أنسا كنا نعلم بزيارة أحد الأصدقاء لنا في هذه الليلة،

والأصدقاء الذين نعلم بزيارة أحدهم لنا هم: محمد، محسن، علي. فهنا لدينا علم أجمالي، واطرافه هم (محمد، محسن، علي).

حينئذ نتساءل ونقول: ما هي قيمة أحتمال أن يزورنا «علي»؟

يمكننا أن نحدد ثلاث أجابات مختلفة على هذا الاستفهام. أي يمكننا أن نحدد ثلاث قيم مختلفة لأحتال زيارة «علي». والبك الأجابات الثلاثة:

(١) ان العدد الكلي لأطراف العلم الأجمالي هو «٣»، وأن زيارة «علي» يُلازمها طرف واحد فقط، ومن ثمّ فاحتبال زيارة «محسن» = $\frac{1}{2}$.

(٣) ان العدد الكلي لأطراف العلم الأجمالي هو «٣»، لأننا نعلم بزيارة صديق لنا هذه الليلة، وهذا العلم مردد بين أن يزورنا «علي» أو من أبتدأ أسمه بحرف «م». ومن هنا يضحي لدينا طرفان أحدهما زيارة علي والآخر زيارة من أبتدأ أسمه بـ «م»، ويصبح أحتمال زيارة من أبتدأ أسمه بـ «م» مساوياً لـ = $\frac{1}{7}$ ، لأن العدد الكلي لأطراف العلم الأجمالي هو «٣»، وعدد الأطراف التي تلازم زيارة من أبتدأ أسمه بـ «م» طرف واحد.

أما أحتهال زيارة «علي» فهو يساوي $\frac{1}{V}$ لأن المقام «العدد الكلي لأطراف العلم الأجمالي» = «٢»، والبسط «مجموع الأطراف التي تلازم القضية المحتملة» = «١».

(٣) اذا كان لدى «محمد» بدلتان، وكان لدى «محسن» بدلة واحدة،
 ولدى «علي» بدلة واحدة، فسوف يكون عدد أطراف العلم الأجمالي «٤»
 لاننا نعلم بأحدى الحالات التالية:

أـ أن يزورنا محمد وهو يلبس البدلة الأولى.

ب ـ أن يزورنا محمد وهو يلبس البدلة الثانية.

ج ـ أن يزورنا علي.

ىــ أن يزورنا محسن.

ويصبح أحتمال زيارة على (﴿ ﴾)، لأن العدد الكلي لأطراف العلم الأجمالي «٤». وعدد الأطراف التي تلازم زيارة «علي» هي طرف واحد.

أتضح أن الأسلوب الذي نختاره في احصاء عدد الأطراف يلعب دوراً مصيرياً في تحديد قيمة أحتمال الحادثة، وأن التعريف الأجمالي يقُدم لنا قيهًا متباينة للأحتمال، بتباين الأسلوب الذي نستخدمه في تحديد عدد اعضاء العلم الأجمالي. وهذه المشكلة سوف تقضي على التعريف الأجمالي، لان هذا التعريف يحدد قيهًا متباينة للأحتمال!

معالجة المشكلة:

أن الخطوة الأولى على طريق معالجة المشكلة هي أن نتفهم بدقة منشأ المشكلة وأسبابها الحقيقية. وبغية التعرف على منشأ وأسباب المشكلة لا بد لنا من عودة الى المثال الذي تقدم عرض المشكلة من خلاله.

كان لدينا علم أجمالي بزيارة أحد الاصدقاء الثلاثة (محمد، محسن، علي)، وبصدد تعيين عدد أعضاء العلم الأجمالي كانت هناك ثلاث صور متباينة بأعتبار أفتراض أن «محمد» يملك بدلتين، بينها يملك كل من «محسن» أو «علي» بدلة واحدة.

الصورة الأولى: أن يزورنا محمد أو محسن أو على، فيكون عدد

الصورة الثانية: أن يزورنا من يبدأ أسمه بـ «م» أو يزورنا «علي». فيكون عدد أطراف العلم الأجمالي أثنين. وتكون قيمة أحتهال أن يزورنا «علي» تساوي كي .

الصورة الثالثة: أن يزورنا محمد وهو يلبس البدلة الاولى، أو يزورنا محمد وهو يلبس البدلة الثانية، أو يزورنا محسن، أو يزورنا على. وفي هذه الصورة يصبح عدد أطراف العلم الاجمالي أربعة، وتصبح قيمة أحتمال أن يزورنا على برا

وحينها تتفحص هذه الصور نجد أن منشأ الاختلاف والتباين بينها ينبثق من أهمال تقسيم بعض الأطراف في صورة، وأجراء التقسيم في صورة أخرى. فقد أهملنا في الصورة الثانيه تقسيم من يبدأ أسمه بـ «م» الى محمد ومحسن. كها أجرينا في الصورة الثالثة تقسيم «محمد» الى محمد وهو يلبس البدلة الثانية.

أذن! تنشأ المشكلة من التقسيم، فاهماله أو أجرأؤه هو الذي يُغيرً عدد أطراف العلم الأجمالي. من هنا يتعين على التعريف الأجمالي أن يحدد مقياساً موضوعياً، يتخذه كأساس لتحديد قيمة الاحتمال.

وبعبارة أخرى: يتحتم على التعريف الأجمالي _ لكي يعالج المشكلة المتقدمة _ أن يقف عند منشأها (أهمال التقسيم أو أجراؤه)، فيطرح أساساً نقيّم في ضوءه التقسيم، ونحكم بجوازه أو عدم جوازه، ومن ثمّ نحصل على نظرية الاحتمال «١»نظرية الاحتمال «١»

العدد الواقعي الأطراف العلم الأجمالي، فنحصل على قيمة واحدة الأحتمال الحدث المطلوب.

يعني: أن المشكلة السابقة نشأت جراء تقسيم بعض الأطراف، وأهمال تقسيم بعض الأطراف الأخرى. واذا أستطعنا أن نحدد مقياساً نلزم أونمنع في ضوءه التقسيم، ونحكم بلزوم التقسيم في بعض الحالات، وبعدم جوازه في حالات أخرى، فهذا يعني أننا سوف نحدد صيغة واحدة لعدد أطراف العلم الأجمالي، ومن ثمّ لا يعتمد التعريف الأجمالي الا قيمة واحدة للأحناا..

ولكن ما هي صيغة المقياس، الذي يحدد لنا التقسيم؟

وقبل الاجابة على هذا الأستفهام علينا أيضاح مصطلحين يرتبطان بصيغة مقياس التقسيم وهما:

- (١) القسم الأصلي: هو القسم الذي له تأثير على تقرير وجود لقسم.
- (٢) القسم الفرعي: هو القسم الذي يتفرع على وجود المقسم،
 وليس له تأثير على تقرير وجود المقسم.

وحينها نرجع الى الصور المتقدمة نجد أن من يبدأ اسمه به «م» مقسم، وأن «محسن» و «محمد» قسمين لهذا المقسم، ونلاحظ أيضاً أن «زيارة محمد» مقسم، و «أن يزورنا محمد وهو يلبس البدلة الاولى» قسم، و «أن يزورنا محمد وهو يلبس البدلة الثانية» قسم آخر لهذا المقسم.

ونلاحظ أن «زيارة محسن» علة تامة وسبب مستقل لتحقق فرضية زيارة من يبدأ أسمه بـ «م»، كها أن «زيارة محمد» سبب مستقل أيضاً لتحقق

تلك الفرضيه. أما «أن يزورنا محمد وهو يلبس البدلة الأولى» أو «أن يزورنا محمد وهو يلبس البدلة الثانية» فقسان ليس لها تأثير على تحقق فرضية «زيارة محمد», أي أن لبس البدلة الأولى أو الثانية ليس سبباً وعلة لزيارة محمد، بل هذان القسان متفرعان على وجود أصل المقسم، أي أذا أفترضنا أن يرورنا محمد فهو أما أن يلبس البدلة الأولى أو يلبس البدلة الثانية.

مقياس التقسيم:

يمكن أن نضع هذا المقياس في الصيغة التالية:

(أذا كانت الأقسام أقساماً أصلية، وجب التقسيم ولزم أرجاع المقسم الى أقسامه، وسيكون كل قسم طرفاً مستقلًا من أطراف العلم الأجمالي. وأذا كانت الأقسام أقساماً فرعية، فلا يجوز التقسيم، ألا في حالة أمكان أجراء تقسيم مناظر له في سائر الأطراف الأخرى).

المشكلة والمقياس:

اتضح لنا فيها تقدم أن المشكلة التي تواجه التعريف الأجمالي عبارة عن: أن التصريف الأجمالي يسمح بأستخدام أساليب مختلفه لتعيين عدد أعضاء مجموعة أطراف العلم الأجمالي، ومن ثمّ ينتهي بنا الى تحديد قيم متباينة للاحتمال. وأتضح لنا أيضاً أن جوهر المشكلة يكمن في أهمال التقسيم أو أجراؤه في بعض الأطراف.

وفي ضوء المقياس المتقدم سوف لا يسمح لنا التعريف الأجمالي الذي يقوم على أساس هذا المقياس، ألا بأسلوب واحد لتعيين عدد أعضاء أطراف العلم الأجمالي، ومن ثم لا تكون للأحتمال ألا قيمة واحدة، وأن

المقياس المتقدم يضع يده على جوهر المشكلة فيحدد لنا الضابط الموضوعي لأجراء التقسيم أو أهماله.

ولأجل أن تتضح لنا كيفية معالجة المشكله على أساس المقياس المتقدم، نعود الى المثال الذي عرضنا المشكلة من خلاله، لنرى كيف نعالج المشكلة في ذلك المثال على اساس المقياس المطروح كمصاردة وأساس التعريف الأجمالي.

كان لدينا علم أجمالي بزيارة أحد الأصدقاء الثلاثة: محسن، محمد، على. وكانت الصور التي ذكرناها لعدد أعضاء العلم الأجمالي ثلاثة:

- (١) أن يزورنا علي، أو محسن، أو محمد.
- (٢) أن يزورنا على، أو من يبدأ أسمه بــ «م».
- (٣) أن يزورنا علي، أو محسن، أو محمد وهو يلبس البدلة الأولى، أو محمد وهو يلبس البدلة الثانية.

فكان عدد الأعضاء في الصورة الأولى ثلاثة، وفي الصورة الثانيه أُثنيَن، وفي الصورة الثالثة أربعة، وكانت قيمة أحتمال أن يزورنا علي في الصورة الأولى من من الثانية بن من الثالثة المن الصورة الأولى المن من الثانية المن الثالثة المن الثانية المن الثالثة المن المناسبة المن الثالثة المن المناسبة ال

لكننا نواجه هذه الصور المتباينة، نتيجه عدم أستخدام المقياس المتقدم، أما أذا أستخدمنا المقياس كأساس يعتمده التعريف فسوف نُلاحظ أن التعريف يُعين لنا صورة واحدة فقط من بين الصور الثلاث، وأنه يرفض الصورة الثانية والصورة الثائثة.

الصورة الثانية _ وفّق المقياس _ لا بد من تقسيم الطرف الثاني فيها «من يبدأ أسمه بـ «م» الى محسن، ومحمد، لأن محسن، ومحمد أقسام أصلية.

١٥٠ منطق الاستقراء

فترجع الصورة الثانية الى الصورة الأولى، ويصبح عدد أطراف العلم الأجالي ثلاثة بدلًا من اثنين. والصورة الثالثة وفق المقياس ـ لا بد من أهمال تقسيم «زيارة محمد» إلى: «أن يزورنا محمد وهو يلبس البدلة الأولى» و «أن يزورنا محمد وهو يلبس البدلة الثانية»، لأن هذين القسمين أقسام فرعية ، وحينشذ ترجع الصورة الثالثة إلى الصورة الأولى، ويبقى عدد أعضاء العلم الأجالي ثلاثة.

المشكلة الثانية:

ترتبط هذه المشكلة _ كها أشرنا _ بمسألة شمول التعريف وأنطباقه على كل أحتبال. فالتسعريف القائم على أساس مفهوم العلم الأجمالي يستوعب كل أحتبال يمكن قياسه رياضياً. وهذه صفة حسنة ومزية أيجابية، بل شرط ضروري للتعريف.

لكن هذه الصفة الأيجابية الضرورية تواجه في بعض الحالات اشكالًا في تقييم درجة الأحتال.

 نظرية الاحتيال ۱۱» ۱۵۱

يُشير الى أن من بين كل «١٠٠٠٠» حالة ولادة هناك ولادة واحدة تضع فيها الحامل توأماً ك

في مثل هذه الحالة يضعنا التعريف الأجمالي في مواجهة مشكلة بعكم شموله. فالتعريف الأجمالي كما يصدق على الأحتمال في ضوء العلم الأجمالي الأول، يصدق أيضاً على الأحتمال في ضوء العلم الأجمالي الثاني. وحينئذ تكون كل من القيمتين للهم والمستمال ولادة المرأة المرأة

توأماً على أساس التعريف الأجمالي للأحتمال.

معالجة المشكلة:

نشأت المشكلة الثانية جرّاء وجود علمين أجماليين يقيّم كل منها الأحتمال بصورة خاصة. ومع شمول التعريف لكلا العلمين نقع في صعوبة الحصول على تقييم واحد للأحتمال فكلا الأحتمالين مشمول للتعريف.

والحق أن المشكلة تبقى قائمة مع قيام كلا العلمين الأجماليين. دون أن ينحل أحدهما في الآخر. أو دون أن يطرد أحدهما الآخر.

وحينها نتفحص المثال المتقدم نجد أن العلم الأجمالي الأول سوف يذوب في العلم الأجمالي الثاني.

أيضاح ذلك:

حينها نُلاحظ ولادات النساء نجد أن المولود أما أن يكون فرداً وأما أن يكون توأماً، فيتكون لدينا علم أجمالي بأن المولود أما أن يكون فرداً. وأما أن يكون توأماً. ١٥١ منطق الاستقراء

وفي نفس ظروف ولادة هذا العلم الأجالي نلاحظ أيضاً أن عوامل وأسباب ولادة المرأة فرداً أكبر بكثير من عوامل واسباب ولادة المرأة توأماً. ففي كل «١٠٠٠» حالة هناك «٩٩٩٩» عامل لصالح ولادة المرأة فرداً، وعامل واحد فقط لصالح ولادة التوأم. من هنا يتطور العلم الأجمالي الأول وتتسع أطرافه من حالتين الى «١٠٠٠» حالة. ويصبح علمنا الأجمالي بولادة المرأة ذا «١٠٠٠٠» طرفاً. وجذا يرتفع الأشكال، لأن العلم الأجمالي بولادة المرأة فرداً أو توأماً ينمو ويتطور وتصبح صورته الفعلية مكونة من «١٠٠٠٠» طرفاً.

الفصل الثالث

نظرية الاحتمال «٢»

١ بديهيات حساب الاحتمال

٢_ قواعد حساب الاحتبال

٣_ التفسير الاجمالي مشكلات وحلول



الفصل الثالث نظرية الاحتيال «٢»

١- بديهيات حساب الاحتمال

هناك أتفاق بين الباحشين في نظرية الاحتبال على أن حساب الأحتبالات بشكله الرياضي ابتدأه «بسكال» (١٠ حيث أنتشر القهار في اوربا بين الطبقات المرفهة ابان القرن السابع عشر الميلادي. وطرح المقامرون أسئلة بشأن فرص الفوز، وكسب المقامرة، وأحتبال الربح. وقد أثارت هذه الأسئلة رجال العلم أمثال «غاليلو»، و «فرما»، و «ليبنتز»، و «بسكال» وقد حاول هؤلاء الأجابة على هذه الأسئلة وتحديد فرص الفوز وأحتبال الربح.

ولكن ما من أحد قبل «بسكال»، و «فرما» استطاع أن يقدم المبادي، الأساسية والمناهج السليمة التي يمكن بها أن يخضع هذا الموضوع للتحديد الحسابي الدقيق. فالى هذين العالمين من علماء الهندسة ينبغي أن نرد البدايات الأولى - كما يقول لابلاس - لعلم الاحتالات (٢٠).

بدأ هذا العلم «حساب الأحتالات» حياته في شكل رسائل متبادلة بين «بسكال» و «فرما» حول بعض المشكلات التي أثارها «شيفاليه دي مير» وهو أحد المقامرين المحترفين، الذي كان على صلة وثيقة ببسكال، وقد

 ⁽١) پليز پسكال. (١٩٣٣ ـ ١٩٦٢). فرنسي. اشتهر بحق بانه رياضي وعالم ولا هوتي وواحد من أوائل
 كبار كتاب النتر الفرنسيين أكثر من اشتهاره بأنه فيلسوف.

⁽٣) فلسفة المصادفة، محمود أمين العالم، ص ١٩٩، نقلًا عن «لابلاس».

نشرت ثلاث من هذه الرسائل (التي كتبت عام ١٦٥٤) في عام «١٦٧٩». وظل حساب الاحتمالات حتى مجيء «لابـلاس» مقصوراً على معالجة مشكلات الاحتمال في العاب الصدفة.

استقر «حساب الاحتبالات» على يد «لابلاس »، حيث يعتبره مؤرخو العلم مؤسس القواعد النظرية للأحتبال، وأول من صاغ حساب الاحتبال كقواعد أقامها على نسق نظري وقد نبّه الى أهمية ودور «حساب الاحتبال » في العلوم المختلفة، دون سجنه في دائرة ألعاب الصدفة.

ثم أخـذت نظرية الاحتبال وحسابه يتطوران بشكل مذهل حتى أضحى اليوم من أوسع وأعقد ميادين الرياضة وفلسفة العلم.

وحينها يقاس أحتهال الحوادث _ سواء بالطريقة البدائية، أم على مستوى مستوى رياضيات بسكال، أم تنظير «لابلاس »، أم على مستوى المستجدات الرياضية المعاصرة _ نلاحظ أن هذا القياس يعتمد وينطلق من مبادئ ومسلمات رياضية، حتى ينتهي الى قواعد ونظريات برهانية. أي: ان حساب الأحتهالات على مختلف المستويات ينطلق من بديهيات رياضية. وقد صاغ البرفسور «برود» هذه البديهيات واضعاً اياها ضمن ستة مبادئ، إلا أن بعض أعلام نظرية الأحتهال حاول أختزال هذه البديهيات. وهذا الاختزال لا يؤثر على بداهة ما حذف، انها هو اختيار مفتوح أمام الباحث تبعاً لتعدد الخيارات الرياضية والطرق الحسابية التي تتبع لقياس قيمة احتال الحوادث.

ونحن هنا نعتمد البديهيات التي ذكرها «برود»، تبعاً لكتاب «الأسس المنطقية للأستقراء»، ثم نحاول أن نقيّم التعريف الاجمالي للاحتمال في ضوء أنسجامه مع هذه البديهيات والمبادي، التي يرتكزعليها «حساب الأحتال».

آـ بديهيات «برود»:

البديهية الأولى: أذا كان لدينا (م، ن) فأنه توجد قيمة واحدة فقط هي بُك ، تعبَّر عن الاحتيال «م» أذا كانت لدينا «ن».

آلبديهية الثانية: القيم الممكنة ل ألا هي كل الأعداد الواقعة بين الصفر والواحد الصحيح، وهما من بينها.

البديهية الثالثة: اذا كانت ن تتضمن م فان $\frac{1}{0}$ = ١، (ويستخدم الواحد للاشارة الى اليقين).

السديهية الرابعة: اذا كانت ن لا تتضمن م فان ن = • (ويستخدم الصفر للاشارة الى الاستحالة).

البديهية الخامسة: احتيال كل من (م) و (هـ)، اذا ما كان لدينا ن هو احتيال م بالنسبة الى م. ن، وهو أيضاً احتيال هـ بالنسبة الى م. ن، وهو أيضاً احتيال هـ بالنسبة الى ن مضروباً في احتيال هـ بالنسبة الى ن مضروباً في احتيال هـ ن ، (وتسمى هذه ببديهية الاتصال).

البديهية السادسة: احتمال «م» أو «هـ» بالنسبة الى ن، هو احتمال م بالنسبة الى ن، مطروحاً منه احتمال «م» بالنسبة الى ن، مطروحاً منه احتمال «م» و «هـ« بالنسبه الى ن. (وتسمى هذه ببديهة الانفصال).

ب ـ التفسير الأجمالي وبديهيات برود:

التفسير الاجمالي - كما تقدم - مصطلح أطلقناه على تعريف

الاحتهال، الذي تبناه الأستاذ الشهيد، حيث أقام تفسير الاحتهال على أساس العلم الأجمالي. وبعد أن تعرفنا في الفقرة السابقة على أن الحساب الرياضي للاحتهال يرتكز على بديهيات، تحاول في هذه الفقرة أن نستوضح العلاقة بين هذه البديهيات وبين التفسير الأجمالي للأحتهال. وبعبارة أخرى: تحاول أن نتعرف على حقيقة موقع هذه البديهيات من هذا التفسير أي هل أن هذه البديهيات تصدق على هذا التفسير وتنسجم معه كمنطلق لحساب احتهال الحوادث، أم لا؟

وقبل الأجابة على هذا الاستفهام لا بدمن الوقوف مرة أخرى على التفسير الأجمالي للاحتيال. حيث يقول هذا التفسير:

أنَّ الأحتمال الذي يقوم تفسيره على أساس مفهوم العلم الأجمالي يمكن أن نضع تعريفه ضمن صيغتين؛

 ١- أنَّ الاحتمال الرياضي هو دانيًا عضو في مجموعة الاحتمالات التي تتمثل في علم اجمالي، وقيمته تساوي دائيًا ناتج قسمة رقم اليقين على عدد أعضاء مجموعة الاطراف التي تتمثل في ذلك العلم الاجمالي.

٢ـ ان الاحتبال الرياضي لشيء هو نسبة ما يحتله من مراكز في
 داخل مجموعة أطراف العلم الاجمالي الى عدد أعضاء هذه المجموعة.

فالتعريف بصيفت الأولى يعتبر الأحتبال درجة من درجات التصديق، وهذه الدرجة تساوي دائياً قسيًا من اليقين، ومن ثم لا تبلغ اليقين، بل تبقى درجة ناقصة من درجات التصديق. وأذا أردنا أن نلاحظ مدى الانسجام بين هذه الصيفة وبين بديهيات برود نجد ما يلى:

(١) أن البديهية الثانية لا تصدق على هذا التعريف، لأنها تنص على أن الاحتيال يشمل درجة اليقين الكامل (١» ودرجة اليقين الكامل بالعدم

نظرية الاحتيال «٢»نادية الاحتيال «٢»

يعني «٠» بينها ترى الصيغة الأولى أن الأحتهال درجة من درجات التصديق الناقص، ومن ثم فهو جزء من اليقين، ولا يشمل اليقين بكلتا صورتيه.

(٢) أن البديهية الثالثة و الرابعة لا تصدقان أيضاً على التعريف.

أما أذا لاحظنا التعريف بصبغته الثانية نجد أنه يتلائم ويصدق على كل البديهيات التي ذكرها «برود». وما دمنا نتحدث عن علاقة بديهيات «برود» بالتفسير الاجمالي للاحتمال يحسن بنا هنا أن نشير الى ملاحظتين جوهريتين، فيها يرتبط بعلاقة البديهيات بعامة وتفسير الاحتمال:

الملاحظة الأولى:

أنَّ عدد البديهيات التي يتوقف عليها حساب الاحتمال مسألة ترتبط بطبيعة الأسلوب والطريقة الرياضية التي تُريد أن نصل خلالها الى حساب قيمة أحتمال الحوادث. وحينئذ فمن الممكن أن تكون هناك طريقة يتوقف أستخدامها على «س» من البديهيات وهناك طريقة أخسرى يتوقف استخدامها على «س ـ ١» أو «س ـ ٢».

والأمر كذلك بالنسبة الى بديهيات تفسير الاحتيال، حيث أن عدد البديهيات التي يستلزمها كل تفسير يرتبط كثرة وقلة بطبيعة التفسير المختار.

وعلى كلا التقديرين لا يؤثر حذف أو اضافه بعض المبادي، من قائمة البديهيات المفروضة على بداهة تلك البداهة بنفسها.

الملاحظة الثانية:

إنَّ التفسير الأجمالي بصيغته الأولى يقول:

«أنَّ الاحتيال الرياضي هو دائبًا عضو في مجموعة الاحتيالات التي تتمثل في علم اجمالي، وقيمته تساوي دائبًا ناتج قسمة رقم اليقين على عدد أعضاء مجموعة الأطراف التي تتمثل في ذلك العلم الأجمالي». ووفق هذه الصيغة لا بد من افتراض تساوي قيم كل أعضاء مجموعة الاحتيالات التي تتمثل في كل علم اجمالي، وأن العلم الاجمالي، ينقسم بالتساوي على عدد أعضاءه.

والسر في ضرورة هذا الافتراض هو أن الصياغة الأولى للتعريف تقول: أنَّ قيمة الأحتال تحدد بقسمة رقم اليقين على عدد أعضاء مجموعة أطراف العلم الاجمالي. وبها أن كل طرف من أطراف المجموعة يستبطن احتالاً، فهذا يعني أننا حينها نريد أن نقيم أي أحتال من هذه الاحتالات فسوف نجده يستحوذ على مقدار من قيمة العلم «١»، واذا كان هذا المقدار غير مساو للمقادير الأخرى، التي تستحوذ عليها سائر الأطراف، فهذا يعني أن قيمتها لا تساوي بيد محموع الأطراف

العلم الاجمالي «٣» ثلاثة وكان الطرف «أ» يستحوذ على « ألم » قيمة العلم ، وكان الطرف «ب» يستحوذ على « ألم » قيمة العلم ، وكان الطرف «ج» يستحوذ على « ألم أله يصح أن نقول الطرف «ج» يستحوذ على « ألم أله يصح أن نقول أن قيمة الأحتمال = $\frac{\sqrt{6}}{2}$ المناء مجموعة الأطراف عدد أعضاء مجموعة الأطراف

أن قيمة الأحتهال وفق الصيغة الأولى = _________ عدد أعضاء مجموعة الاطراف واذا طبقنا المعادلة على الفرضية المتقدمة فهذا يعني ان قيمة احتيال كل طرف = ــــــــــ، وهذه القيمة تتناقض مع الفرض المطروح.

 ن لاتصح الصيغة الأولى مع افتراض عدم تساوي قيم مجموعة الاطراف، فلا بد من افتراض التساوى سلفاً.

وهـذا يعني إن الصيغة الأولى للتعريف الأجمالي تستدعي أضافة بديهية جديدة تقول:

«أن العلم الأجمالي ينقسم بالتساوي على اعضاء مجموعة الأطراف. التي تتمثل فيه».

وهذه هي البديهية الاضافيه الأولى التي يستدعيها التفسير الاجمالي في ضوء الصيغة الأولى.

أما الصيف الثانية للتفسير الاجمالي فلا تحتاج الى اضافة هذه البديهية، لانها تقول إنَّ قيمة احتمال «س» = عدد مراكز «س»

العدد الكلي لأطراف العلم الأجمالي

واحتيال «س» هنا لا يعبر عن درجة من درجات التصديق، ومن ثمّ لا يمثل جزءاً من أجزاء العلم. ونحن انها احتجنا الى اضافه البديهية السابقة، لأننا اعتبرنا الأحتيال درجة من درجات التصديق، فهو جزء من العلم، وإذا كان كذلك لا بد من افتراض تلك البديهية.

٢ قواعد حساب الأحتمال

تقدم في الفصل السابق تطبيق أهم قواعد حساب الاحتيال على أمثلتها. وقد أشرنا الى مضمون هذه القواعد. وفي هذه الفقره من هذا الفصل نحاول وضع هذه القواعد ضمن صياغتها النهائية، وسوف نحاول أيضاً ايضاح وصياغة ما لم نوضحه من قواعد أساسية في حساب الأحتال:

أ_ قاعدة الجمع:

تستخدم قاعدة الجمع لقياس قيمة احتال أحدى الحوادث بالنسبة الى «س». وهي تعتمد أساساً على بديهية الانفصال، وقد ذكرنا في الفصل السابق أمثلة استخدام هذه القاعدة، ويمكن أن نضع هذه القاعدة في صياغة عامة تقول:

(ان احتمال وقوع حادثة واحده على الأقل من مجموعة حوادث لا يزيد أبداً عن مجموع احتمالات وقوع كل حادثة على حدة).

فاذا رمزنا الى الاحتبال بـ «ح» والى الحوادث بـ «ك»، «ل»، «ج»، «د» فسوف تتمثل هذه القاعدة العامه في المعادلة التالية:

أي ان احتمال أحدى الحوادث (ك. ل، ج. د) يساوي أو أصغر من مجموع كل ، كي من يزيد عن هذا المجموع . الله عن المجموع . الله عن المجموع . المجموع . المجموع .

ب _ قاعدة الضرب:

تستند هذه القاعدة على بديهية الاتصال المتقدمة. ويمكن أن نضع هذه القاعدة في صياغتين مختلفتين تبعاً لاختلاف طبيعة الاحتمال. فأذا كانت نظرية الاحتيال «٢»نظرية الاحتيال «٢»

الأحتمالات مستقلة تقول القاعدة:

(أن احتمال وقوع اي عدد من الحوادث المستقلة معاً يساوي حاصل ضرب احتمالات وقوع كل حادثة على حدة).

أما اذا كانت الاحتهالات مشروطة فالقاعدة هي:

(أَنَّ احتمال وقوع حادثتين معماً يساوي حاصل ضرب احتمال احداهما في احتمال الأخرى مشروطاً بوقوع الأولى).

ج_ قواعد المجموعة المتكاملة:

ما هي المجموعة المتكاملة؟

أذا كانت لدينا مجموعة حوادث وكان لا بد أن تقع واحدة منها فقط. تسمى هذه المجموعة من الحوادث بـ «المجموعة المتكاملة».

مثال: أذا أجرينا عدداً من التجارب ولنرمز لها (أي عدد التجارب) بـ «ب» فوجدنا أن بعض التجارب يظهر فيها «أ»، وبعض التجارب يظهر فيها «أً»، وكانت «أ» تعني حدوث ظاهرة من الظواهر، و «أً» تعني عدم حدوثها.

حیننذ سیکون أحتمال «أ» یساوي أَ ، کها أن أحتمال «أَ» = أَ ، وبها أن أ + أ = ب (لأن «ب» أما أن يظهر معه «أ» وأما أن يظهر معه «أ» الذن:

$$\lambda = \frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1} + \frac{1}{1}$$

اذن! مجموع احتمالات «أ» و «أ» يساوي واحداً. ويمكن تعميم هذه النتيجة على كل حادتنن متناقضتين، فيقال كقاعدة:

١٦٤ منطق الاستقراء

(مجموع احتمال حادثتين متناقضتين يساوي واحداً صحيحاً).

مثال: اذا كانت لدينا «مجموعة متكاملة» مؤلفة من عشرين حادثة ولنرمز لها: «أ ١»، «أ٣»... «أ٣»... ولنرمز لها:

اذن! مجموع احتمالات المجموعة المتكاملة:

أ ١٠ أ ٢ +...... + أ ٢٠ = أ ١ او أ ٢ او أ ٣ او أ ٢٠

ومن الواضح ان أ\. او أ٢. او أ٣...... او أ٣٠= لا بد ان تقع واحدة منها. أي انها تساوي (١).

وهذا يعني ان: أ١+ أ٢+ أ٣+..... + أ٠٠= ١

وعلى هذا الأساس نستطيع ان نقرر:

(أنَّ مجموع احتمالات المجموعة المتكاملة يساوي واحداً).

كها نستطيع أن نقرر في ضوء ما تقدم:

«أنَّ كل حادثتين متناقضتين مجموعة متكاملة).

د قاعدة الاحتيال العكسى:

تقدم في الفصل السابق مثال هذه القاعدة، وطريقة استنتاجها. وفقا لقاعدة الضرب في الاحتمالات المشر وطة، ويمكن وضع هذه القاعدة في الصيغة التالية:

(ان قيمة احتيال حادثة ما على تقدير وقوع حادثة اخرى تساوي قيمه احتيال وقوع الحادثة مضروباً في قيمة احتيال الحادثة الاخرى على تقدير وقوع الحادثة مقسوماً على احتيال الحادثة الاخرى.)

هـ ـ مثال الحقانب:

يكتسب منال الحقانب اهميته الخاصة بحكم استخدامه في امتحان

كفاءة طريقة «لابلاس » لسير الدليل الاستقرائي وفق حساب الاحتيال. والا فهو تطبيق من تطبيقات حساب الاحتيال وفق قاعدة الاحتيال العكسي.

المثال: لدينا ثلاث حقائب تحتوي الأولى على ثلاث كرات بيضاء وكرة سوداء، والثالثة على أربع كرات بيضاء وكرة سوداء، والثالثة تحتوي على خس كرات بيضاء، ثم اخترنا واحدة من هذه الحقائب بشكل عشوائي ولا ندري هل هي الحقيبة الأولى ام الثانية أم الثالثة، وسحبنا ثلاث كرات منها، فظهرت بيضاء، احسب قيمة احتمال أن تكون هذه الحقيبة التي اخترناها عشوائياً هي الحقيبة الثالثة، التي تحتوي على كرات كلها بيضاء.

الحل: المطلوب _ كها هو واضح _ حساب قيمة احتبال ان تكون الحقيبة هي الثالثة، على تقدير سحب ثلاث كرات بيضاء. نستخدم الرموز، ونرمز الى احتبال سحب ثلاث كرات بيضاء بـ ل/س، والى احتبال ان تكون الحقيبة هي الثالثة بـ ك/س.

ل/س، وك/س معا = $0/m \times b/m$. ل، وفقاً لبديهية الاتصال. $0/m = b/m \times b/m$. ك، وفقاً لبديهية الاتصال. $0/m \times b/m$. $0/m \times b/m$. $0/m \times b/m$.

$$\frac{2}{\sqrt{\omega}} \times \sqrt{\sqrt{\omega}} = \frac{2}{\sqrt{\omega}}$$

أي: ان احتمال ان تكون الحقيبة هي الثالثة على تقدير سحب ثلاث كرات بيضاء يساوي احتمال ان تكون الحقيبة هي الثالثة، مضروباً في احتال سحب ثلاث كرات بيضاء على تقدير أن تكون الحقيبة هي الثالثة، مقسوماً على احتال سحب ثلاث كرات بيضاء.

ك/س = ٣/١. لان لدينا ثلاث حقائب ولا ندري أياً منها في أيدينا، فاحتمال كل واحدة منها يساوي ٣/١.

ل/س. ك = 1 لأن احتمال سحب ثلاث كرات بيضاء على تقدير ان تكون الحقيبة التي بأيدينا هي الحقيبة الثالثة احتمال مؤكد الوقوع فهو يساوي رقم اليقين (١).

اما (ل/س) فياذا يساوي؟

ل/س يعني قيمة احتيال سحب ثلاث كرات بيضاه. فاذا أردنا ان نسحب من الحقيبة المجهولة التي بأيدينا ثلاث كرات، وأردنا ان نحسب قيمة احتيال خروجها بيضاء، فهذا الاحتيال يعني وقوع احدى ثلاث حوادث. فاما أن تكون الحقيبة الأولى ونسحب ثلاث كرات بيضاء منها، وإما أن تكون الحقيبة الثانية ونسحب ثلاث كرات بيضاء منها، وإما أن تكون الحقيبة الثانية ونسحب ثلاث كرات بيضاء منها، وإما أن تكون الحقيبة الثانية ونسحب ثلاث كرات بيضاء منها.

ولأجل الحصول على قيمة احتمال سحب ثلاث كرات بيضاء لا بد من الجمع بين هذه الاحتمالات الثلاثة، وفقاً لقاعدة الجمع في الاحتمالات المتنافية، لأن هذه الاحتمالات الثلاثة يمتنع اجتماعها.

ولنرمز الى احتال ان تكون الحقيبة الاولى ونسحب ثلاث كرات بيضاء به هـ/ع، ونرمز الى احتال ان تكون الحقيبة الثانية ونسحب ثلاث كرات بيضاء به ن/ع، وإلى احتال ان تكون الحقيبة الثالثة ونسحب ثلاث كرات بيضاء به و/ع.

نظرية الاحتيال «٢»نظرية الاحتيال «٢»

حينئذ سوف تكون المعادلة كالتالي:

$$\frac{1 \times \pi/1}{2 - 2 \cdot 2} = \frac{1 \times \pi/1}{2 \cdot 2} = \frac{1 \times \pi/1}{2 \cdot 2} = \frac{1 \times \pi/1}{2 \cdot 2} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} =$$

ولكن ما هي قيمة هـ/ع؟

ان قيمة هـ/ع في الواقع تعني احتيال وقوع حادثتين معاً وهما احتيال سحب ثلاث كرات بيضاء واحتيال كون الحقيبة هي الاولى، وحينئذ لا يد من تطبيق قاعدة الضرب في الاحتيالات المشروطة لاستخراج قيمة هـ/ع. وإذا رسزنا الى احتيال كون الحقيبة هي الاولى بـ ق/س، فسوف تكون هـ/ع = ق/س × ل/س. ق.

اما احتمال ن/ع فهو يساوي ايضاً احتمال ان تكون الحقيبة هي الحقيبة الثانية مضروباً في احتمال سحب ثلاث كرات بيضاء على تقدير كون الحقيبة الثانية، وإذا رمزنا إلى احتمال كون الحقيبة هي الثانية بـ ص /س، فسوف تكون ن/ع = -0 /س \times /0 /0.

واحتال و/ع يساوي أيضاً احتال أن تكون الحقيبة هي الثالثة مضروباً في احتال سحب ثلاث كرات بيضاء على تقدير كون الحقيبة الثالثة، لنرمز الى احتال كون الحقيبه الثالثة بـ ك/س حيننذ ستكون و/ع = ك/س×ل/س. ك.

ك/س = ٣/١، كها تقدم. ول/س. ك = ١، كها تقدم ايضاً.

ك/س × ل/س. ك

ق/س \times ل/س. ق + ص /س \times ل/س. ص + ك/س \times ل/س. ك و بالتعويض :

$$\frac{r/1}{r/1 + r \cdot / \ell + r \cdot / 1} = \frac{1 \times r/1}{1 \times r/1 + 1 \cdot / \ell \times r/1 + 1 \cdot / 1 \times r/1}$$

$$.r/r = \ell o/r \cdot = 1 o/r \cdot \times r/1 = \frac{r/1}{r \cdot / 1 o} = \frac{r/1}{r \cdot / 1 o}$$

التفسير الاجمالي ومثال الحقائب:

نرمز الى كرات الحقيبة الاولى بـ (١، ٣،٣،٤، ٥،) والى كرات الحقيبة الثانية بـ (١، ٣٠، ٤، ٥) ونرمز الى كرات الحقيبة الثالثة بـ (١، ٣. ٣. ٤٠. ٥).

ولنفرض أن الكرات من (١ ـ ٣) هي البيضاء في الحقيبة الاولى، وأن الكرات من (١ ـ ٤) هي البيضاء في الحقيبة الثانية.

قبل أن نتأكد من سحب ثلاث كرات بيضاء من الحقيبه المختارة عشــوائياً نريد حســاب احتـــال خروج ثلاث كرات بيضاء من احدى الحقائب المختارة عشوائياً.

حينئذ سنواجه علمًا اجمالياً مؤلفــاً من (٣٠) طرفـــاً، فنحن حينها نريد سحب ثلاث كرات من احدى الحقائب نعلم اجمـــالًا بأن احدى نظرية الاحتيال «٢»نارية الاحتيال «٢»

الصور التالية سوف تقع حتيًا، لأن الحقيبة إما أن تكون هي الحقيبة الاولى، وسحب ثلاث كرات منها له عشر صور:

١ ـ أن تخرج الكرة (١، ٢، ٣).

٢_ أن تخرج الكرة (١، ٢، ٤).

٣ أن تخرج الكرة (١، ٣، ٤).

أن تخرج الكرة (١، ٢، ٥).

٥ أن تخرج الكرة (١، ٤، ٥).

٦ أن تخرج الكرة (١، ٣، ٥).

٧_ أن تخرج الكرة (٢. ٣.٤).

٨- أن تخرج الكرة (٢، ٣، ٥).

٩_ أن تخرج الكرة (٢، ٤، ٥).

١٠ أن تخرج الكرة (٣، ٤، ٥).

ونلاحظ هنا ان الرقم (١) من هذه الصور وحده في صالح خروج ثلاث كرات بيضاء.

واما أن تكون الحقيبة التي نريد سحب ثلاث كرات منها هي الحقيبة الثانية، وسوف نواجه ايضاً عشر صور:

۱ ـ أن تخرج الكرة (أ، ٢ . ٣).

٢_ أن تخرج الكرة (١ ، ٢ ، ٤).

٣ أن تخرج الكرة (٢، ٣، ٤).

٤_ أن تخرج الكرة (١٠ . ٢ . 6).
 ٥_ أن تخرج الكرة (١٠ . ٤ . 6).

٦ــ أن تخرج الكرة (١، ٣. هَ).

- ٧- أن تخرج الكرة (٢ ، ٣ ، ٤).
- ٨ أن تخرج الكرة (٢ ، ٣ ، ة).
- ٩ أن تخرج الكرة (٢ . ٤ ، ٥).
- ١٠_ أن تخرج الكرة (٣، ٤، ة).

ونلاحظ هنا ان الرقم (١). و (٢). و (٣)، و (٧) في صالح خروج ثلاث كرات بيضاء.

واما أن تكون الحقيبة هي الثالثة ونواجه ايضاً عشر صور كلها في صالح خروج ثلاث كرات بيضاء.

واذا أردنا أن نسحب ثلاث كرات من أحدى الحقائب سنعلم اجمالاً بوقوع احدى الصور الثلاثين المتقدمة، وخمس عشرة صورة منها في صالح خروج ثلاث كرات بيضاء.

اما اذا تأكدنا من سعب ثلاث كرات بيضاء من الحقيبة المختارة عشــوائياً فهــذا يعني اننا سوف نتأكد من وقوع احدى الصور الخمس عشرة، التي هي في صالح خروج ثلاث كرات بيضاء.

أي سنعلم اجمالا بأن احدى هذه الصور هي التي وقعت، لأن الحقيبة اما ان تكون هي الاولى، واما ان تكون هي الثانية، وهذا يعني وقوع احدى الصور الاربعة المتقدمة، واما أن تكون هي الثالثة، وهذا يعني وقوع احدى صورها العشرة.

اذن! يتردد علمنا الاجمالي ـ بعد سعب ثلاث كرات بيضاء ـ بين خمسة عشر طرفا، واذا أردنا أن نحسب قيمة احتمال أن تكون الحقيبة التي اخترناها عشوائياً هي الحقيبة الثالثة التي تحتوي على خمس كرات بيضاء فهذا يعني أن نطبق قانون النفسير الاجمالي في حساب قيمة احتمال الحادثة: نظرية الاحتيال ٢٨ه

ح = ع/م.

ع = ١٠، لان عند الاطراف التي تلازم كون الحقيبة هي الثالثة (عشرة) من أصل خمسة عشر طرفاً اذن! ع/م = ١٥/١٠ = ٣/٣، وهذه النتيجة مطابقة تماماً لما تم حسآبه رياضياً في مثال الحقائب.

و۔ برنولي:

برنولي (١٦٥٤ ــ ١٧٠٥) أحد أعلام نظرية الاحتيال، واليه يرجع الفضل في اكتشاف قانون التوزيع في الأعداد الكبيرة، وله كتاب يدعى (فن التخمين)، نشره ابن أخيه بعد وفاته بسبع سنين.

حينها نتناول (برنولي) في نظرية الاحتيال وحسابه، فهذا يعني أن تدرس ثلاث قضايا رئيسية مترابطة:

اولاً ـ براسة معادلات برنولي.

ثانياً _ تطبيق معادلات برنولي على التوزيع الطبيعي في الأعداد كبيرة.

ثالثاً ــ دراسة وفهم محتوى نظرية برنولي واثباتها.

وسوف نأتي على دراسة معادلات برنولي، وتو زيع برنولي ضمن فقرة واحدة، مستخدمين الامثلة في طرح معادلات برنولي واستخلاص نظرية التوزيع لديه. ثم ندرس أيضاً نظرية برنولي واثباتها في فقرة ثانية. ويمكن هنا ان نلقي نظرة عامة حول معادلات برنولي ومفهوم النوزيع الذي تستبطنه، والنظرية التي أقامها على أساس ذلك، انطلاقاً من المثال البسيط التالي:

لو ألقينا قطعة النقد خمس مرات، فها هي قيمة احتهال أن يظهر وجه الصورة مرتين، علماً أن احتهال ظهور وجه الصورة = ٢/١، وظهور وجه الكتابة = ٢/١؟

قيمة احتمال ظهور وجه الصورة مرتين ضمن خمس مرات نرمي بها

قطمه النقد يساوي: عدد الصور المؤيدة لظهور وجه الصورة مرتين المجموع الكلي لأطراف العلم الاجمالي

ومعادلات برنولي هي التي تحدد لنا قيمة البسط والمقام في هذا الكسر، فهي تستخرج عدد الصور الملازمة لظهور وجه الصورة مرتين وفق قاعدة.

$$1 \cdot = \frac{! \circ}{! (Y - \circ)!} Y$$

كما نستخرج عدد أطراف العلم الاجمالي وفق قاعدة الضرب في الاحتمالات المستقلة:

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \times \frac{1}{\sqrt{2}} \times \frac{1}{\sqrt{2}} \times \frac{1}{\sqrt{2}} \times \frac{1}{\sqrt{2}}$$
 ثم تحدد قيمة الاحتبال وفق المعادلة التالية:

$$\frac{1}{TT} = {}^{(a)}(\frac{1}{T}) \times \frac{10}{1(T-0)!T} = C$$

ووفق معادلات برنولي نستطيع أن نحدد اكبر الاحتمالات لظهور وجه الصورة في (۵) رميات، هل هو في مرة واحدة أو في مرتين أو ثلاث أو أربع أو خمس مرات؟ وعلى أساس معادلات برنولي نستطيع أن نقول ان نسبة المرات الاكبر احتالا الى المجموع الكلي لرميات قطعة النقد مثلا تقترب من قيمة احتهال الحادثة المنفردة كلها زدنا من العدد الكلي للرميات حتى يبلغ الفرق بينها مقداراً ضئيلًا جداً، يمكن اهماله، والقول بان نسبة المرات الاكبر احتهالًا الى المجموع الكلي للرميات يساوي قيمة احتهال الحادثة.

وعلى أساس نظرية برنولي نقول ان المرات الأكبر احتمالاً وما يقرب منها من مرات تساوي قيمتها الاحتمالية (١)، اذا كان عدد الرميات كبيراً جداً. أي اذا رمينا قطعة النقد مئات المرات نستطيع القول انها ستقع بنسبة للله على وجه الصورة.

أولاً ــ معادلات برنولي

مثال «٩»: لو قذفنا قطعة نقد «٤٠» مرة، فيا هي قيمة احتهال أن يخرج وجه الصورة في المرات العشرة الاولى، علما أن قيمة احتمال خروج وجهم الصورة يساوي بن ؟

حينها نقذف بقطعة نقد «٤٠» مرة، ونفترض ان وجه الصورة يظهر في المرات العشرة الاولى، فهذا يعني اننا نفترض ايضاً خروج وجه الكتابة في المرات الثلاثين (١١- ٤٠).

الاحتهالات مستقلة هنا، ونحن نريد أن نحسب قيمة احتهال ظهور وجه الصورة في المرة الاولى وظهوره في المرة الثانية.. الى العاشرة واحتهال ظهور وجه الكتابة في المرة الحادية عشرة، والثانية عشرة.... الى الأربعين. اذنا يجب ان نطبق بديهية الاتصال.

وحينا نطبق بديهية الاتصال فهذا يعني أن نضرب قيمة احتمال ظهور وجه الصورة في المرة الاولى × احتمال ظهورها في المرة الثانية × × احتمال ظهور وجه الكتابة في المرة الحادية عشرة × احتمال ظهور وجه الكتابة في المرة الحادية عشرة × احتمال ظهور وجه الكتابة في المرة الثانية عشرة × × احتمال ظهور وجه الكتابة في المرة الاربعين.

وحسب الفرض المطروح في المثال تكون النتيجة كها يلي: (كيك)* × (١ ـ كي)***

واذا استبدلنا الارقام بالرمون وافترضنا أن العدد الكلي للرميات «ن»، وعدد مرات خروج وجه الصورة «م»، واحتمال خروج وجه الصورة في كل مرة «هـ» فسوف تكون المعادلة كما يلي:

$$(-1)(-1) \times ((-1)^{(-1)}$$

مثال «١٠»: لو قذفنـا قطعة نقد «٤٠» مرة، فها هي عدد الصور المكنة لوقوع وجه الصورة «١٠» مرات؟

هناك صور كثيرة لخروج وجه الصورة ١٠ مرات، ولأجل ان نحدد مقدار هذه الصور بشكل دقيق علينا ان نستخدم قاعدة التوافيق، التي تعني: (اننا اذا أردنا ان نستخرج توافيق «م» في «ن» فعلينا ان نقسم «ن» مضروبةً في ما يقل عنها بواحد مضروباً فيها يقل عنه بواحد وهكذا الى العدد [ن ـ (م ـ ١)] على مفكوك «م»).

تكون المعادلة كالتالى:

71 × × 77 × 79 × 2.

واذا أردنا اختصار المعادلة الرمزية فهي =

$$\frac{i_{(1-i_{0}-i_{0}]\times\times (1-i_{0})\times i_{0}}}{i_{f}}$$

حيث أن مفكوك «م» يعبر عنه رمزيا بالاشارة «١». كها أن مفكوك عشرة =١٩٠.

ويمكننا أن نستبدل الكسر المتقدم بكسر آخر يساويه، وذلك ان نضرب البسط والمقام بكميتين متساويتين. ويصبح كما يلي:

1 × × 71 ×
$$r_1$$
 × r_2 × r_3 × r_4 × r_4 × r_5

1 × × 11×11·× × A × 1 × 1 ·

يلاحظ هنـا اننا ضربنا مفكوك (٣٠) في كل من البسط والمقام. وســوف تكــون النتيجة واحدة. واذا أردنا اختصار المعادلة فهي =

! (\\-\frac{1}{2} \times \tin \times \times \times \times \times \times \times \times \times

وحينها نستبدل الأرقام بالرموز فهي كما يلي:

م ا × (ن ـ م) !

اذن! يمكن ان نضع قاعدة التوافيق بالصورة الرمزية الجديدة، ونقول: ان توافيق «م» في «ن» تساوي مفكوك «ن» مقسوماً على مفكوك «م» في مفكوك (ن - م).

مثال«١١»: ما هي قيمة احتبال أن يخرج وجه الصورة _ في المثالين السابقين _ عشر مرات، وأن يخرج وجه الكتابة ثلاثين مرة؟

تعرفنا في المثال رقم «٩» على طريقة استخراج قيمة احتمال ظهور

وجمه الصورة في المرات العشرة الأولى. وظهور وجه الصورة في المرات العشرة الاولى حالة ضمن ملايين الحالات، التي يمكن ان يظهر فيها وجه الصورة عشر مرات ضمن أربعين رمية.

واذا أردنا قياس احتمال ظهور وجه الصورة عشر مرات حينها نقدف النقد (٤٠) مرة، فهذا يعني أننا نريد حساب احتمال كل الصور الممكنة لظهور وجه الصورة عشر مرات حينها نقذف النقد (٤٠) مرة، وتطبيقاً لبديهية الانفصال لابد ان نجمع قيم احتمالات مجموع الصور الممكنة في قيمة احتمال صورة واحدة منها.

وقد تبين لنا من خلال المثال التاسع كيفية استخراج قيمة ظهور صورة محددة من الصور المكنة. حيث انها تساوي

$$\lambda_{i-1}(\frac{\lambda}{I}-I)\times \mu(\frac{\lambda}{I})$$

واذا رمزنا الى «٤٠» رميه به «ن» ، والى عدد المرات التي يظهر فيها وجه الصورة به «م»، والى قيمة احتيال الحادثة به (هه)، سوف تكون المعادلة كالتالى:

وقد تعلمنا من المثال العاشر كيفية استخراج عدد الصور الممكنة لظهـور وجـه الصـورة عشر مرات ضمن أربعين مرة. وكان عبارة عن حساب قيمة الكسر التالي: <u>ن!</u> ماكسر التالي: ماكسر التالي:

نأتي هنا لاستخراج قيمة احتيال ظهور وجه الصورة عشر مرات ضمن اربعين رمية. حيث انها تساوي مجموع توافيق(١٠) في (٤٠) أو مجموع

توافيق «م» في «ن» مضروباً في احتبال ظهور وجه الصورة في عشر مرات محددة. واذا رمزنا الى قيمة احتبال ظهور وجه الصورة عشر مرات ضمن اربعين رمية بـ (حُ) فسوف تكون المعادلة كها يلى:

$$f^{-1}(\underline{A},\underline{A},\underline{A}) \times f(\underline{A}) \times \frac{1}{2} \frac{1}{(1-1)^{\frac{1}{2}}} \frac{1}{1-1} = \frac{1}{1-1}$$

ويمكن كتابة قيمة الاحتيال بالأرقام كما يلى:

$$= \frac{1}{2} \frac{1}{(1-2)!} \frac{1}{($$

مثال «۱۲»: هل ان احتمال خروج وجه الكتابة عشر مرات اكبر من احتمال خروجه احدى عشرة مرة ضمن أربعين رمية لقطعة النقد، أم العكس ؟

هناك اسلوبان للاجابة على هذا الاستفهام، فمن المكن ان تتعرف على الاحتمال الأكبر عن طريق حساب قيمة كل احتمال من الاحتمالين. وهناك طريق آخر أقصر من الاول، وذلك بان نحسب قيمة الكسر التالى:

فاذ كانت النتيجة = «١»، فهذا يعني نساوي قيمة الاحتمالين، واذا كانت أكبر من واحد فهذا يعني ان احتمال خروجه «١١» مرة اكبر، واذا كانت نتيجة اختصار الكسر اصغر من واحد فهذا يعني ان قيمة احتمال خروجه عشر مرات أكبر من قيمة احتمال خروجه «١١» مرة.

١٧٨منطق الاستقراء

نتبع الاسلوب الثاني، ونرمز الى احتمال خروج وجه الكتابة بـ «ح»، فيكون الكسر كما يلي:

$$\frac{\frac{1}{1-\epsilon}(\frac{1}{1})\times\frac{1}{1}(\frac{1}{1})\times\frac{1}{1}(\frac{1}{1})\times\frac{1}{1}(\frac{1}{1})\times\frac{1}{1}(\frac{1}{1})\times\frac{1}{1}}{\frac{1}{1}(\frac{1}{1})\times\frac{1}{1}} = \frac{\frac{1}{1}+1\cdot 3}{\frac{1}{1}\times\frac{1}{1}}$$

والكسر الاخير يساوي:

$$\frac{\frac{1}{1+\epsilon}(\frac{1}{2}) \times \frac{1}{2}(\frac{1}{2}) \times \frac{1}{2}$$

$$\frac{\frac{1}{1-\epsilon_1}(\frac{1}{\lambda})\times \frac{1}{1-\epsilon_2}(\frac{1}{\lambda})\times \frac{1}{1-\epsilon_2}(\frac{1}{\lambda})\times \frac{1}{1-\epsilon_2}(\frac{1}{\lambda})\times \frac{1}{1-\epsilon_2}}{\frac{1}{1-\epsilon_2}(\frac{1}{\lambda})\times \frac{1}{1-\epsilon_2}(\frac{1}{\lambda})\times \frac{1}{$$

$$\frac{\frac{1}{1}}{1} \frac{1}{1} \frac{1}{1$$

$$\frac{\frac{1}{1-\tau_{1}}(\frac{\lambda}{J})\times \frac{\lambda}{\lambda}(\frac{\lambda}{J})\times \lambda}{\frac{\lambda}{\lambda}(\frac{\lambda}{J})\times \lambda}$$

نظربة الاحتبال «٢» ١٧٩

$$\frac{\frac{1}{1-\epsilon}(\frac{1}{2})\times 1}{\frac{1}{2}\times (\frac{1}{2})\times 1}$$

$$\frac{r\cdot}{1} = \frac{\frac{1}{r} \times r\cdot}{\frac{1}{r} \times 11} = \frac{\frac{1}{r} \times (1 \cdot - \xi \cdot)}{\frac{1}{r} \times 11} =$$

وحیث ان النتیجة اکبر من «۱»، اذن فاحتمال خروج وجه الکتابة «۱۱» مرة أکبر من احتمال خروجه «۱۰» مرات.

مثال «١٣»: هل ان احتيال ظهور وجه الكتابة «١٢» مرة أكبر أم

«۱۳» مرة ضمن أربعين رمية؟

نحسب قيمة الكسر التالي:
$$\frac{(\gamma + \gamma)}{\gamma}$$

$$\frac{3}{\gamma} \frac{1}{\gamma} \times \frac{1}{$$

$$\frac{\frac{1}{1+\epsilon_1(\frac{\lambda}{J})\times \frac{1}{1}(\frac{\lambda}{J})\times \frac{1}{$$

$$\frac{\gamma_{\Lambda}}{\gamma_{\Gamma}} = \frac{\frac{\gamma}{\gamma} \times \gamma_{\Lambda}}{\frac{\gamma}{\gamma} \times \gamma_{\Gamma}} = \frac{\frac{\gamma}{\gamma} \times (\gamma_{\Gamma} - \xi_{\Gamma})}{\frac{\gamma}{\gamma} \times \gamma_{\Gamma}} =$$

اذن! (ح) ظهور وجه الكتابة (١٣) مرة أكبر من (ح) ظهوره (١٢) مرة.

مثال «۱۵»: هل ان احتمال ظهور وجه الكتابة «۱۵» مرة اكبر ام «۱۵» مرة، ضمن أربعين رمية؟

$$\frac{-(1+12)}{2}$$
 نحسب قيمة الكسر التالي: $\frac{-(1+1)}{2}$

$$\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}$$

احتمال ظهور وجه الكتابة (١٥) مرة أكبر من احتمال خروجه
 (١٤) مرة.

مثال «۱۵»: هل ان احتال ظهور وجه الكتابة «۱۸» مرة أكبر. أم أحتمالظهوره (۱۹» مرة هو الاكبر؟

$$\frac{1}{4!} \frac{1}{(1 + 2 - 1)!} \times \frac{1}{1} \times \frac{1}$$

$$\frac{11 + 1 \cdot \left(\frac{1}{Y}\right) \times \frac{11}{Y} \left(\frac{1}{Y}\right) \times \frac{1}{Y} \left(\frac{1}{Y$$

نظرية الاحتيال «٢»نظرية الاحتيال «٢»

$$\frac{\gamma \gamma}{19} = \frac{1}{19} = \frac{1}{19}$$

نه احتبال ظهور وجه الكتابة «۱۹» مرة اكبر من احتبال ظهوره «۱۸» مرة.

نأتي هنا لاستخدام المرموز بدلاً من الأرقام. ونرمز الى العدد الكلي للرميات الـذي هو (٤٠) رمية بـ «ن»، و لعدد الرميات التي يراد قياس احتيالها بـ «و»، ولقيمة احتيال ظهور وجه الكتابة بـ (هـ). حينئذ ستكون معادلة «برنولي» كما يلي: ح (و+ ١)

$$=\frac{\frac{\ddot{\psi}!}{(\varrho+1)! [\dot{\psi}-(\varrho+1)]!} \times (\Delta_{\omega})^{(\varrho+1)} \times (I_{-\omega})^{[\dot{\psi}-(\varrho+1)]}}{\frac{\ddot{\psi}!}{(\varrho! (\dot{\psi}-\varrho)!} \times (I_{-\omega})^{[\dot{\psi}-1)}}$$

$$\frac{(1-a)^{(k-1)}(-a-1) \times (-k^{(k+1)} \times (-a-1)^{(k-1)} \times (-a-1)^{(k-1)}}{(1-a)^{(k-1)} \times (-a-1) \times (-a-1)^{(k-1)} \times (-a-1)^{(k-1)}} =$$

$$= \frac{\dot{\upsilon} - e}{e + 1} \times \frac{\Delta_{-}}{1 - \Delta_{-}}$$

مثال «١٦»: ما هي عدد المـرات التي تنمتع بأكبر قيمة احتبالية لظهور وجه الصورة, اذا ما قذفنا بقطعة النقد «١٥» مرة؟

تعرفنا في المثال السابق على الكسر الذي يتم بموجبه قياس أي

١٨٢ منطق الاستقراء

الاحتمالين هو الاكبر، احتمال «و» أو احتمال (و + ١)؟ وكان الكسر مساوياً للمعادلة التالية:

$$\frac{3-6}{6+1} \times \frac{3-6}{1+6}$$

أي أن قيمة احتمال ظهور الصورة في
$$(e^{+1})$$
 = $\frac{o-e}{e+1}$ × $\frac{a}{-a-1}$

فاذا تساوى البسط والمقام وكانت نتيجة الكسر واحداً فهذا يعني ان احتيال ظهور وجه الصورة في «و» من المرات مساو لاحتيال ظهور وجه الصورة في «و + ۱» من المرات. اما اذا كانت النتيجة أكبر من واحد فهذا يعني أن البسط أكبر من المقام وكان احتيال ظهور وجه الصوره في (و + ۱) أكبر من ظهورها في «و» من المرات.

و نحن نستطيع ان ننطلق من المعادلة:

لاكتشاف عدد المرات التي تتمتع باكبر قيمة احتمالية لظهور وجه الصورة في حال قذفنا لقطعة النقد «١٥» مرة. ونبدأ بطرح الاستفهام التالي:

هل هناك مقياس يمكن أن نتخذه قاعدة نستعين بها على معرفة الاجابة على الاستفهام التالي: «متى يكون البسط مساوياً للمقام في الكسر

أي حين يكون احتهال «و» مساوياً لاحتمال «و + ١»؟

نعم هناك مقياس يمكن اعتهاده كقاعدة لمعرفة تساوي البسط

نظرية الاحتيال «٢»

والمقام، وهذا المقياس هو اذا كانت «و» مساوية للحد التالي:

(المجموع الكلي لرميات قطعة النقد × احتهال ظهور وجه الصورة في رمية من الرميات ــ احتمال عدم ظهوره).

وإذا رمزنا إلى المجموع الكلي للرميات بـ «ن»، وإلى قيمة احتيال ظهور وجه الصورة بـ «هـ»، حينئذ يمكن أن نضع الحد في الصيغة الرمزية التالية: [ن \times هـ _ (\cdot _ هـ)].

ولكن ما هو الـبرهان على ان «و» اذا ساوت الحد فسوف يكون احتمال «و» مساوياً لاحتمال (و + ۱)، وان [(ن ـ و) × (هـ)] = (١ + و) × (١ ـ هـ)?

الجواب: نستطيع البرهنة على ذلك باستبدال الحد بـ «و» في كل من $\frac{\dot{v}-e}{1-e}$ ، فاذا كانت نتيجة المعادلة هي $\frac{1}{1-e}$ ، فاذا كانت نتيجة المعادلة هي

التساوي سيثبت حينئذ أن احتمال (و + ۱) يساوي احتمال (و)، وان (ن – و) \times (هـ) = (۱ + و) \times (۱ ـ هـ).

نأتي اولاً مستخدمين الرموز:

$$\frac{\dot{\sigma}-e}{1+e} \times \frac{e}{1-e}$$

نعوض عن (و) بالحد، فتصبح المعادلة كما يلي:

١٨٤ منطق الاستقراء

نأتي ثانياً مستخدمين الارقام بدل الرموز، ونفترض ان (ن) = ١٥. $\frac{1}{2}$.

$$\frac{\frac{1}{\gamma}}{\frac{1}{\gamma}} \times \frac{(\frac{1}{\gamma} - 1) - \frac{1}{\gamma} \times 10^{-10}}{(\frac{1}{\gamma} - 1) - \frac{1}{\gamma} \times 10^{-10}}$$

نظرية الاحتبال «٢»مم

$$\frac{\frac{1}{\sqrt{1-1}}}{\frac{1}{\sqrt{1-1+1}}} \times \frac{\frac{1}{\sqrt{1-1+1}}}{\frac{1}{\sqrt{1-1+1}}} =$$

$$\frac{\frac{1}{\sqrt{1+\sqrt{\frac{1}{2}}}}}{\frac{1}{\sqrt{1+\sqrt{\frac{1}{2}}}}} =$$

$$r = \frac{\lambda}{\lambda} = \frac{\frac{\lambda}{\lambda} - \lambda \frac{\lambda}{\lambda}}{\lambda} =$$

يتبين لنا أن أي عدد من الرميات «و» أذا اخذناه ضمن «ن» من رميات قطعة النقد، وكان هذا العدد مساوياً في قيمته العددية لقيمة الحد [ن ×هـ(١-هـ)]فسوف تكون قيمته الاحتالية مساوية لقيمة احتال (و + ١).

ونستطيع أن نبرهن أيضاً على أن عدد المرات، التي يظهر فيها وجه الصورة، اذا كان أصغر من الحد فسوف يكون احتيال (و) أصغر من احتيال (و+ ١)، اذ لو افترضنا أن (و) أصغر من الحد فسوف يكون احتيال ظهور وجه الصورة في (و) من المرات أصغر من احتمال ظهوره في (و + ١).

البرهان: يتبين هذا البرهان على افتراضان (ن) = ١٥، و(هـ) =
$$\frac{1}{2}$$
 البرهان على افتراضان $\frac{1}{2}$ احتمال $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$

نعوض عن «و» بأي عدد هو أقل من الحد [ن × هـ ـ (۱ ـ هـ)]، والحد في مثالنا يساوي «۷ » فلنعوض عن «و» بأي عدد هو أصغر من «۷ » ولو بـ $\frac{1}{2}$. حينئذ سنجد أن احتمال (و + ۱) سيكبر عن احتمال «و». مليون

$$\frac{c_{-1}}{c_{-1}} \times \frac{c_{-1}}{c_{-1}} = \frac{c_{-1}}{c_{-1}} \times \frac{c_{-1}}{c_{-1}} \times \frac{c_{-1}}{c_{-1}} \times \frac{c_{-1}}{c_{-1}}$$

$$\frac{\frac{1}{Y}}{\frac{1}{Y}} \times \frac{(\frac{1}{Y}, -Y) - 10}{\frac{1}{Y}} =$$

نظرية الاحتيال «٢»نظرية الاحتيال «٢»

$$\frac{\frac{1}{Y}}{\frac{1}{Y}} \times \frac{\frac{1}{1/Y} + Y - 10}{\frac{1}{1/Y} - Y + 1} =$$

$$\frac{\frac{1}{\sqrt{1 + \lambda}} + \lambda}{\frac{1}{\sqrt{1 + \lambda}} - \lambda} =$$

ونستطيع أن نبرهن أيضا على ان عدد «و» اذا زاد عن الحد بواحد، فسوف تكون قيمة احتمال «و» أكبر من قيمة احتمال «و + ۱».

الفرض: ان «ن» = ١٥، وأن «و» أكبر من الحد بواحد،وان هـ = $\frac{1}{7}$

البرهان:

$$\frac{V}{q} = \frac{1}{q} = \frac{1}{q} \times \frac{1}{q} \times \frac{1}{q} \times \frac{1}{q} \times \frac{1}{q} = \frac{1}{q} \times \frac{1}{q} \times \frac{1}{q} = \frac{1}{q} \times \frac{1}{q} \times \frac{1}{q} = \frac{1}{q} \times \frac{1}{q} \times \frac{1}{q} \times \frac{1}{q} \times \frac{1}{q} \times \frac{1}{q} = \frac{1}{q} \times \frac{1}$$

وهذا يعني ان قيمه احتيال «و» أكبر من قيمة احتيال (و + ١). فيضوعها تقدم اتضحالنا آنَفاً انسااذا قذفنا قطعة النقد «ن» مرة، واردنا ان نتعرف على عدد المرات التي تتمتع بأكبر قيمة احتالية لظهور وجه الصورة، فنستطيع ذلك عن طريق حساب القيمة الاحتالية لكل اعداد المرات.

واتضح أيضاً ان عدد المرات اذا ساوى الحد فسوف تكون قيمته الاحتيالية مساوية لعدد المرات + ١. وان عدد المرات اذا كان أكبر من الحد بواحد فسوف تكون قيمته الاحتيالية اكبر من عدد المرات + ١. وان عدد المرات اذا كان أصغر من الحد فسوف يكون احتيال عدد المرات + ١ اكبر من احتيال عدد المرات.

على هذا الاساس نستطيع ان نقول: اننا اذا قذفنا قطعة النقد «ن» مرة، فعدد المرات التي تتمتع باكبر قيمة احتالية لظهور وجه الصورة يجب أن لا تكون أصغر من الحد، لانها لو كانت اصغر من الحد فسوف لا تكون العدد الذي يتمتع باكبر قيمة احتالية لظهور وجه الصورة. لأن العدد المفروض + ١ سيكون أكبر قيمة من احتال العدد المفروض .

.. عدد المرات الأكبر احتبالا لظهور وجه الصورة يجب ان لا تكون أصغر من الحد، أي اصغر من [العدد الكلي لرميات قطعة النقد × قيمة احتبال ظهور وجه الصورة _ (١ _ قيمة احتبال ظهور وجه الصورة)]، واذا استخدمنا الرموز نقول ان اكبر قيمة لـ «و» في «ن» يجب أن لا تكون أصغر من [ن × هـ _ (١ _ هـ)]. كما نستطيع أن نقول على ضوء ما تقدم:

ان عدد المرات الأكبر احتمالا يجب أن لا تزيد على الحد بأكثر من

نظرية الاحتيال «٣»نظرية الاحتيال «٣»

واحد. لان عدد المرات التي تساوي قيمة «الحد» تساوي في قيمتها الاحتيالية لعدد المرات + ١، وما يزيد عن الحد بواحد أكبر احتيالاً مما هو اكبر منه في عدد المرات.

نستطيع أن نحصر عدد المرات التي تتمتع باكبر قيمة في المنطقة
 التي تبتدأ بالحد وتنتهي بالحد + ١.

أي من [العدد الكلي للرميات × قيمة احتمال الحادثة _ (١ _ قيمة احتمال الحادثة _ (١ _ قيمة احتمال الحادثة _ (١ _ قيمة احتمال الحادثة) + ١].

واذا استخدمنا الرموز يكون العدد الأكبر احتيالا مرددا بين: [ن×هــ(١ـهـ)] ← [ن×هــ(١ـهـ) + ١].

ملاحظة(١):

لعلك تتساءل عن مصدر قاعدة التوافيق، ومن اين تستمد هذه القاعدة قيمتها البرهانية، أي من أين تأتي المعادلة التي تقول: عدد صور (م) في (ن)

$$\frac{! \dot{o}}{!(c-\dot{o})!c} =$$

١٩٠ منطق الاستقراء

نبدأ بالمثال التالي:

لدينا عشرون كرة قذفها اللاعبون على الهدف, وكانت ثلاث كرات فقط من هذه العشرين كرة قد أصابت الهدف, فلوناها باللون الابيض ولونا سائر الكرات باللون الاحر, ثم أخذنا الكرات العشرين, فوضعناها في صندوق مغلق ثم أردنا سحب ثلاث كرات من الصندوق فها هي قيمة احتمال ان تخرج الكرات الثلاثة كلها بيضاء؟

قبل أن نطبق المعادلات الرياضية ونخرج بنتيجة المسألة، نرجح أن نستفتي التفسير الاجمالي، لنرى كيف يعالج المسألة؛

يقول التفسير الاجمالي: اننا حبنها نريد سحب ثلاث كرات من حقيبة ذات عشرين كرة سنعلم اجمالا بصورة من احدى مجموعة صور، وقيمة احتمال ان تخرج الكرات الثلاثة بيضاء

وحينها نستعين بالطريقة التي تقدمت في الفصل السابق لتحديد عدد اعضاء العلم الاجمالي، علينا بترقيم الكرات من (١) الى (٢٠)، ثم افتراض (٣) منها من (١) الى (٣) او (٥) الى (٧) او.......... هي الكرات البيضاء وحينئذ سنواجه الصور التالية:

نظرية الاحتبال «٣»

١_ أن تخرج (١، ٢، ٣).

۲_ أن تخرج (١، ٢، ٤).

٣_ أن تخرج (١، ٢، ٥).

٤_ أن تخرج (١. ٢. ٦).

وهكذا الى.....١١٤٠ صورة.

اذن: المجموع الكلي لأطراف العلم الاجمالي يساوي (١١٤٠) طرفاً. اما ما هي عدد الأطراف التي تلازم خروج الكرات الثلاثة بيضاء؟ عند مراجعة قائمة الصور (١١٤٠) نجدها صورة واحدة وطرفاً واحداً.

اذن قيمة احتمال خروج ثلاث كرات بيضاء = ١١٤٠/١.

نأتي الى حساب الاحتمال وقواعده، لنرى كيف تعالج المسألة. نلاحظ اننا نريد استخراج احتمال خروج الكرة الاولى بيضاء والثانية بيضاء والثالثة بيضاء. وفي مثل هذه المسألة لابد من تطبيق قاعدة الضرب، واستخدام بديهية الاتصال.

لنرمز الى احتهال خروج الكرة الاولى بيضاء به (ح «م») ولاحتهال خروج الكرة الثالثة بيضاء به (ح «ث»)، ولاحتهال خروج الكرة الثالثة بيضاء به (ح «ل»)، ونحن نريد قياس درجة حدوث هذه الوقائع مجتمعة بالنسبة الى حادثة وجود عشرين كرة في الصندوق، ونرمز للمجموع الكلي للكرات به (ن).

نطبّق بديمية الاتصال، وحيث ان الاحتيالات مشر وطة في المثال يلزم أن نجري قاعدة الضرب في الاحتيالات المشروطة، وسيكون لدينا:

ح $\frac{c}{c} = \frac{7}{19}$ ، لأن الاحتمالات هنا مشروطة، فخروج الكرة الثانية بيضاء على تقدير خروج الكرة الاولى بيضاء يعني على تقدير وحد (١٩) كرة، وكرتان منها سضاوان.

$$\frac{1}{1 \wedge 1} = \frac{J}{0.000}$$

$$\frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \frac{1}{10} = \frac{1}{100} \times \frac{1}{100$$

$$\frac{! \ \forall}{\left[(1-T)_{-}T\cdot\right]\times(1-T\cdot)\times Y\cdot} = \frac{1\times Y\times Y}{1\times 14\times 14\times T\cdot} =$$

اذن! المجموع الكلي لأطراف العلم الاجمالي = (٢٠) طرفاً. والاطراف التي في صالح خروج الكرة بيضاء = (٣) أطراف. واحتال خروج الكرة بيضاء =

نظرية الاحتيال «٣» ١٩٣

نعوض عن الارقام بالرموز م = ٣، ن = ٢٠، سوف يكون لدينا ما :

 $\frac{! r}{[(1-r)-i]\times\times (1-i)\times i} = \frac{! r}{[(1-r)-1]\times (1-r)\times r}$

اذن: احتمال خروج ثلاث كرات بيضاء اذا كانت لدينا عشرون كرة، ثلاث منها بيضاء =

ن × (ن - ۱).....×[(ن - ۱ - ۱)]

أي: عدد الـصـور المـلائـمـة لخروج ثلاث كرات بيضاء المجموع الكلي لصور خروج ثلاث كرات

اذن: اذا أردنا أن نعرف عدد صور (م) في (ن)، أي عدد صور (٣) في (٢٠) علينا ان نقلب الكسر، ويكون الكسر

> م الشكل التالي: ن × (ن ـ ۱) ×.... [ن ـ (م - ۱)]

١٩٤ منطق الاستقراء

ونستطيع تحويل هذا الكسر الى كسر آخر، وذلك بضرب (ن ـ م) ! في البسط والمقام معاً. حينئذ يكون لدينا:

$$\frac{(i - i) \times ((i - j) - i) \times \dots \times (i - j)!}{(i - j) \times (i - j)!} =$$

$$\frac{1 i}{1 (i-1)!} =$$

ونست طبع تكوين صورة اوضع عن هذه المعادلات، اذا استبدلنا الرموز بالارقام، وحيث ان (م) = % . و(ن) = % . و(ن – (– 1) = % .

$$|i_{C_0!}| \frac{c \times (c_{-}!) \times \times [c_{-}!]}{c}$$

$$= \frac{c \times (c_{-}!) \times A!}{c \times c}$$

نضرب بسط الكسر ومقامه بكمية وأحدة، وهي (ن ـ م) ا، وحيث أن رن ـ م) = (\(\text{V} - \text{V}) = \((\text{V} - \text{V}) + \text{V}) \).

$$\frac{1 \cdot 1 \cdot 1}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 1} = \frac{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 1}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 1} = \frac{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 1}{1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 1} = \frac{1 \cdot 1 \cdot 1}{1 \cdot 1} = \frac{1 \cdot 1}{1 \cdot 1} = \frac{$$

نظرية الاحتمال «٢»نطرية الاحتمال «٢»

نعوَّض عن الارقام بالرموز فيكون لدينا ما يلي:

$$\frac{10}{1(r-1)1r} = \frac{17}{1 \times 17}$$

ملاحظة (٢):

قلنا ان الاحتيال الاكبر قيمة (م) يتراوح بين:

$$[\mathsf{i} \times \mathsf{a}_{-} \mathsf{i} \times \mathsf{i} \times \mathsf{a}_{-} \mathsf{i} \times \mathsf{i} \times$$

واذا قسمنا حدود المتباينة على (ن) حيننذ تصح المتباينة التالية:

$$\frac{[i \times a_{-}(i-a)]}{i} \leqslant \frac{1}{i} \leqslant \frac{[i \times a_{-}(i-a)+1]}{i}$$

$$\frac{1}{c} = \frac{1}{c} = \frac{1}$$

$$\frac{-\mathbf{a}}{\dot{\mathbf{b}}} + \mathbf{a} = \frac{-\mathbf{a}}{\dot{\mathbf{b}}} + \frac{-\mathbf{a} \times \dot{\mathbf{b}}}{\dot{\mathbf{b}}} =$$

$$\frac{-\Delta}{\alpha} + \Delta \gg \frac{1}{\alpha} \gg \frac{\Delta - 1}{\alpha} - \Delta$$

١٩٦ منطق الاستقراء

ملاحظة (٣):

لنف ترض أن (هـ) التي هي رمز لقيمة احتيال وقوع الحادثة (وجه الصورة) في كل مرة من مرات رمي قطعة النقد تساوي ﴿ ، حينئذ تصح المادلة التالية:

$$\frac{1}{\sqrt{\lambda}} + \frac{1}{\lambda} > \frac{1}{\sqrt{\lambda}} > \frac{1}{\sqrt{\lambda}} - \frac{1}{\lambda}$$

أي ان عدد المرات الاكثر احتبالا بالنسبة الى العدد الكلي لمرات $rac{y_1}{v}$ قذف قطعة النقد يتراوح بين $rac{y_1}{v}$

من هنا فكلها ازداد عدد (ن) فهذا يعني تضاؤل الكسرين $\frac{1-\frac{\gamma'}{v}}{v}$ و $\frac{\gamma'}{v}$ الى درجة يمكن معها اهمالهما، وتكون $\frac{1}{v}$ بين γ' و γ' ، أي مساوية للنصف.

على هذا الأساس يصح لنا في ضوء معادلات وتوزيع برنولي أن نقرر الحقيقة التالية:

(ان عدد المسرات الاكسبر احتالا يميل بزيادة العدد الكلي للاختبارات الى الاقتراب من قيمة احتال الحادثة منفردة، وعندما تزداد الاختبارات بشكل كبير يمكننا ان نؤكد ان عدد المرات الاكبر احتالا بالنسبة لعدد الاختبارات، التي اجريناها، يساوي قيمة احتال الحادثة منفردة).

نظرية الاحتبال «٢» ١٩٧

امثلة حول معادلات برنولي:

المثال الاول:

القيت خمس قطع نقدية الى الاعلى فها هي قيمة احتمال ظهور وجه الصورة في قطعـه واحدة، وفي قطعتين، وفي ثلاث، وفي أربع، وفي خمس، واحتمال أن لا يظهر في القطع الخمس.

الحل:

نفترض أن قطعة النقد طبيعية وسالمة. حيث يكون احتيال ظهور الصورة ﴿ ﴿ ، ونسرمز الى احتيال ظهور الصورة بــ (ح)، وعلى أساس معادلات برنولى نستطيع تحديد قيم الاجتيالات السنة:

$$\frac{1-\delta}{2} \left(\frac{1}{2} \right) \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$$

 $\nabla \lambda = \frac{0!}{\lambda! (0-\lambda)!} \times (\lambda/\lambda) \times (\lambda/\lambda) \times (\lambda/\lambda)$

. ١٩٨ منطق الا

$$=\frac{1}{2}\left(\frac{1}{2}\right)^{2}\times\left(\frac{1}{2}\right)^{2}\times\left(\frac{1}{2}\right)^{2}\times\left(\frac{1}{2}\right)^{2}$$

$$\frac{1}{rr} = \frac{1}{r} \times \frac{1}{r} = \frac{1}{r}$$

$$T = T = \frac{\sigma!}{T!} \cdot \frac{1}{T!} \cdot$$

$$= \frac{0 \times 3 \times 7!}{7! \times 7!} \times (\frac{f_{10}}{7})^{2} \times (\frac{7}{7})^{7}$$

$$= \frac{6 \times 3}{7} \times (\frac{1}{7}) \times (\frac{1}{7}) \times = \frac{6 \times 6}{7} = \frac{1}{7}$$

$$\frac{\lambda\lambda}{1} = \frac{\lambda\lambda}{1\times1} =$$

$$3 = \frac{1}{3!} (0-3)! \times (\frac{1}{4})^3 \times (\frac{1}{4})^{0-3}$$

نظرية الاحتال ٣٦٥نظرية الاحتال ٣٦٥ المستعدد الاحتال ٣١٩٩

$$\frac{\lambda^{4}}{\phi} = \frac{\lambda^{4}}{\phi} = 0 \times (\frac{\lambda^{4}}{\lambda^{4}}) \times 0 = 0$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} \right) \times \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} \right) \times \frac{1}{2} = 0$$

$$\frac{1}{100} \left(\frac{\lambda^{k}}{100} \right) \times \left(\frac{\lambda^{k}}{100} \right) \times \frac{1}{100} = -5$$

$$\frac{AA}{\sqrt{1 + 1 + 1}} \times \sqrt{1 \times 1} = \frac{AA}{\sqrt{1 + 1 + 1}} \times \sqrt{1 \times 1} = \frac{10}{\sqrt{1 \times 1}} = \frac{10}{\sqrt{1 \times 1}}$$

ولاجل معرفة العدد الاكبر احتمالا لظهور الصورة في هذا المثال مكننا تطبية القاعدة:

$$[i \times a_{-}(1 - a_{-})] \leftrightarrow [i \times a_{-}(1 - a_{-}) + 1].$$

حيث سوف يكون العدد الأكبر احتمالا محصورا في هذه المنطقة ولأحل معرفة عدد المرات الاكبر احتمالا، نفرض:

۲۰۰

حينئذ نحصل على ما يلي:

$$(0 \times \sqrt{1 - 1 + \sqrt{1}}) \longleftrightarrow (0 \times \sqrt{1 - 1 + \sqrt{1}} + 1).$$

$$(\sqrt{1 - 1 + \sqrt{1}}) \longleftrightarrow (\sqrt{1 + 1 + \sqrt{1}})$$

. T ← → T.

فالعددان ٢. ٣ هما الأكبر احتبالاً، وهذا مطابق تماماً لما تم حسابه وفق قاعدة التوافيق.

حيث كان ح
$$Y = \frac{1}{mY}$$
 ، رح $Y = \frac{1}{mY}$ ايضاً وباقي الاحتالات أقل من ذلك.

المثال الثاني:

اتضع من خلال المشاهدات المتكررة ان نسبة سقوط المطر في اليوم الاول من شهر مارس $\frac{2}{17}$ ، فها هو العدد الاكبر احتهالا لسقوط المطر

في الاول من مارس في ظرف الخمسين سنة القادمة؟.

ن = ٥٠.

نطبق قانون برنولي:

$$[1 + \frac{1}{\sqrt{V}} + 1 - \frac{1}{\sqrt{V}} \times 0 \cdot] \iff [\frac{1}{\sqrt{V}} - \frac{1}{\sqrt{V}} \times 0 \cdot] =$$

نظرية الاحتيال ٣٧»نظرية الاحتيال ٣٧»

$$= \frac{1}{\sqrt{1}} + \frac{1}{\sqrt{1}} \leftrightarrow \frac{1}{\sqrt{1}} + \frac{3}{\sqrt{1}} = \frac{1}{\sqrt{1}} \leftrightarrow \frac{1}{\sqrt{1}} = \frac{1}{\sqrt{1}} \to \frac{1}{\sqrt{1}} = \frac{1}{\sqrt{1}} \to \frac$$

اذن: الاحتمال الاكثر وقوعاً لسقوط المطر في أول مارس خلال خمسين عاما هو (١١، ١٢) يوماً.

المثال الثالث:

اذا علم أن ربع عدد عال مؤسسة من المؤسسات يحملون شهادة البكالوريا، قاذا اخترنا (١٥٠٠) عاملًا من العال بشكل عشوائي، أوجد الاحتال الاكبر لعدد العال الحاصلين على شهادة البكالوريا من (١٥٠٠) عاملًا.

الحل:

م يقع في المنطقة:

$$\left[\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \times 1000\right] \Leftrightarrow \left[\frac{\pi}{2} - \frac{1}{2} \times 1000\right]$$

٢٠٢ منطق الاستقراء

اذن: العدد الاكبر احتمالا للحاصلين على شهادة البكالوريا من (١٥٠٠) عاملًا اخترناهم غشوائياً يساوى (٣٧٥) عاملًا.

ملاحظة:

يمكن استبدال الاشارة خا التي تعني ان القيمة الأكبر احتالا تتردد بين الحد وما يزيد عنه بواحد، اي ليست أصغر من الحد ولا اكبر منه بأكثر من واحد ـ يمكن استبدالها بالشارة الرياضية
التي تعني أكبر أو يساوي فتكون المتباينة:

 $[i\times A_{-}(I-A_{-})]\leqslant q\leqslant [i\times A_{-}(I-A_{-})+I].$

ثانياً: نظرية برنولي « النص»

(اذا اجرينا مجموعة مكونة من عدد كبير من الاختبارات (ن) يمكننا ان نتوقع باحتيال قريب من الواحد وقوع الحادثة (آ) عددا من المرات (ك) بحيث تكون (ك) قريبة جدا من القيمة الأكبر احتيالا، ويختلف هذا العدد عن القيمة الاكبر احتيالا بمقدار صغير جدا بالنسبة لعدد الاختبارات (ن)، التي نجريها).

اثبات نظرية برنولي:

اتصع من النص السابق لنظرية برنولي ان هذه النظرية تؤكد على ان عدد المرات التي تقع فيها الحادثة (آ) تصبح قريبة جداً من عدد المرات الأكثر احتالاً لوقوع الحادثة اذا كانت الاختبارات كثيرة جداً، ولأثبات ذلك لابد ان يثبت ايضا ان القيم الاحتمالية التي يمثلها عدد المرات الأكبر

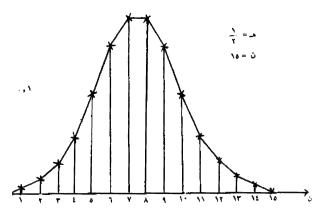
احتهالاً وما يقرب منها تشكل قيمة كبيرة جداً من احتهالات (ن)، بحيث ان ما سواها من قيم احتهالية تبلغ درجة من الصغر، يمكن معها اهمال هذه القيم والتأكيد على ان قيمة (م) وما حواليها تساوي (١) تقريباً.

وقد استدعى اثبات هذه النظرية واقامة البرهان الرياضي عليها استخدام معادلات رياضية رياضية رياضية للبرهنة على اثبات نظرية (برنولي) ابتكرها العالم الروسي (تشييتشف) يعتبرها المختصون من أسهل وأخصر الطرق لاثبات نظرية برنولي.

لعلنا نقترب من فهم اثبات نظرية برنولي، بل نقترب أيضاً من فهم توزيع برنولي اذا استعنا بالرسوم البيانية لتوضيح مفاهيم التوزيع والنظرية، التي أقامها برنولي على أساسها، ونحن هنا نحاول الافادة من الرسم البياني، الذي يوضح فكرة التوزيع، والرسم البياني الذي يوضح اثبات (تشييتشف).

٢٠٤ منطق الاستقراء

. . . , 1



يوضح هذا الرسم البياني العلاقة بين عدد المرات المفترضة لوقوع الحادثة، وبين درجة احتمال كل واحدة من المرات المفترضة، وعدد المرات المفترضة في هذا الرسم البياني (١٥) مرة.

ان الخطوط العمودية التي يحتوي عليها الهرم المرسوم في وسط الدالة تشير الى قيمة الاحتيال، ومن الواضح ان الخطين (٧. ٨) هما أكبر الخطوط، كما انها متساويان، وهذا يعني: ان (٧. ٨) في (ن) من المرات هي المرات الأكثر احتيالًا لظهور وجه الصورة، الذي كان احتياله مساوياً لـ ($\frac{1}{V}$) في كل رمية منفردة، وهذه الحقيقة التي يؤشرها الرسم البياني تم اثباتها من خلال معادلات برنولي.

لكن حقيقة أخرى يطرحها الرسم البياني بوضوح، ولم نستنتجها

من معادلات برنولي، الحقيقة هي ان احتبال عدد المرات يأخذ بالصعود، حتى يصل الى اعلى نقطة في الهرم، ثم يأخذ بالهبوط حتى يصل الى ما يقرب من الصفر، على ان الهبوط يتناسب تناسباً كاملاًمع الصعود، فكيا ان قوس الصعود يخترق نقاطا محددة يخترق قوس النزول ايضا نفس النقاط، وهذا موضح أيضاً في الرسم البياني، حيث أشرنا على نقاط قوس الصعود بعلامة (×)، وعلى نقاط قوس النزول بعلامة (×).

اذا لاحظنا نقاط (×) قوس الصعود، والنزول ولاحظنا الاعمدة الرئيسية، التي تقف عند كل نقطة من النقاط، نجد تساوي كل عمودين رأسيين، فكل عمود في قوس النزول، وهذا يعني تساوي احتالات المرات التي يمثلها كل عمودين رأسيين متساويين.

وتستطيع استنتاج هذه المعادلة من معادلات برنولي المتقدمة.

لاحظ الرسم البياني، وافترض أي واحدة من المرات (م)، تجد أن احتمال (م) من (ن) يساوي احتمال (ن ـ م) في (ن).

اذن: المطلوب استنتاجه من معادلات برنولي هو المعادلة التالية:

 $-(a_{-}) = -(a_{-})$

ولأجل اختصار البرهنة نستعين بحقيقة هامة جداً، أوضحتها الامثلة والقواعد السابقة بشكل لا غبار عليه، وهذه الحقيقة هي:

ان قيمة احتمال أي عدد من المرات يرتهن أساساً بعدد توافيق (م) في (ن). اذا كانت (هـ) = ﴿ ﴿ ، لأن احتمال (م) في (ن).

$$\uparrow^{-3}(\triangle) \times '(\triangle) \times \frac{! \circ}{(\triangle - 3)!} \times \frac{! \circ}{! \circ (\triangle - 3)!} =$$

٢٠٦ منطق الاستقراء

و (هـ) × (هـ) $^{-1}$ تبقى ثابتة في كل عدد من المرات. وثباتها في مثالنا واضح جدا، اذ ما دام (هـ)= $\frac{1}{7}$. أي أن (هـ) = (١ ـ هـ) فسوف يكون:

(P-0) × (A) × P-0(A) = P-0 (A) × (A)

انها الذي يتغير. وتتغير تبعاً له درجة الاحتهال هو عدد توافيق (م) في (ن). ولأجل اثبات أن:

((0, -1)) = (0, -1)

نقتصر على اثبات التساوي بين عدد توافيق (م) في (ن)، وعدد توافيق (ن ـ م) في (ن).

$$\frac{! \ \dot{\upsilon}}{! \ (r - \dot{\upsilon}) \cdot (r - \dot{\upsilon})} = \frac{! \ \dot{\upsilon}}{! \ (r + \dot{\upsilon} - \dot{\upsilon}) \cdot (r - \dot{\upsilon})} = \frac{! \ \dot{\upsilon}}{! \ (r - \dot{\upsilon}) \cdot (r - \dot{\upsilon}) \cdot (r - \dot{\upsilon})} = \frac{! \ \dot{\upsilon}}{! \ (r - \dot{\upsilon}) \cdot (r - \dot{\upsilon}) \cdot (r - \dot{\upsilon})} = \frac{! \ \dot{\upsilon}}{! \ (r - \dot{\upsilon}) \cdot (r - \dot{\upsilon}) \cdot (r - \dot{\upsilon}) \cdot (r - \dot{\upsilon})}$$

$$\frac{1 i}{(i-1)! n!} =$$

اذن ؛ توافيق (م) في (ن) = توافيق (ن ـ م) في (ن)، وهذا يعني أن:

 $-(h - i)_{i} = (h)_{i} =$

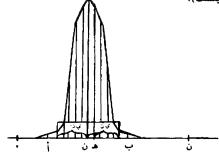
۱۲←۱ ۱۳←۲ ۱۶←۱
 ۱۲←۱ ۱۳←۲ ۱۰←۱
 ۱۲←۱ ۱۰←۱
 ۱۵←۱ ۱۰←۱
 ۱۵←۱ ۱۰←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 ۱۵←۱
 <l

ومن هنا رجحنا الصيغة:

الحد ≤ م ≤ ما يزيد على الحد بواحد على الصيغة التي جاءت في كتاب (الأسس المنطقية للاستقراء):

الحد ≤م < ما يزيد على الحد بواحد، لان الصيغة (≤م <) تلائم حالة ما اذا كانت عدد المرات (ن) متمثلة في رقم زوجي.

نأتي لملاحظة الرسم البياني، الذي يؤشر التقاط الرئيسية في اثبات (تشييتشف).



يوضح هذا الرسم البياني المفردات والاسلوب الذي تمّ به لـ (تشييتشف) اثبات نظرية برنولي.

وقبل أن ناتسي الى عرض اثبات (تشيبتشف) يجب تحديد مفاهيم الحدود الرمزية، التي اعتمدها هذا الاثبات تحديداً واضحاً، وعلينا ان نحتفظ بشكل كامل بهذه المفاهيم ومعادلاتها الرمزية في أذهاننا.

لكي يتسنى لنا متابعة هذا الاثبات الذي يبدو معقداً، لكن وضوح السطابق بين الرمز ودلالته يساعدنا كثيراً على فهم هذا الاثبات وتذوق طعمه الشبق، والبك الرموز ودلالاتها:

ن: العدد الكلي للاختبارات.

م: الاختبارات الناجحة.

هـ: احتمال وقوع الحادثة بشكل منفرد في كل اختبار من الاختبارات.

ح: الاحتال بشكل عام.

ن هـ: عدد المرات الأكبر احتمالًا.

ي ن: عدد من الاختبارات صغير جداً ضمن (ن) من الاختبارات.

= : يساوى تقريباً.

اثبات تشييتشف:

نعود لنتذكر نص نظرية (برنولي)، حيث تؤكد هذه النظرية: اننا اذا كانت لدينا (ن) كبيرة جدا، فان (هـ ن) وما يقرب جداً منها من المرات سوف تستحوذ على مجموعة كبيرة من الاحتيالات التي تتوزع على (م)، وان ما عدا (هـ ن) وما يقرب منها سيستحوذ على قيم احتيالية صغيرة جدا نظرية الاحتيال «٢»نظرية الاحتيال «٢»

بالنسبة لمجموع احتمالات (م)، بحيث يمكننا اهمالها، ونقول ان ح (هـن) وما يقرب منها يساوي رقم اليقين تقريبا.

وقد جاءت محاولة (تشييتشف) لتثبت لنا ان ما تستحوذ عليه م_ (هـ ن) وما يقرب جداً منها صغير صغراً كافياً يتيح لنا اهماله والقول بان ح (هـ ن)، وما يقرب منها جداً يساوي رقم اليقين (١) تقريباً.

وبغية ايضاح اثبات (تشييتشف) ايضاحاً كاملًا، نحدد الفرضية اولًا، ثم نحدد المطلوب اثباته، ثم نتسلسل مع البرهان خطوة خطوة:

فرضية الاثبات:

لدينا عدد كبير من الاختبارات (ن) ولدينا ايضا (م)، وهو عدد الاختبارات الناجحة، و(هـ) عبارة عن قيمة احتبال وقوع الحادثة منفردة، وان (ن هـ) هي عدد الاختبارات الأكثر احتبالًا، لان:

هـن+هـ 🛥 هـن.

هـ ن ـ (١ ـ هـ) = هـ ن.

لأننا افترضنا ان (ن) كبيرة جداً. وأنهم (١-ﻫـ) صغيرةجداً.

ولدینا أیضاً (ي). وهو مقدار صغیر جداً من مجموع (ن)، بحیث تکون قیمته علی حد به او به من«ن».

المطلوب أثباته:

نريد أن نبرهن على ان (م) لا تزيد ولا تنقص عن (ن هـ) الا قليلاً، وان عدد الاختبارات الناجحة قريب جداً من (ن هـ)، بحيث ان الفارق ۲۱۰ منطق الاستقراء

ويمكننا التعبير عن هذه الحقيقة باسلوب آخر وبالطريقة الرمزية المتالية:

ح (| م ـ ن هـ | > ين).....(١)..

ويمكن إيضاح المطلوب اثباته من خلال الرسم البياني، حيث تريد أن نثبت رياضياً ما هو مثبت في الرسم من أن (م - ن هـ)، التي تعني مجموع الاحتالات، التي تقع خارج القطعة (آب) قليلة جداً، ففي الرسم البياني تقسل المستقيات العمودية قيمة احتال عدد المرات التي يحددها الخط الافقي، وواضح أن الاحتالات الاساسية يستحوذ عليها (ن هـ). وما يقرب منه جداً في المنطقة (آب)، أما المستقيات العمودية التي تقع خارج هذه المنطقة فهي قليلة جدا بالنسبة الى مجموع المستقيات الرأسية التي تقع فل كل الهرم.

البرهان:

تقدم ان المطلوب حسابه عبارة عن قيمة احتال عد الاختبارات الناجحة التي تقم على جانبي (أُ، ب) وقد رمزنا الى هذا المطلوب بـ [ح (أ م - ن هـ أ > ي ن)]، ومجموع احتالات مرات الاختبارات الناجحة يعبر عنه رياضياً بالصيغة التالية:

ان حساب الطرف الايسر من المعادلة (٢) عسير جداً لعدم امكان تحديد جميع حدوده، لذا نغير شكل المعادلة الى متباينة ذات أبعاد محددة، يسهل ايجاد ناتجها رغم طولها، (وهذا ما فعله تشييتشف).

نأخذ المتباينة م ـ هـ ن > ي ن، وبها أن م ـ هـ ن أكبر من ي ن. حينئذ نستطيم القول:

وبتربيع البسط والمقام نحصل على:

$$1 < \frac{1}{2} \frac{1}{2}$$

نأخذ المعادلة رقم (٢) ونضرب طرفها الأيسر فقط بالمقدار:

حينئذ ستتحول العلاقة بين طرفي المعادلة من المساواة الى التباين، ويكون طرفها الايمن هو الأكبر. لأننا ضربناها بمقدار أكبر من الواحد، أي ان المعادلة (٢) تتحول الى المتباينة التالية:

أي أن:

أن المتباينة اعلاه تبقى صحيحة كلها زدنا من حدود الطرف الأيسر منها، ففي المتباينة أعلاه نريد أن نحسب في الطرف الأيسر قيم (م) التي هي خارج المنطقة (آب) فقط، أما اذا أردنا ان نحسب قيم (م) من الصفر حتى (ن)، فالطرف الايسر يبقى اكبر من الطرف الايمن، وتصح المتباينة التالية:

$$(T)....(p) = \sum_{i=p}^{2} \frac{1}{i} \sum_{j=p}^{2} (j \le i) = (j \le i)$$

أن المتباينة رقم (٣) هي الصيغة التي اعتمدها (تشيينشف) لاقامة

نظرية الاحتيال «٢»نظرية الاحتيال «٢»

البرهان على نظرية برنولي.

نأتي على حساب الطرف الايسر من المتباينة. أي حساب قيمة:

$$(\rho)_{j} = {}^{t} (\Delta_{j} \cup \rho) \sum_{k=0}^{j} \frac{1}{T_{ij} T_{ij}}$$

ولحساب مجموع قيمة هذا الطرف نتبع الخطوات التالية:

في ذاكرتنا، على أن نضر به في

آ_نحتفظ بالمقدار كيان المرات العملية بالناتج الكلي.

$$(a_{0}, b_{0}) = \sum_{i=0}^{n} (a_{i} + i b_{0})^{T} = (a_{i})^{T} = (a_$$

نفتح القوس (م ـ ن هـ) ۚ = م ۚ ـ ٢ م ن هـ + ن ۚ هـ ً .

$$(a_1 - a_2) = \sum_{i=1}^{n} (a_i - a_2) = \sum_$$

جـ نبدأ بالحد رقم (٣) لحساب قيمته:

$$(\rho)_{\downarrow} \subset \sum_{i=0}^{2} \sum_{j=0}^{i} \sum_{i=0}^{j} \sum_{j=0}^{i} \sum_{i=0}^{j} \sum_{j=0}^{i} \sum_{i=0}^{j} \sum_{j=0}^{i} \sum_{i=0}^{j} \sum_{j=0}^{j} \sum_{j=0$$

من الحوادث، لذلك فهويساوي واحداً. أي ان:

لحد الثالث.

نظرية الاحتيال «٢»نظرية الاحتيال «٢»

وهو يساوي صفراً. اذا كانت (م) = ، ، وذلك لان
$$= \frac{0}{1 - 1} \times = \frac{0}{1 - 1}$$
 $= \frac{0}{1 - 1}$

اذن نأخذ قيم (م) من م = ١ الى (ن) فيكون:

$$(r)_{0} = r \sum_{i=1}^{3} -i r = (r)_{0} = r \sum_{i=1}^{3} -i r$$

نحتفظ بـــ (٢ هـــن) في الذاكرة لنضربها بعد نهاية الخطوة (د) ونطبق معادلة برنولي على :

$$\sum_{q=1}^{c} \gamma_{q} = 0$$

$$\sum_{q=1}^{c} \frac{\gamma_{q}}{\gamma_{q}} = 0$$

$$\sum_{q=1}^{c} \frac{\gamma_{q} \times 0}{\gamma_{q}} \times \alpha_{q} \times (1 - \alpha_{q})^{c-1}$$

$$\sum_{q=1}^{c} \frac{\gamma_{q} \times 0}{\gamma_{q}} \times \alpha_{q} \times (1 - \alpha_{q})^{c-1}$$

م ! = م (م ـ ١)١.

ن ! = ن (ن ـ ١)١.

حينئذ سوف نحصل على:

$$= \frac{1 \times (1-t)}{1 \times (1-t)^{-1/2}} \times \frac{1(1-t)^{-1/2}}{1 \times (1-t)^{-1/2}} \times \frac{1}{1 \times (1-t)^{-1/2}$$

$$\times \frac{(\lambda-r)}{2} \times \frac{(\lambda-r)}{\{(\lambda-r)-(\lambda-r)\}\{(\lambda-r)\}} \times \frac{\partial}{\partial x} = -\frac{\partial}{\partial x} = -\frac{\partial}{\partial$$

(۱ ـ هـ)ان - ۱) - ام - ۱)

نفرض اختصاراً ان (م ـ ١) = ل ، حينثذ ستكون علامة الجمع:

 $\sum_{j=1}^{\infty}$

وبها اننا نأخذ (ل) فسوف نبدأ من الصفر الى آخر مرات (ن) . وحيث ان ل = م ـ ١. تصبح ن = ن ـ ١. اذن ستكون المعادلة المتقدمة:

$$\sum_{l=0}^{|l-1|} \frac{(l-1)!}{|l-1|} \times \sum_{l=0}^{|l-1|} \frac{(l-1)!}{|l-1|}$$

نظرية الاحتيال «٢»نظرية الاحتيال «٢»

نحتفظ بـ (هـ ن) فيبقى لدينا:

$$\int_{-\infty}^{-\infty} \frac{|(v-v)|}{||v-v||^2 + ||v-v||^2} \times \frac{|(v-v)|}{||v-v||^2} \times \frac{|v-v||}{||v-v||^2}$$

ومن الـواضح ان المجموع الاخير:
$$\sum_{j=1}^{j-1} \sigma_{j,j}(t)$$

يساوي واحدا صحيحاً؛ لأنه عبارة عن حاصل جمع احتيالات مجموعة متكاملة من الحوادث(جميع الاعداد ل الممكنة لوقوع الحادثة، عندما نجري ن ـ ١ من الاختيارات).

> وبذلك نكون قد حصلنا على: ن هـ × ١ = ن هـ.

$$|ici \sum_{n=0}^{\infty} n_{n} c_{n}(n)| = c$$

$$Y = (\gamma) = Y$$
 هـ ن $X = 0$ هـ ن $X = Y$ هـ نأ، وهذه هي قيمة $Y = (\gamma)$

الحد الثاني.

هـ نأتي هنا لحساب قيمة الحد الاول، الذي هو عبارة عن:

$$(b)^{2} = (b + (b - b)^{2})$$

$$(h)^{2} \subseteq h = \frac{1}{2} + (h)^{2} \subseteq (h - h) = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

نظرية الاحتيال ٣٤٥

الحد الاول يساوي (٠) صفرا. للقيم (م = ٠) و (م = ١)، اذن! نبدأ في حسابه من (م = ٢) فيكون لدينا:

$$(r)^{2} = (r)^{2} = (r)^$$

وتطبيقاً لمعادلــة برنولي سنحصل على:

$$\sum_{r=0}^{r=0} (-1)^{r} \frac{(1-r)^{r}}{(1-r)^{r}} \times - \times \times \frac{(1-r)^{r}}{(1-r)^{r}} \sum_{r=0}^{r=0}$$

$$\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}$$

$$(-1) \times (-1) \times$$

$$\dot{u}_{-} = (\dot{u}_{-} + \dot{v}_{-}) = (\dot{v}_{-} + \dot{v}_{-})$$

هـ" = هـ" × هـا^{- "} فيكو ن:

٢٢٠ منطق الاستقراء

$$\frac{1}{(-1)(\Delta_{-} \setminus 1) \times C_{-}} \times \frac{1}{(C_{-} \cup 1)!(Y_{-} \cap 1)} \sum_{Y_{-} \in A_{-}}^{U}$$

$$\times \frac{1}{1 - \sqrt{1 - - \sqrt{1 - - \sqrt{1 - -$$

(* - c) - (* - v) (- x - 1)

$$\times^{T-C} \times \frac{\sqrt{(Y-C)}}{\sqrt{(Y-C)-(Y-C)}} \times \frac{\sqrt{(Y-C)}}{\sqrt{(Y-C)}} \times \frac{\sqrt{(Y-C)}}{$$

حينئذ يكون لدينا:

$$0 \quad (0 - 1) \triangleq \sum_{k=1}^{N} \frac{(0 - 1)!}{(0 - 1 - k)!} \times \triangleq (1 - k)^{(0 - 1) + k}$$

نظرية الاحتيال و٢٨نارية الاحتيال و٢٨

$$(1-i) = (1-i) = (2-i) = (3-i) = (3-i$$

$$|i_0| \sum_{j=1}^{n} a_j (a_j - 1) = a_j (a_j) = a_j (a_j - 1) a_j$$

$$(x) \circ C \cdot \sum_{i=1}^{\infty} + (x) \circ C \cdot (x-i) \cdot \sum_{i=1}^{\infty} =$$

وان الحد (٢) من الحد الاول يساوي (ن هـ)، وان الحد (١) من الحد الاول يساوى:

= [ن (ن _ ۱) هـ^۲ + ن هـ].

= ن ما _ ن ها + ن ها، وهذه هي القيمة النهائية للحد الاول.

و ـ كنا نحسب منذ الخطوة (ب) حتى الان قيمة :

وكانت عبارة عن:

$$(r) \stackrel{\circ}{\circ} \stackrel{\circ}{\subset} \stackrel{\circ}{\hookrightarrow} \stackrel{\circ}{\circ} \stackrel{\circ}{\circ} \stackrel{\circ}{=} \stackrel{\circ}{\circ} + (r) \stackrel{\circ}{\circ} \stackrel{\circ}{\subset} \stackrel{\circ}{\hookrightarrow} r \stackrel{\circ}{\circ} \stackrel{\circ}{=} \stackrel{\circ}{\circ} \stackrel{\circ}{\circ}$$

وبها ان قيمة الحد الاول = (ن ما ـ ن ما + ن هـ)، كها تم حساب ذلك في الخطوة (هـ) ·

وقيمة الحد الثاني، كما تم حسابها في الخطوة (د) عبارة عن (٢ هـ أن $\dot{}$).

وقيمة الحد الثالث، كما تم حسابها في الخطوة (ج)عبارة عن (ن ما).

$$|\langle a_{-1} \rangle| = \sum_{i=1}^{N} (a_{-i} a_{-i})^{i} = a_{-i}$$

نظرية الاحتمال ٣٢٠

= (ن ﴿ مَا لَ مَا + نَ مَا ٢ مِلْ مَا + نَ مَا .

= ن هــن هـ'.

= t a (1 _ a).

ز ـ نعود لنتذكر اننا منذ الخطوة (آ) أردنا حساب قيمة:

وقد اخرجنا كي لنضربه في آخر خطوة.

ح _ كانت لدينا المتباينة رقم (٣):

$$||f(x_0)|| \leq \sum_{j=1}^{N} \frac{1}{2^{j}} ||f(x_0)|| \leq \sum_{j=1}^{N} ||f(x_0)||^{2} ||f(x_0)||^{2}$$

وبها أن الطرف الايسر لهذه المتباينة يساوي: <u>هـ (١ ـ هـ)</u> ي' ن

اذن: ح (
$$\left| q - a - i \right| > 2 ن) < \frac{a - (1 - a)}{2^{\frac{1}{2}} i}$$

علينا أن نعود الى اللغة العادية لنتفهم مضمون هذه المتباينة، فالسطرف الايمن يعني قيمة احتبال أن يكون الفارق بين الاختبارات الناجحة (م)، وبين عدد المرات الاكبر احتبالا (هـن) اكبر من مقدار صغير جدا (ي ن).

وقد أثبتنا ان قيمة هذا الاحتمال أصغر من $\frac{(-a)^2}{2}$

نأتي الى (هـ <u>١٦ - هـ)</u>) ، فنحن نعرف ـ كها تقدّم في اصل الفرضية ـ

ان : هـ = قيمة احتبال الحادثة في كل مرة منفردة.

ي ن = هي نسبة صغيرة جداً في (ن) من المرات. وكل من قيمة (هـ.) وقيمة (ي) في (ن) اخذتا كأمرين ثابتين في فرضية البرهان.

اذن قيمة : هـ (١<u>- هـ)</u> ترتهن أساساً بعدد (ن) فكلها كان عدد ي ن

(ن) كبيراً جداً كانت قيمة هذا الكسر ضنيلة جداً، بل قريبة من الصفر.

ط ـ بعد كل الخطوات المتقدمة نستطيع أن نستخلص :

ان قيمة احتهال وقوع الاختبارات الناجحة في عدد من المرات يصغر أو يكبر عن (هـ ن) (أي عدد المرات الأكبر احتهالاً) بمقدار صغير جداً، يساوي صفرا تقريبا اذا كانت (ن) كبيرة جدا.

اذن! (هـ ن) وما يقرب منها جدا 🗠 ١.

وهذا هو أثبات نظرية برنولي.

٢٢٦ منطق الاستقراء

ثالثاً _ التفسير الاجمالي ونظرية برنولي:

نعود لنتذكر نتائج معادلات برنولي ونظريته، ويمكننا ان نضع هذه النتائج في النقاط الآتية:

النقطة الاولى ـ اعطتنا معادلات برنولي مقياساً لتحديد عدد الصور المكنة لوقوع الحادثة في (م) ضمن (ن) من الاختبارات، أي قاعدة توافيق (م) في (ن)، وهو:

> ان ا(ن ـ م)!

النقطة الشانية _ اعطننا معادلات برنولي مقياساً لتحديد قيمة احتيال وقوع الحادثة في اي (م) من الاختبارات ضمن (ن) من الاختبارات، وهو : $\frac{\mathrm{d} t}{\mathrm{d} t} \times (\mathbf{a}_{-})^{\times} \times (\mathbf{a}_{-})^{\times}$

النقطة الثالثة _ أعطتنا معادلات برنولي مقياساً لتحديد عدد المرات التي تتساوى قيمتها الاحتبالية ضمن (ن) من الاختبارات، وكان عبارة عن: $\sigma_{(a)} = \sigma_{(a)} = \sigma_{(a)}$.

النقطة الرابعة ـ حددت لنا معادلات برنولي (م). التي تكون أكبر احتهالا في (ن) من الاختبارات.

النقطة الخامسة ـ أكدت نظرية برنولي على ان (م)، التي هي أكبر احتهالا، وما يقرب منها جدا تكون قيمها الاحتهالية مساوية لـ (١) تقريباً، اذا كان عدد (ن) كبيراً جداً.

ونحن هنا نحاول اختبار جدارة التفسير الاجمالي في ضوء النقاط الخمسة المتقدمة:

نظرية الاحتهال «٢»نظرية الاحتهال «٢»

التفسير الاجمالي والنقطة الاولى:

اتضح لنا من خلال ما تقدم ان: $\frac{i!}{n! (i-n)!}$ مستنتجة من تطبيق قاعدة الضرب في الاحتهالات المشروطة.

وقد تقدم ايضاح الانسجام بين التفسير الاجمالي وقاعدة الضرب في الاحتيالات المشر وطة.

التفسير الاجالي والنقطة الثانية:

كان المقياس في النقطة الثانية عبارة عن:

$$\frac{1}{2} \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{2} \right) \times \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{2} \right) \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \frac{1}{2}$$

درسنا في النقطة الأولى انسجام النفسير الاجمالي والكسر $\frac{\dot{\psi}}{\eta}$ ، يبقى هنا ان نتعرف على مفهوم ضرب (هـ) $\dot{\psi}$ × (١ - هـ) $\dot{\psi}$ ما (ن - $\dot{\eta}$)!

نعود الى مثال قطعة النقد. وقد افترضنا اننا قد قذفناها (٥) مرات. فها هو احتمال ان يخرج وجه الكتابة في المرات الخمسة؟.

نطبق قاعدة الضرب في الاحتمالات المستقلة فيكون:

ع ه ك = $(\frac{1}{Y})^0 = \frac{1}{WY}$ ، وهذا الكسر الذي يمثل قيمة حه ك عدد الاطسراف التي تلازم ح ه ك يعني وفق التفسير الاجسالي المجموع الكلي لأطراف العلم الاجمالي المجموع الكلي لأطراف العلم الاجمالي

اذن: فنحن حينها نقذف قطعة النقد خمس مرات نواجة علمًا اجمالياً

٢٢٨ منطق الاستقراء

مؤلفا من (٣٢) صورة:

١_ ان يظهر وجه الكتابة في المرة الاولى فقط. ٢ ـ ان يظهر وجه الكتابة في المرة الثانية فقط. ٣_ ان يظهر وجه الكتابة في المرة الثالثة فقط. ٤_ ان يظهر وجه الكتابة في المرة الرابعة فقط. ٥ ـ ان يظهر وجه الكتابة في المرة الخامسة فقط. ٦- أن يظهر وجه الكتابة في المرة (٢٠١) فقط. ٧_ ان يظهر وجه الكتابة في المرة (٣.١) فقط. ٨ـ ان يظهر وجه الكتابة في المرة (٤،١) فقط. ٩ ان يظهر وجه الكتابة في المرة (٥،١) فقط. ١٠ ـ ان يظهر وجه الكتابة في المرة (٣.٢) فقط. ١١- أن يظهر وجه الكتابة في المرة (٤.٢) فقط. ١٢ ـ أن يظهر وجه الكتابة في المرة (٥،٢) فقط. ١٣_ ان يظهر وجه الكتابة في المرة (٤,٣) فقط. 12_ أن يظهر وجه الكتابة في المرة (٥،٣) فقط. ١٥_ أن يظهر وجه الكتابة في المرة (٥،٤) فقط. ١٦ ان يظهر وجه الكتابة في المرة (٣.٢.١) فقط. ١٧_ ان يظهر وجه الكتابة في المرة (٤،٢،١) فقط. ١٨ ـ ان يظهر وجه الكتابة في المرة (٤٠٣،١) فقط. ١٩_ ان يظهر وجه الكتابة في المرة (٥،٤،١) فقط. ٢٠ ان يظهر وجه الكتابة في المرة (٥،٣،١) فقط. ٢١ ان يظهر وجه الكتابة في المرة (٥٠٢،١) فقط.

نظرية الاحتيال «٣»

٢٧_ ان يظهر وجه الكتابة في المرة (٤.٣.٢) فقط.
 ٢٧_ ان يظهر وجه الكتابة في المرة (٥.٤.٢) فقط.
 ٢٥_ ان يظهر وجه الكتابة في المرة (٥.٤.٢) فقط.
 ٢٧_ ان يظهر وجه الكتابة في المرة (٤.٣.٢٠) فقط.
 ٢٧_ ان يظهر وجه الكتابة في المرة (٤.٣.٢٠١) فقط.
 ٢٨_ ان يظهر وجه الكتابة في المرة (٤.٣.٢٠١) فقط.
 ٢٩_ ان يظهر وجه الكتابة في المرة (٤.٣.٢٠١) فقط.
 ٣٩_ ان يظهر وجه الكتابة في المرة (٤.٣.٢٠١) فقط.
 ٣٩_ ان يظهر وجه الكتابة في المرة (٤.٣.٢٠١) فقط.
 ٣٩_ ان يظهر وجه الكتابة في المرة (٤.٣.٢٠١٥) فقط.
 ٣٩_ ان يظهر وجه الكتابة في المرة (٤.٣.٢٠١٥) فقط.
 ٣٩_ ان للهر وجه الكتابة في المرة (٤.٣.٢٠١٥)

اذن! نحن امام (٣٣) طرفاً، وطرف واحد منها فقط في صالح ظهور وجه الكتابة في المرات الخمسة، وحينها نلاحظ جدول الصور المتقدمة، التي تمثل عدد اطراف العلم الاجمالي، نجد أن عشر صور منها في صالح ظهور وجه الكتابة ثلاث مرات ضمن خمس رميات. وهذا يعني ان احتمال ظهور وجه الكتابة ثلاث مرات في خمس رميات يساوي:

عدد الاطراف التي تلازم ظهرور وجه الكتابة ثلاث مرات

٢٢٠ منطق الاستقراء

حينها نعود الى مقباس حساب قيمة احتبال ظهور وجه الكتابة ثلاث مرات (م) في خمس رميات نجده يقول:

$$\frac{1}{1}$$
 $\frac{1}{1}$ $\frac{1}{1}$ $\frac{1}{1}$ $\frac{1}{1}$ $\frac{1}{1}$ $\frac{1}{1}$

أي: أن نضرب عدد توافيق (a) في (b) قيمة احتمال صورة واحدة من الصور.

التفسير الاجمالي والنقطة الثالثة:

المقياس المعطى في التقطة الثالثة عبارة عن : ح (م) = ح (م ـ ن).

$$(-1)^{(-1)} \times (a_0)^{(-1)} \times (a_0)^{(-1)} \times (a_0)^{(-1)} \times (a_0)^{(-1)}$$

ونعرف أيضاً أن:

$$\frac{1}{2} (a_{-1}) \times (a_{-1}) \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times (a_{-1}) \times (a_$$

وحيث أن (هـ) و (ن) رقبان ثابتان في كلا الاحتبالين. اذن: (هـ)′× (هـ)′^{-،} ستكون واحدة فى كلا الاحتبالين. نظرية الاحتيال «٢»نطرية الاحتيال «٢»

$$e_{i,j} = \frac{0!}{(i-1)!} = \frac{0!}{(i-1)!} = \frac{0!}{(i-1)!} = \frac{0!}{(i-1)!}$$

اذن ح $(a_1) = a_2 = a_3$ ا

وهذا منسجم تماماً مع التفسير الاجمالي للاحتمال لان (ن) و(هـ) ثابتان، أي سوف يثبت لدينا المجموع الكلي لأطراف العلم الاجمالي، وبها أن عدد توافيق الحادثتين واحد.

اذن: تتساوى قيمة احتمال الحادثتين.

التفسير الاجالي والنقطة الرابعة:

(م) التي تكون أكبر احتبالًا في معادلات برنولي. تقاس قيمتها وفق

عدد الاطراف التي تلازمها على أساس عدد الاطراف التي تلازمها المتعريف الاجمالي على أساس المجموع الكلي لأطراف العلم الاجمالي أي عدد توافيقها بالنسبة الى المجموع الكلي للصور الممكنة.

و (م) الاكبر احتمالا هي الـ (م) التي تتمتع باكبر عدد من التوافيق. أي تحتل أكبر عدد من المراكز في أطراف العلم الاجمالي، اذاقسناها بأي (م) أخرى.

ونحن قد عرفنا من خلال ما تقدم أن قيمة احتيال أي (م) ترتهن بعدد توافيقها، و (م) الأكبر احتيالًا هي الـ (م) التي تستحوذ على أكبر عدد من النوافيق بين مجموع المرات المفروضة في (ن). ٢٣٢ منطق الاستقراء

التفسير الاجالي والنقطة الخامسة:

اتضح لنا من خلال عرض نظرية برنولي واثباتها)أن ما عدا (م) وما يقرب منها جداً لا يستحوذ الا على مقدار ضئيل جداً من قيمة المجموعة المتكاملة التي تمثل (١) أي رقم اليقين.

فكلها كبر عدد (ن) من الاختبارات كبر لدينا عدد (م) التي تستحوذ على أقل عدد من التوافيق، ومن ثم تضعف قيمها الاحتهالية، الى درجة يمكن اهمالها، بالنسبة لعدد التوافيق، وتبعاً له تكبر قيمة الاحتمال التي تستحوذ عليها (م) الأكبر احتمالاً وما يقرب منها جداً.

وهذا ينسجم بوضوح أيضاً مع التفسير الاجمالي، لأن (م) وما يحيط بها سوف يستحوذ على أكبر أطراف العلم الاجمالي، وكلما كبر عدد اطراف العلم الاجمالي يصبح ما عدا (م) وما يقرب منها جدا يمثل قيمة ضئيلة جدا، بحيث يمكن اهمالها، والقول أن:

عدد الاطراف التي تلازم (م) وسا يقرب منها ~ 1 . المجموع الكلى لاطراف العلم الاجمالي

ولأجل ايضاح ذلك نأخذ المثالين التاليين:

المثال الأول: رمينا قطعة النقد ثلاث مرات. وكانت (م) تعني ظهور

ن = ۲.

أوجد قيم احتمالات (م)؟

من الواضح أن (م) تبدأ من الصفر إلى ٣.

$$_{L}(\frac{\lambda}{J}) \times J \times J = ..._{L}(\frac{\lambda}{J} - J) \times (\frac{\lambda}{J}) \times \frac{I(-L)I}{IL} = (\frac{\lambda}{J}) (L)^{2} \subseteq$$

$$\frac{\Gamma}{\Lambda}$$
 =

$$_{L}(\frac{1}{\sqrt{\lambda}}) \times L = _{L-L}(\frac{1}{\sqrt{\lambda}} - 1) \times _{L}(\frac{1}{\sqrt{\lambda}}) \times \frac{1(\lambda - L) + \lambda}{1/L} = \langle \frac{L}{\lambda} \rangle (1) \circ \Gamma$$

$$L(\frac{\Lambda}{2}) \times I = L-L(\frac{\Lambda}{2}-I) \times L(\frac{\Lambda}{2}) \times \frac{((\Lambda-\Lambda))^{1}}{(\Lambda-\Lambda)^{1}} = (\frac{\Lambda}{2})^{1} (I)^{2} \subseteq I$$

نلاحظ ان عدد توافيق هذه المجموعة المتكاملة = ٨.

كها نلاحظ ايضا ان المقام في كسر الاحتمال = ٨.

وهذا يعني أن قيمة احتيال كل (م) ترتهن مباشرة بعدد التوافيق التي تستحوذ عليها، وهذا يعني أننا نستطيع القول أننا نعلم اجمالًا باحدى الحوادث التالية:

١ ـ ان لا يظمهر وجه الصورة في كل المرات.

٣ ان يظهر في مرة واحدة.

٣ـ أن يظهر في مرتين.

٤_ ان يظهر في ثلاث مرات.

وحيث ان الحـادثة (١) لها صورة واحدة، والحادثة (٢) لها ثلاث صور، والحادثة (٣) لها ثلاث صور والحادثة (٤) لها صورة واحــدة، يصبح علمنا الاجمالي مؤلفاً من ثبانية اطراف.

وهكذا بقية الاحتمالات.

المشال الشاني: رمينا قطعة نقد مصممة بطريقة غير عادية ثلاث مرات، وكانت (م) تعنى ظهور وجه الصورة نن = ٣.

اوجد قيم احتمالات (م)؟

$$\frac{1}{1-r}\left(\frac{L}{L}-I\right) \times \left(\frac{L}{L}\right) \times \frac{L}{L} \times \frac{L}{$$

$$\frac{1}{YY} = \frac{7}{7} (\frac{1}{Y}) \times 1 \times 1 =$$

$$\sum_{i} (\gamma) < \frac{\gamma}{\gamma} > 0 \qquad \frac{\gamma_{i}}{\gamma_{i}} = \frac{\gamma_{i}}{\gamma_{i}} \qquad \times \qquad \frac{\gamma_{i}}{\gamma_{i}} > 0 \qquad \times \qquad \frac{\gamma_{i}}{\gamma_{i}} > 0$$

$$\frac{7}{7} = {}^{r}(\frac{1}{7}) \times \frac{7}{7} \times 7 =$$

$$_{L^{-1}}(\frac{L}{L}-I) \times _{L}(\frac{L}{L}) \times _{L}($$

$$\frac{17}{1} = \frac{1}{7} \times \frac{1}{2} \times 7 =$$

$$\left(\begin{array}{ccc} \frac{r}{r} & -1 \right) \times \left(\begin{array}{ccc} \frac{r}{r} \end{array}\right) \times \left(\begin{array}{ccc} \frac{r}{r} \end{array}$$

$$\frac{\Lambda}{YY} = 1 \times \frac{\Lambda}{YY} \times 1 =$$

نظرية الاحتمال «٢»ناطرية الاحتمال «٢»

من الواضح جدا ان مجموع توافیق (م) من - = 1 ، بینها المقام یمثل (۲۷) صورة، او سیعة وعشرین طرفا، ومن هنا یتضح بجلاء ان قیمة احتمال الحادثة لا یرتهن بعدد توافیقها، اذ کانت توافیق (-) = 1 کها کانت توافیق (-) = 1 کانت توافیق (-) = 1 کان احتمال.

$$\begin{pmatrix} \frac{\lambda}{\tau} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{\tau}{\tau} \end{pmatrix}$$

وكذلك الحال بالنسبة لتوافيق (۱) و (۲) واحتماليهما، فتوافيق كل منهما =

۳. لكن احتمال (۲) = ۲ ، بينها كان (۳ = ۲۷

وهنا يواجه التفسير الاجمالي اعتراضا مفاده:

«اذا افترضنا ان احتمال الحادثة $\frac{Y}{W}$ ، فان نظرية برنولي تبرهن على انه في حالة اجراء عدد كبير من الاختبارات نستطيع ان نقول بدرجة قريبة من العلم بان نسبة تكرر الحادثة في مجموع تلك الاختبارات هي $\frac{Y}{W}$ اي مطابقة لدرجة احتمال الحادثة.

قد يتصور في البداية ان هذا لا يمكن ان يفسر على اساس العلم الاجمالي، لأنا رأينا ان العلم الاجمالي في المثال الاول (١١) تشتمل مجموعة اطراف على ستة عشر عضواً، وأن نوافيق الصورة التي تفترض وقوع

١) المنال هو اذا رمينا قطعة نقد اعتيادية اربع مرات ويكون ن = ٤ . هـ = - ...

الحادثة بنسبة $\frac{1}{Y}$ في مجموع الاختبارات الاربعة اكثر عددا من توافيق اي صورة اخرى، ولهذا فسوف تحتل مراكز اكثر في مجموعة أطراف العلم الاجمالي، وإذا ازداد عدد الاختبارات فسوف تزداد أطراف العلم الاجمالي وتظل دائبًا توافيق الصورة التي تفترض تكرر الحادثة بنسبة $\frac{1}{Y}$ في مجموع الاختبارات أكثر عدداً من توافيق اي صورة اخرى وهذا يفرض من زاوية العلم الاجمالي أن تكون نسبة تكرار الحادثة الأكبر احتبالاً دائبًا ومهما كثرت الاختبارات $\frac{1}{Y}$ سواء كان احتبال الحادثة $\frac{1}{Y}$ او $\frac{1}{Y}$ لان ازدياد درجة احتبال الحادثة لا يؤثر على اعداد توافيق الصور التي تتكون منها مجموعة أطراف العلم الاجمالي، وهذا يناقض نظرية برنولي فلابد اذن من استنتاج ان المحدد الاساس لدرجة الاحتبال ليس هو العلم الاجمالي» (۱).

ومن الواضح ان هذا الاعتراض يتوجه على التفسير الاجمالي اذا اعتبرنا ان العلم الاجمالي، الذي نقيم في ضوءه درجة احتمال الحادثة عبارة عن العلم الاجمالي الذي تتمثل مجموعته في مجموع اعداد توافيق الصور المكنة لـ (م) في (ن).

ومن هنا حاول كتاب (الاسس المنطقية للاستقراء) الاجابة على هذا الاعتراض مؤكداً ان قيمة الحادثة المنفردة اذا كانت نصفاً فتقييم درجة احتمال الحادثة في اي (م) ترتهن بعدد توافيقها، وسيكون العلم الاجمالي الذي تتمثل مجموعة اطرافه في مجموع اعداد توافيق صور (م) في (ن).

⁽٢) الاسس النطقية للاستقراء، ص ٢١٦، ٢١٧.

اما اذا كان احتال الحادثة ونقيضها غير متساويين، كما في المثال الثاني ـ الذي ذكرناه ـ، حيث كانت قطعة النقد مصممة بطريقة خاصة يظهر وجه الصورة فيها بنسبة لل من المات نواجه علمين اجمالين:

أحدهما _ العلم الاجمالي الثلاثي الأطراف الذي يحدد لنا ان درجة احتمال الحادثة _ اي ظهور الصورة _ خ

والآخر ــ العلم الاجمالي الذي تضم مجموعة أطرافه عدداً كبيراً من الاعضاء يساوي مجموع اعداد توافيق الصور الممكنة لتكرر الحادثة في تلك المرات.

ولابد في هذه الحالمة من ضرب احد العلمين بالآخر اذ يتكون لدينا علم اجمالي ثالث بساوي عدد أطرافه عدد أطراف العلم الاجمالي الثلاثي مضروباً بعدد أطراف العلم الاجمالي الآخر، وفي هذا العلم الاجمالي الثالث تعتبر الاعضاء جميعاً متساوية في درجة الاحتمال وفقاً للتعريف. وتحتل الحادثة دائباً في مجموعة أطراف هذا العلم مراكز نسبتها الى عدد اعضاء تلك المجموعة يطابق دائباً النسبة التي تمثل درجة الاحتمال، وهي حسب ما افترضناه على وهكذا نعرف ان نسبة تكرر الحادثة الأكبر احتمالاً في مجموعة من الاختبارات تحدد كما يلى:

اولاً _ على أساس العلم الاجمالي الذي تمثل أطرافه مجموع اعداد توافيق الصور الممكنة لتكرر الحادثة في ذلك العدد من الاختبارات، وهذا فيها اذا لم يوجد هناك علم اجمالي آخر تشتمل مجموعة اطرافه على ثلاثه ۲۱۰ منطق الاستقراء

أعضاء أو أكثر ويؤدي الى تحديد درجة احتمال الحادثة بكسر أكبر من النصف أو أصغر.

وثانياً ــ اذا وجد علم اجمالي آخر من هذا القبيل تحــدد نسبة تكرر الحادثة الاكبر احتمالًا على أساس العلم الاجمالي الثالث الناتح من ضرب أطراف احد العلمين الاولين بأطراف الآخر.

وهكذا تجد نظرية برنولي تفسيرها النهائي في العلم الأجمالي على أساس التعريف الذي عرضناه. (١).

وهنا اود التأكيد على ايضاح الحقائق التالية:

اولا _ اننا نضرب _ في معادلة برنولي _ عدد توافيق الحادثة (م) في (ن) من الاختبارات بقيمة احتبال وقوع الحادثة في حالة واحدة محددة، أي اننا نضرب عدد توافيق (م) في احتبال وقوع (م) في مرة معينة ، وقد نوهنا _ في شرح معادلة برنولي _ الى أن هذا الضرب يعني في الواقع جمع احتبالات (م) لأن احتبال وقوع (م) في صورة محددة لا يعبر عن كل المراكز التي تحتلها (م) في مجموعة الاحتبالات التي تمثلها مجموعة (ن) والتي هي عبارة عن مجموعة احتبالات (م) من (م = ٠) الى (م = ن) بل احتبال وقوع (م) يساوي مجموع احتبالات الصور التي تحتلها (م).

ثانياً _ نوضح الحقيقة المتقدمة من خلال المثال الاول _ الذي تقدم _ حيث رمينا قطعة النقد ثلاث مرات وكان هـ = للمرار ، وهنا نواجه علمًا

⁽١) الاسس المنطقية للاستفراء، ص ٢١٨-٢١٧.

اجمالياً مؤلفاً من ثهانية أطراف هي حاصل ضرب (پرا × ١/٠ × ١/٠).

لانسا في كل رمية سنواجه عاملين ، عامل في صالح ظهور وجه الصورة، وعامل في صالح ظهور الكتابة، ولنرمز للعاملين في الرمية الاولى بـ (أ، ب)، وللعاملين في الرمية الثالثة بـ (أ، ب)، وللعاملين في الرمية الثالثة بـ (أً، بً)، فاذا أردنا رمي قطعة النقد ثلاث مرات سنواجه علمًا اجمالياً مؤلفاً من الاطراف التالية:

١- اما أن يقع أ، أ، أً.
 ٢- واما أن يقع أ، بَ، بُ.
 ٢- واما أن يقع أ، بَ، بُ.
 ٢- واما أن يقع أ، بَ، بُ.
 ٢- واما أن يقع ب، أ، أ.
 ٢- واما أن يقع ب، أ، بُ.
 ٧- واما أن يقع ب، بَ، بَ.
 ٨- واما أن يقع ب، بَ، بَ.

واذا افترضنا أن (أ)، (أ)، (أ) هي عوامل ظهور وجه الصورة، وان (ب)، (بً)، (بً) هي عوامل ظهور الكتابة فسوف نلاحظ:

ان هناك طرفاً واحداً فقط لمصالح ظهور وجه الصورة في المرات الثلاث، وأن طرفاً واحداً لصالح عدم ظهورها في كل المرات، وهما الطرف الاول والمطرف الاخبر، كما ان هناك ثلاثة أطراف لصالح ظهور وجه الصورة مرة واحدة، وهي الأطراف الرابع والسادس والمسابع، وهناك ثلاثة

٢٤٠ منطق الاستقراء

أطراف لصالح ظهورها مرتين، وهي الاطراف الثاني والثالث والخامس .

ونتائج هذا العلم الاجمالي منسجمة مع قيم الاحتمالات التي تم تحديدها في المثال على اساس معادلة برنولي حيث كان لدينا:

$$\frac{1}{\lambda} = (\frac{\lambda}{\lambda})(\lambda)^{2} \subseteq$$

$$\frac{V}{\lambda} = (\frac{\lambda}{\lambda})(\lambda)^{2} \subseteq$$

$$\frac{V}{\lambda} = (\frac{\lambda}{\lambda})(\lambda)^{2} \subseteq$$

يبقى تفسير اصل معادلة برنولي على أساس هذا العلم الاجمالي، فنحن لأجل ايجاد قيمة احتيال صورة محددة بالذات كان علينا ان نضرب (هـ) \times (١ _ هـ) $^{-1}$, وهذا الاحتمال في ضوء العلم الاجمالي يعني ان لدينا ثبانية أطراف، وطرف واحد فقط من هذه الاطراف الثبانية هو في صالح الحادثة.

ولنفرض أن الحادثة هي ظهور وجه الصورة في المرة الاولى وظهور الكتابة في الثانية والثالثة، فسوف نجد أن طرفاً واحداً من أطراف العلم الاجمالي المتقدمة هو في صالح ظهور وجه الصورة في المرة الاولى، وهو عبارة عن الطرف الرابع.

واذا أردنا قياس درجة احتيال ظهور وجه الصورة مرة واحدة، أي قياس ﴿ ﴾ ، فتقول معادلة برنولي علينا ان نضرب عدد توافيق (م في ن) في قيمة احتيال خروج وجه الصورة في رمية محددة:

$$(-1)^{(1)} \times ((-1)^{(1)} \times ((-1)^{(1)}) \times ((-1)^{(1)})$$

نظرية الاحتبال «٢»

وحيث ان م = ١، ن = ٣، كانت توافيق (م ني ن) = ٣.

وحينها نضرب $\P \times \frac{1}{\Lambda} = \frac{\Psi}{\Lambda} = \frac{\pi}{\Lambda}$. وهذا الضرب يعني في الحقيقة أن نجمع ($\frac{1}{\Lambda} + \frac{1}{\Lambda} + \frac{1}{\Lambda}$)، أي أن نجمع القيم الاحتالية لكل صور (م)، اي وقوع الحادثة مرة واحدة، ولما كانت قيمة احتال وقوعها في كل مرة محددة مساوياً لـ ($\frac{1}{\Lambda}$)، كان علينا أن نجمع $\frac{1}{\Lambda}$ بعدد الصور الممكنة لوقوعها مرة واحدة، ولسهولة العملية الحسابية نضرب عدد صور وقوعها مرة واحدة في قيمة احتال وقوعها في مرة واحدة معددة.

في هذا الضوء يتضح لنا ان الاحتال الذي تفرزه معادلات برنولي، والذي يتمين على نظرية الاحتال الاجمالي تفسيره، هو الاحتال الذي تفرزه اولاً معادلة تحديد قيمة احتال وقوع الحادثة في مرة محددة، حيث ان مقام كسر هذا الاحتال هو الذي يبقى أساساً لتقييم كل احتالات (م)، وهو الذي يمثل في الواقع مجموعة أطراف العلم الاجمالي، فعلى أساس هذا الكسر الذي ينشأ في الواقع على أساس قاعدة الضرب في الاحتالات المستقلة يجب تشكيل مجموعة أطراف العلم الاجمالي.

ثالثاً _ نوضح الحقيقة المتقدمة من خلال المثال الثاني، حيث رمينا قطعة النقد ثلاث مرات، وكان هـ = $\frac{Y}{m}$.

في هذه الحالة سنواجه علمًا اجمالياً مؤلفاً من (٢٧) طرفاً، لاننا في كل رمية من الرميات الثلاثة نواجه علمًا اجمالياً مؤلفاً من ثلاثة أطراف، وطرفان منه لصالح ظهور وجه الصورة، وطرفواحدفقط لصالح ظهور الكتابة، فاذا أردنا أن نقيس احتال ظهور وجه الصورة في صورة محددة بالذات علينا ان نضرب قيمة احتبال ظهورها في هذه الصورة بالذات =(هـ)'× (١ ـ هـ)'-'. وهو احتبال نقيض الحادثة، وحينئذ سيتكون لدينا علم اجمالي مؤلف من (٢٧) طرفا، وهذه الاطراف متساوية في قيمها الاحتبالية، ومن هنا صح تقييم درجة الاحتبال على أساس هذا العلم الاجمالي وفقاً للتعريف الذي طرحه الاستاذ.

ونستطيع ايضاح مجموعة أطراف العلم الاجمالي ضمن الجدول التالى:

- نواجه عند الرمية الاولى علمًا اجمالياً مؤلفاً من ثلاثة أطراف، نرمز
 اليها بـ (١، ب، جـ)، ونفرض ان (١، ب) هي عوامل ظهور وجه الصورة،
 و (جـ) عامل ظهور الكتابة.
- ** نواجه عند الرمية الثانية ثلاثة أطراف (اً، ب، جَـ)، و(اً، بَ)
 عوامل ظهور الصورة و(جَـ) عامل ظهور الكتابة.
- ** نواجه عند الرمية الثالثة ثلاثة أطراف (اً. بُ. جًــ)، و(اً. بُ)
 عوامل ظهور الصورة، و(جًــ) عامل ظهور الكتابة.

بعد ضرب هذه العلوم الاجمالية ببعضها نواجه علمًا اجمالياً مؤلفاً من الأطراف التالية :

۱۔ اما أن يحدث ا آ آ.

٣ ـ واما أن يحدث ا ب أ.

٣. واما أن يحدث ا جَــ أَ.

٤_ واما أن يجدث ا آ أً.

۵_ واما أن يحدث ا بُ بُ.

٦_ واما أن يحدث الحدث. ٧_ واما أن محدث ا أَ حُـــ ٨ واما أن يحدث ا بُ جُـ. ٩_ واما أن يحدث ا حَدجًـ. ١٠_ واما أن محدث ب آ أ. ١١ ـ واما أن محدث ب بُ أ. ١٢_ واما أن يحدث ب جُــ أ. ١٣_ واما أن مجدث ب آ ت. ١٤ ـ واما أن يحدث ب بُ بُ. ١٥ ـ واما أن يحدث ب جَـ بّ. ١٦_ واما أن يحدث ب آجًـ. ١٧ ـ واما أن يحدث ب بُ جُــ. ١٨_ واما أن يحدث ب خَـ جُـ. ١٩_ واما أن محدث حــ آ آ. ٢٠ ـ واما أن يحدث جــ تَ أَ. ٢١_ واما أن يحدث حــ حَــ آً. ٢٢ ـ واما أن يحدث جـ آ تُ. ٢٣ ـ واما أن بجدت حـ بَ بُ. ٢٤ ـ واما أن يحدث جـ جَـ تُ. ٢٥_ واما أن يحدث جداً حُـــ ٢٦ ـ واما أن محدث حد بَ حًـ.

۲۷_ واما أن محدث حـ حَـ حَـ حَـ

نلاحظ هنا أننا أمام (٣٧) طرفاً يمكن افتراض تساوي قيمها الاحتيالية سلفاً، فمجموعة أطراف هذا العلم الاجمالي تتطابق في هذا الشرط مع العلم الاجمالي الذي لابد أن يكون أساساً لتقييم درجة احتيال الحوادث وفقاً لتعريف السيد الاستاذ.

واذا اردنــا تقییم احتبال ظهور وجه الصورة في مرة واحدة محددة $\frac{\mathbf{v}}{\mathbf{v}}$. \mathbf{v} بالذات، فعلینا ان نضرب (هـــ) \mathbf{v} ـ هـــ) \mathbf{v} . \mathbf{v}

$$\frac{\gamma}{\gamma} = (\frac{\gamma}{r}) \times \frac{\gamma}{r} = \frac{\gamma-r}{r}(\frac{\gamma}{r} - 1) \times (\frac{\gamma}{r})$$

وحينها نلاحظ هذه القيمة الاحتهالية لوقوع الحادثة في ضوء العلم الاجمالي المتقدم. نجد ان هناك طرفين فقط لصالح ظهور وجه الصورة في مرة واحدة محددة بالذات.

فأي مرة من المرات الثلاث نفترض انها هي المقصودة بالتحديد، نجد ان طرفين لصالح ظهور وجه الصورة في هذه المرة بالذات، ولنفترض اننا تريد تحديد درجة احتال ظهور وجه الصورة في المرة الاولى، نجد ان الطرف التاسع (اجَ جً عً) والطرف الثامن عشر (ب جَ جً) فقط في صالح الصورة في المرة الاولى وظهور وجه الكتابة في المرة الثانية والثالثة.

اما اذا أردنا قياس درجة احتهال ظهور وجه الصورة في مرة واحدة، أي أن نحدد ح (م) حلى ، فهذا يعني أننانر يدقياس احتمال ظهور وجه الصورة في مرة واحدة على الأقل، وحيث ان هناك صوراً متعددة لظهور وجه الصورة مرة واحدة ـ فقد تظهر في المرة الاولى فقط، أو في المرة الثانية فقط، أو في المرة الثانية فقط، أو في المرة الثانية فقط ـ فهذا يعني أن نجمع قيم احتهالات ظهور

نظرية الاحتيال «٣»نظرية الاحتيال «٣»

وجمه الصورة في كل صورة من الصور الممكنة لظهور وجه الصورة مرة واحدة في (ن) من الرميات، فاذا كانت الصور الممكنة لظهور وجه الصورة مرة واحدة ثلاثة، كها هو في (م = ١) و (ن = ٣).

واحتهال ظهور وجه الصورة في مرة محددة بالذات = (هـ) $\times (1_- - 4_-)^{-1}$.

جاءت معادلة برنولي على الشكل التالي:

$$\frac{1}{\sqrt{(-a_{-})}} \times ((a_{-})) \times ((a_{-})) \times \frac{1}{\sqrt{(-a_{-})}}$$

واذا أردنا استخراج ح (م) (م كوكانت ن = ٣ كما في مثالنا يكون لدينا:

$$\frac{1}{(1-r)!} \times (\frac{r}{r}) \times (r - \frac{r}{r})^{r-r}.$$

$$= \frac{\gamma_1}{\gamma_2} \times \frac{\gamma}{\gamma} \times (\frac{\gamma}{\gamma})^{\gamma}.$$

$$= \gamma \times \frac{\gamma}{\gamma \gamma} = \frac{\gamma}{\gamma \gamma} \times (\frac{\gamma}{\gamma})^{\gamma}.$$

وبها ان التعريف الاجمالي يحدد درجة احتمال الحادثة بـ :

وحيث ان ح (م) ﴿ ﴿ ﴾ تحتل ستة مراكز من مجموعة مراكز اطراف العلم الاجمالي.

اذن ح $_{c}$ (م) $\langle \frac{1}{4} \rangle = \frac{7}{77}$ ، وهذا التقییم مطابق للنتیجة الریاضیة التی تُستنبط فی ضوء معادلة برنولی.

رابعاً ــ اتضح لنها في ضوء النقاط المتقدمة أن العلم الاجمالي. الذي

لابد ان نفسر في ضوءه الاحتبالات في نظرية توزيع برنولي، هو العلم الاجمالي الذي نفسر على اساسه قيمة احتبال وقوع صورة محددة بالذات، ومجموعة اطراف هذا العلم ـ التي هي مقام الكسر في احتبال وقوع الحادثة في صورة محددة بالمذات ـ هي مجموعة العلم الاجمالي التي نفسر على أساسها قيمة احتبال المرات الأكبر احتبالاً في معادلات برنولي.

وعدد أطراف هذه المجموعة قديتطابق مع مجموع اعداد توافيق (م)
في (ن)، كما هو الحال اذا كانت هـ = ٢ / ، وقد لا تتطابق كما هو الحال في باقى فروض (هـ).

ومن هنا لا أجد مبرراً لكي يعتمد التفسير الاجمالي ـ حتى في الحالة الاولى ـ على العلم الاجمالي الذي تتمثل مجموعة اطرافه في مجموعة اعداد توافيق («م» في «ن») أساساً لتقويم درجة احتال الحوادث في نظرية التوزيع. ونقول كما جاء في الأسس ان احتمال الحادثة المنفردة اذا لم يكن مساوياً لـ ٧ وكانت تساوي 🏋 ، فالعلم الاجمالي الذي نفسر في ضوءه احتمال الحوادث في نظرية التوزيع ـ بها في ذلك المرات الاكبر احتمالا ـ هو حاصل ضرب مجموعة اطراف العلم الثلاثي في مجموعة أطراف العلم الاجمالي، التي تتمثل في مجموع اعداد توافيق الصور الممكنة لـ (م) في (ن)، فهذا يعني اننا اذا رمينا قطعة النقد ثلاث مرات، وكان احتمال ظهور وجه الصورة مساوياً لــ (🕺) ، فالعلم الاجمالي الذي نفسر على أساسه ح 🧝 (م)=(١) أو غيرها من الاحتمالات هو عبارة عن مجموع توافيسق (م) من ٠ ← ٣. وهي تساوي (٨) صور مضروباً في (٣) التي هي مجموع أطراف العلم الشلاثي، وسوف يكون العلم الاجمالي مؤلفاً من (٢٤) طرفاً. وهذا

. ٢٥٠ منطق الاستفراء

يناقض تماماً النتيجة التي تفضي اليها معادلة برنولي، حيث ان المقام في ضوء معادلات برنولي = ٧٧.

ولكن على أي حال تجد معادلة برنولي تفسيرها المنسجم في ضوء العلم الاجمالي الذي تحدثنا عنه، ويستوعب التفسير الاجمالي للاحتمال معادلة برنولي.

٣ التفسير الاجمالي .. مشكلات وحلول:

عرضنا في الفصل السابق ثلاث مشكلات من المشاكل التي تواجه التفسير الاجالي، كما طرحنا _ خلال الفصل الاول، وفي ما تقدم من فقرات هذا الفصل _ أفكارا نقترب عبرها من فهم التفسير الاجمالي للاحتمال. وحيث اننا نحاول ان ننتهي من هذا الفصل وقد وضعنا نظرية الاحتمال على أساس التفسير الاجمالي في صيغتها النهائية، علينا ان نستقصي المشكلات الرئيسية، التي تقف أمام هذا التفسير، بل ان نستقصي المشكلات الاساسية التي تقف أمام نظرية الاحتمال في اطار هذا التفسير، موضحين اسلوب معالجتها، بغية ان نثبت المبادئ والقواعد التي ينطلق هذا التفسير في ضوءها.

وقبل ان نتناول المشكلات والحلول التي تقترحها نظرية الاحتهال في تفسيره الاجمالي علينا أولاً ان نعقد فقرة مستقلة لتحديد الصيغة الفنية النهائية للتعريف الاجمالي للاحتمال.

أ التعريف الأجالي:

اذا كان لدينا علم اجمالي فهذا يعني أن لدينا علما بمفهوم كلي عام، وشكا في انطباق هذا المفهوم العام على مجموعة من المصاديق، أي لدينا علم بوقوع حادثة وشك وتردد في ما يمثلها من مجموعة هذه المصاديق.

وحينها نلاحظ العلاقة بين كل مصداق من مصاديق المجموعة والعلم الاجمالي فسوف نرى ان هذه العلاقة تنضمن مفهوم (الاحتمال)، أي ان كل ظرف ومصداق من أطراف ومصاديق المجموعة نحتمل أن يمثل المعلوم بالاجمال.

اذن! الاحتبال الرياضي (أي الاحتبال الذي يمكن تحديد قيمته رياضياً) متضمن دائبًا في العلاقة بين كل طرف من اطراف العلم الاجمالي وبين العلم الاجمالي ذاته. وقيمته تتمثل دائبًا في كسر، نرمز اليه على وبالامكان أن نفسر البسط والمقام في هذا الكسر بتفسيرين:

التفسير الاول ـ ان الكسر هو ناتج قسمة رقم اليقين على عدد أعضاء مجموعة أطراف العلم الاجمالي، وحينئذ يكون الاحتمال درجة من درجات الاعتقاد والتصديق، وحيث ان المقام في الكسر هو مجموعة أطراف العلم الاجمالي، والعلم لا يكون اجمالياً اذا كان له طرف واحد، بل الحد الادنى لمجموعة أطراف العلم الاجمالي اثنان، اذن! سيكون الاحتمال درجة من درجات التصديق الناقص. والاحتمال بهذا المعنى ليس علاقة موضوعية بين حادثتين، ولا يمثل نسبة تكرار الحادثة.

التفسير الثاني ـ ان الكسر هو ناتج قسمة عدد المراكز التي تحتلها الحادثة، على عدد أعضاء مجموعة أطراف العلم الاجمالي، فكل عضو من اعضاء العلم الاجمالي يحتل مركزاً من بين مجموعة المراكز التي تمثلها مجموعة أعضاء العلم الاجمالي، فاذا أردنا قياس درجة احتيال حادثة ما فسوف يتمثل هذا الاحتمال بنسبة موضوعية بين عدد المراكز التي تلازم الحادثة من مجموعة مراكز اطراف العلم الاجمالي الى مجموعة اطراف العلم الاجمالي.

ب ـ أطراف العلم الاجمالي حوادث متنافية:

من الممكن أن يحصل لدينا علم اجمالي باطراف غير متنافية. كما لو علمنا بان (احمد أو علي) سيزورنا هذه الليلة، دون افتراض أي مانعة جمع بينها، ومن الممكن أيضاً ان يحصل لدينا علم اجمالي باطراف متنافية. كما لو علمنا باننا حينها نستخرج احدى الكرات فسوف تكون هذه الكرة احدى الكرات الخمسة (اذا افترضنا اننا نستخرج الكرة من حقيبة تحتوي على خس كرات). وخروج كل واحدة من الكرات الخمسة تحادثة منفردة لا تجتمع مع خروج احدى أو بعض الكرات الخمسة.

والعلم الاجمالي المذي يتحدث عنه التعريف الاجمالي هو العلم الاجمالي الله الاجمالي الله الاجمالي تساوي قيمها الاحتمالية دائبًا رقم اليقين (١).

أمــا ما هو البرهان على انَّ مجموعة أطراف العلم الاجمالي تتنانى أطرافها. ويساوي مجموع قيمها الاحتمالية (١)؟ فهذا ما سنأتي على اثباته هنا. أي سوف نثبت ان مجموعة أطراف العلم الاجمالي = مجموعة متكاملة.

ننطلق من التفسير الاجمالي، حيث يقول:

ان المقام في الكسر الذي يمثل قيمة الاحتبال هو دائبًا عبارة عن (مجموعة أطراف العلم الاجمالي) اذ تقول الصيغة الاولى لتفسير الاحتبال الرياضي ان قيمته تساوي:

الرياضي تقول ان قيمت تساوي:

عدد المسراكسز التي تحتلها الحادثة

______ ، وهذا يعني ان المقام يجب أن محمدوعة اطراف العلم الاجمالي

يكون مجموعة أطراف العلم الاجمالي، وهذا مقياس أساس يعتمده تقييم درجة الاحتيال في ضوء التفسير الاجمالي. ونعن حينها نحدد مجموعة أطراف العلم الاجمالي، فهذا يعني أننا كها حصرنا اليقين في دائرة الكلي حصرنا أيضاً الشك في دائرة هذه الأطراف، ودون حصر وتحديد عدد أطراف العلم الاجمالي بحيث يصح أنها مجموعة الاطراف وليست بعض الاطراف لا يمكن تحديد درجة احتمال الحادثة بشكل سليم.

وبغية تحديد عناصر المجموعة بشكل كامل والحصول على مجموعة أطراف العلم الاجمالي كاملة، لابد من فرض التنافي بين أطراف العلم الاجمالي، اذ مع فرض عدم التنافي، فهذا يعني ان الأطراف ليست مجموعة أطراف العلم الاجمالي، بل هي بعض الاطراف، وعندئذ لا يمكن تحديد درجة احتمال الحادثة بشكل سليم.

ايضاح ذلك:

لو علمنا بأن احد أصدقائنا الثلاثة (آ، ب، جــ) سوف يزورنا اليوم، فلدينا هنا علم أجمالي بحصول أحدى الحالات التالية:

- **١_ أن يزورنا (آ**).
- ٢_ أن يزورنا (ب).
- ٣_ أن يزورنا (جــ).
- وقد افترضنا أن الحالات غير متنافية.

واذا أردنا أن نحدد قيمة احتمال أن يزورنا كل واحد منهم على أساس هذا العلم الاجمالي فسوف يكون (ب المقام هنا (٣) لأن عدد أطراف العلم الاجمالي هي ثلاثة.

لكننا اذا تفحصنا المقام جيداً. سوف نجد أن عدد الأطراف ليست

ثلاثة. لأننا حينها نعلم بزيارة أحد الثلاثة لنا. دون أي تناف في اجتهاعهم. فهذا يعني أن دائرة الشك ليست محصورة في ثلاثة أطراف:

اما أن يزورنا (آ) وأما أن يزورنا (ب) وأما أن يزورنا (جـــ).

بل تتسع هذه الدائرة الى أطراف أخرى، أذ سوف نتردد في أن يزورنا (آ) أو (ب) أو (جــ) أو (ب) و(جــ) أو (ب) و(آ)، أو (جــ) و(آ) أو (آ) و(ب) و (جــ).

وهـذه الأطراف السبعة الاخيرة هي مجموعة الإطراف، لأنها كل الاطراف التي تمتد اليها دائرة الشك، واذا أردنا حساب قيمة احتمال أن يزورنا (آ) فسوف تكون للهم النام الاجمالي سبعة أطراف العلم الاجمالي سبعة أطراف.

وحينها نلاحظ الفرق بين مجموعة (آ، ب،ج) ومجموعة (آ، ب، ج، آب، ج، آب، آج، ب ج، آب، بج، آب، ج، آب، ج، أب للجموعة الاولى غير متنافية الاطراف، بينها تمثل المجموعة الثانية مجموعة متنافية الاطراف، وهذه هي الصفة الاولى التي يصح اطلاقها على مجموعة أطراف العلم الاجمالي، وهي أنها (مجموعة متنافية الاطراف).

ومع وجود العلم الاجمالي بحصول (آ او ب....... او آ ب جـ) فهذا يعني أن حصول أحدى هذه الحالات سوف يكون متيقنا. اذن العلم الاجمالي + مجموعة الأطراف = لابد من وقوع أحد الاطراف، وهذه هي الصفه الثانية التي يصح أطلاقها على مجموعة اطراف العلم الاجمالي، وهي أنها (مجموعة لابد أن يقع احد اطرافها).

واذا تذكرنا تعريف المجموعة المتكاملة. حيث عرفناها بأنها مجموعة

الحوادث المتنافية. والتي لابد أن تقع احداها. يتضح لنا أن مجموعة أطراف العلم الاجمالي مجموعة متكاملة.

اذن! مجموعة أطراف العلم الاجمالي = ١.

اتضح لنا أن مجموعة أطراف العلم الاجمالي تشكل مجموعة متكاملة، قالعلم الاجمالي الذي يقوم على أساسه التفسير الاجمالي للاحتمال هو علم اجمالي متنافي الأطراف، وهذا يعني أن المجموعة غير متنافية الأطراف لا تخضع للتفسير الاجمالي، ولكن باعتبار أن كل مجموعة غير متنافية الأطراف يمكن أن نشكل منها مجموعة متكاملة، يضحي شمول التعريف الاجمالي لكل الاحتمالات التي يمكن قياس درجتها رياضياً أمراً بيناً.

جـ ـ حاجة التعريف الى بديهية اضافية:

أشرنا الى أن تحديد قيمة الاحتيال تتم بطريقتين تبعا لتفسيرنا للاحتيال الرياضي، والاحتيال الرياضي على أساس التفسير الاول يساوي قسمة رقم اليقين على مجموعة أطراف العلم الاجمالي. وفي ضوء هذا التفسير لابد من افتراض تساوي القيم الاحتيالية لمجموعة أعضاء العلم الاجمالي، واتخاذ هذا الافتراض بوصفه (البديهية الاضافية الاولى)، التي يجب أن تضاف الى قائمة البديهيات التي يستدعيها حساب قيمة الاحتيال.

د ـ التفسير الاجمالي وتعريف مجموعة الأعضاء:

تقدم في الفقرة (ب) ان مجموعة أطراف العلم الاجمالي تمثل مجموعة متكاملة وبها ان المجموعة المتكاملة تتألف من الحادثة ونقيضها. كها تتألف نظرية الاحتمال «٣»نظرية الاحتمال «٣»

من الحوادث المتضادة. فهذا يعني امكانية تشكيل مجموعة أطراف العلم الاجمالي ضمن صور متعددة.

توضيح ذلك:

اذا علمنا اجمالاً بزيارة (آ) فقط او (ب) فقط او (جـ) فقط، فهنا لدينا علم اجمالي، ومجموعة أطرافه تتألف من ثلاثة أعضاء، ويمكن أن نقول أن لدينا علم اجمالياً بزيارة (آ) أو عدم زيارته. ويكون لدينا علم اجمالي، أطرافه اثنان، وحينتذ سيصطدم التعريف الاجمالي مع البديهية الاولى من بديهيات حساب الاحتمال.

ومعالجة هذه المشكلة تتوقف على تعريفنا لمجموعة أطراف العلم الاجمالي، وحينما نضم حقيقتين ـ تقدمت الاشارة اليهما ـ الى بعضهما سنحصل على هذا التعريف، والحقيقتان هما:

 ١- أن مفهوم المجموعة يعني كل اطراف العلم الاجمالي، وليس بعضها.

٢- المقياس الذي استخدمناه في معالجة التقسيم وهو عبارة عن:

(اذا أمكن تقسيم احد أطراف العلم الاجالي، دون أن يناظره تقسيم للأطراف الأخرى فهذه الاقسام أما ان تكون أصلية واما ان تكون فرعية، فاذا كانت أصلية كان كل قسم من أقسام الطرف عضواً في مجموعة اطراف العلم الاجمالي، وأما اذا كانت الاقسام فرعية، فالطرف عضو واحد).

اذا ضممنا هاتين الحقيقتين الى بعضهما نحصل حينئذ على التعريف

التالى لمجموعة أطراف العلم الاجمالى:

(هي المجموعة التي تضم كل أطراف العلم الاجمالي المتصفة:
 أولاً _ بانها ليست أقساماً فرعية.

ثانياً _ أن لا يكون قد أهمل في بعض تلك الاطراف التقسيم الى قسمين اصليين أو أقسام أصلية الا اذا كان هناك اهمال مناظر له في سائر الاطراف).

ويعدّ الاستاذ الشهيد هذا التعريف بديهية اضافية ثانية, وان أشار الى أنه في الحقيقة تعريف لموضوع البديهية الاضافية الأولى.

هـ ـ قاعدة الضرب في العلوم الاجمالية:

تقدم ان هناك قاعدة للضرب بين الاحتبالات، وهي قاعدة رياضية مستنتجة على أساس بديهية الاتصال، وحينها نقرأ هذه القاعدة في ضوء التفسير الاجمالي للاحتبال نجدها معادلة قاماً للضرب بين العلوم الاجمالية، ومن خلال الضرب بين العلم الاجمالي الأول والعلم الاجمالي الثاني نحصل على علم اجمالي ثالث تُقيم في ضوءه القيم الاحتبالية الحقيقية لأطراف العلم الاجمالي الاول ولاطراف العلم الاجمالي الثاني. كما نحدد على أساسه قيمة أحتبال الحادثة المطلوبة.

وأطراف العلوم الاجمالية المضروبة بعضها ببعض على نحوين:

النحو الاول ـ ان أطراف كل علم لا تأبى عن التعايش مع أطراف العلم الآخر، وقد مرت أمثلة كثيرة لهذا النحو، كالمثال الثالث والرابع والتاسع، وبها أنها لا تتنافى نلاحظ أنها تحافظ على قيمها الاحتيالية بعد الضرب في العلم الاجمالي الثالث، ولنضرب على ذلك مثلاً:

نظرية الاحتيال ٣٧٥

اذا كان!حتمال أن يزورنا (علي) هذه الليلة يساوي على ، واحتمال ان يزورنا (قصي) هذه الليلة يساوي على ، أيضا، أوجد قيمة احتمال أن يزورنا (قصي) و (علي) معاً هذه الليلة؟

من الواضح أننا لأجل ايجاد قيمة احتمال (ق = زيارة قصي) و(ع = زيارة علي) لابد أن نضرب: ح ق $\frac{r}{3} \times \frac{r}{3} = \frac{r}{13}$.

نأتي لنفسر الاحتهالات الواردة في هذا المثال جميعاً.

ع ق ∩ع = ح ق ×ع ع.

ومن الواضح ان لدينا هنا ثلاثة احتمالات:

$$\frac{9}{17} = \frac{9}{17}$$

نأخذ بتفسير هذه الاحتهالات، حسب ترتيبها العكسي: تفسير (ح ع):

حينها يكون لدينا (حع) فهذا يعني أن لدينا علمًا اجمالياً بوقوع احد أربعة عوامل، وثلاثة من هذه العوامل هي في صالح أن يزورنا (ع) هذه الليلة، ولنرمز الى هذه العوامل بـ (آبب جـدد) ونفترض أن (د) هو عامل النفى.

٢٦٠ منطق الاستقراء

وحينها يكون لدينا (ح ق) فهذا يعني ان لدينا علمًا اجمالياً بوقوع أحد أربعة عوامل، وثلاثة من هذه العوامل في صالح أن يزورنا (ق) هذه الليلة، ولنرمز الى هذه العوامل بـ (اً، بَ، جَـ، دَ) ونفترض ان (دَ) هو عامل النفي.

تفسير (حق) ∩ (حع):

حينها يكون لدينا احتهال زيارة (ق) و(ع) معاً، اي يكون لدينا (ح ق) ۩ (ح ع) فهذا يعني أن لدينا علهًا اجمالياً بوقوعاحدى الحالات التالية:

> ۱_ أن يقع ا مع أ. ... أ

٢_ أن يقع ا مع بَ.

٣- أن يقع ا مع جَـ. ٤- أن يقع ا مع دَ.

د ان يفع ب مع آ. ٥- أن يفع ب مع آ.

٦ـ أن يقع ب مع بَ.

٠ ـ ان يقع ب مع ب. ٧ ـ أن يقع ب مع جُ.

۸_ أن يقع ب مع دُ.

٠٠ ان يتم ب سم ر. ٩_ أن يقع جـ مع أ .

۱۰ أن يقع جـ مع ب. . . .

١١_ أن يقع جـ مع جَـ.

١٢ أن يقع جـ مع د.

۱۳_ أن يقع د مع اً.

١٤_ أن يقع د مع بَ.

۱۵ـ أن يقع د مع جـ.

نظرية الاحتمال «٢»

١٦ـ أن يقع د مع دَ.

وحينها نلاحظ هذه الحالات نجد أنها حالات متنافية ولابد أن تقع واحدة منها،ونلاحظ أيضاً أنَّ الحالات (٢، ٢٠. ٥ - ٢، ٢ - ١٠ . ١٠ . ١٠ . ٩ . ١٠ . ١٠ هي في صالح أن يزورنا (ع) و(ق) معاً،أيأن زبارة (ع) \bigcap (ق) تحتل تسعة مراكز، وحينها نلاحظ قيمة الاحتهال الناتج بالضرب نجده مساوياً له $\frac{T}{2}$ = $\frac{T}{12}$.

 $\frac{9}{17} = (5 - 1)$ اذن! (ح ق (5 - 1)

عدد المراكز التي يجتلها (ق ع) مجموعة اطراف العلم الاجمالي

وحينها نلاحظ مجموعة الأطراف، التي يتمثل فيها (حق ∩حع) نجدها حاصل ضرب مجموعة الاطراف، التي يتمثل فيها (حق) في مجموعة الاطراف التي يتمثل فيها (حع).

وحينها نلاحظ أطراف العلم الاجمالي الأول ، الذي تضمن (حع)، وأطراف العلم الاجمالي الثاني، الذي تضمن (حق) نجدها متعايشة مع بعضها بسلام، دون أن ينفي بعضها بعضا؛ ولذا نجدها بعد الضرب في العلم الاجمالي الثالث محتفظة بقيمها الاحتمالية الكاملة فالطرف (آ) كان احتماله (أ) في العلم الاجمالي الاول، واحتماله في العلم الاجمالي الثالث (أ) وهي نفس القيمة الاحتمالية الاولى، وهكذا سائر الاطراف.

النحـو الثاني ـ ان تتنافى بعض اطراف العلم الاجمالي الاول مع

بعض أطراف العلم الاجمالي الثاني، اي اننا اذا ضممنا أطراف العلم الاجمالي الاول مع العلم الثاني لنكوّن العلم الاجمالي الكبير نجد أن بعضاً من أطراف العلم الاول لا تتعايش مع بعض أطراف العلم الثاني، ولنأخذ المثال الثامن، الذي تقدم في الفصل السابق.

كان لدينا علم اجمالي مؤلف من عشرة اطراف، وطرف واحد منه لصالح عدم اصابة الرامي الهدف (السيارة اليسارية)، وتسعة اطراف من عشرة اطراف كان لصالح اصابة الرامي السيارة اليسارية.

كما كان لدينا علم اجمالي اخر مؤلف من عشرة اطراف ايضا، وطرف واحد منه لصالح ركوب القائد السيارة اليمينية، وتسعة من عشرة اطراف كانت لصالح ركوب القائد في السيارة اليسارية.

واذا اردنا ان نقيم احتيال قتل القائد في ضوء هذين العلمين لابد لنا من الضرب، وتكوين علم اجمالي كبير، مؤلف من (١٠٠)طرف، وسوف نجد ان (٨٢) طرفا من (١٠٠) طرف هي في صالح قتل القائد، واذا لاحظنا اطراف العلم الاجمالي الكبير (الثالث) نجد ان كل طرف من اطراف هذا العلم يمثل في الحقيقة تلاقيا بين أحد اطراف العلم الاول وأحد اطراف العلم الثاني.

وحينها نلاحظ قائمة الاطراف التي يمثلها اللقاء بين أطراف العلم الاول والعلم الثاني نجدها مائة طرف، تنعايش مع بعضها، وكل طرف منها محتمل الوقوع، واذا لاحظنا القيم الاحتمالية لكل طرف من اطراف العلمين (الاول والثاني) بعد الضرب وتكوين العلم الاجمالي الكبير نجد انها كها كانت، أي ان القيم الاحتمالية لكل طرف من اطراف العلم الأول والثاني

تساوي $\frac{1}{1}$, فكل طرف من أطراف العلمين صارمتمثلًا في عشرة اطراف ضمن مائة طرف, وهذا يعني ثبات قيمته الاحتيالية: اذ ($\frac{1}{1}$ = $\frac{1}{1}$).

والعلمان الاجماليان حتى هذه المرحلة يمثلان تطبيقاً من تطبيقات النحو الأول، أي: ان أطرافهما لا تتنافى، ويحتفظ كل طرف من أطراف العلمين بنفس القيمة الاحتمالية في العلم الثالث، ولكن اذا علمنا بقتل القائد بعد رمي الرامي رصاصته، فما هي القيمة الاحتمالية لركوب القائد في السيارة اليسارية؟

اتضح لنا من خلال ما تقدم ان هذه القيمة تتمثل في ($\frac{\Lambda Y}{\Lambda Y}$) أي: ان ركوب القائد في السيارة اليسارية يحتل (ΛY) طرفا من (ΛY) طرفا.

وعندما نعود الى العلم الاجالي الكبير المؤلف من (١٠٠) طرف ، نلاحظ: أننا اذا اخذنا _ العلم بقتل القائد _ بنظر الاعتبار نجد أن بعض أطراف العلم الاجالي الاول لا تتعايش مع بعض أطراف العلم الاجالي الشاني، أي اننا حينها نضرب العلمين الاجاليين للحصول على القيمة الحقيقية لاحتبال ركوب القائد السيارة اليسارية على تقدير قتله، نجد اننا حينها نجمع بين الطرف الاول الى \rightarrow التاسع من أطراف العلم الاول مع الطرف العاشر من أطراف العلم الاجمالي الثاني لتكوين تسعة أطراف في العلم الاجمالي الكبير (الثالث)، نلاحظ ان هذا الطرف غير محتمل، وان الطرف (١) والطرف (10) لا يجتمعان على أرض الواقع، والحال كذلك بالنسبة للاطراف (٢ ـ 10) و(٣ ـ 10) و(٥ ـ 10) و(٥ ـ 10) و(٨ ـ 10) ور٨ ـ

جديد، بل هذا الطرف يولد ميتاً، لأننا بعد العلم بقتل القائد لا نحتمل اصابة الرامي السيارة اليسارية وجلوس القائد في السيارة اليمينية.

ونـلاحظ أيضـاً ان الطرف (١٠) من العلم الاجمالي الاول يتنافى ويأبى اللقاء مع الاطراف 1-2-3-4-5-6-7-8-9؛ لأننا بعد العلم بقتل القائد لا نحتمل جلوس القائد في السيارة اليسارية، واصابة الرامي السيـارة اليمينية.

وعلى هذا الاساس سوف لا تحتفظ أطراف العلم الاول واطراف العلم الثاني بقيمها الاولية، التي اكتسبتها على أساس العلم الاول والثاني، بل تتغير هذه القيم على النحو التالي:

الطرف الاول للعلم الاجمائي الاول = $\frac{1}{\sqrt{10}}$ ، بينها تضحي قيمته في العلم الثالث $\frac{1}{\sqrt{100}}$ العلم الثالث $\frac{1}{\sqrt{100}}$ بينها تضحي قيمته في العلم الثالث $\frac{1}{\sqrt{1000}}$.

الطرف الثالث للعلم الاجمالي الاول = ١٠/١ بينا تضحي قيمته في العلم الثالث ٨٢/٩.

الطرف الرابع للعلم الاجمالي الاول = ١٠/١ بينا تضحي قيمته في العلم الثالث ٨٢/٩.

الطرف الخامس للعلم الاجمالي الاول = ١٠/١ بينا تضحي قيمته في العلم الثالث ٨٢/٩.

الطرف السادس للعلم الاجمالي الاول = ١٠/١ بينا تضحي قيمته في العلم الثالث ٨٢/٩. الطرف السابع للعلم الاجمالي الاول = ١٠/١ بينا تضحي قيمته في العلم الثالث ٨٢/٩.

الطرف الثامن للعلم الاجمالي الاول = ١٠/١ بينا تضحي قيمته في العلم الثالث ٨٢/٩.

الطرف التاسع للعلم الاجمالي الاول = ١٠/١ بينا تضحي قيمته في العلم الثالث ٨٢/٩.

الطرف العاشر للعلم الاجمالي الاول = ١٠/١ بينا تضحي قيمته في العلم الثالث ٨٢/٩.

الطرف الاول للعلم الاجمالي الثاني = ١٠/١ بينا تضحي قيمته في العلم الثالث ٨٢/٩.

الطرف الثاني للعلم الاجمالي الثاني = ١٠/١ بينا تضحي قيمته في العلم الثالث ٨٢/٩.

الطرف الثالث للعلم الاجمالي الثاني = ١٠/١ بينا تضحي قيمته في العلم الثالث ٨٢/٩.

الطرف الرابع للعلم الاجمالي الثاني = ١٠/١ بينا تضحي قيمته في العلم الثالث ٨٢/٩.

الطرف الخامس للعلم الاجمالي الثاني = ١٠/١ بينا تضحي قيمته في العلم الثالث ٨٢/٩.

الطرف السادس للعلم الاجمالي الثاني = ١٠/١ بينا نضحي قيمته في العلم الثالث ٨٢/٨.

المطرف السابع للعلم الاجمالي الثاني = ١٠/١ بينا تضحي قيمته في العلم الثالث ٨٢/٩.

٢٦٦ منطق الاستقراء

الطرف الثامن للعلم الاجمالي الثاني = ١٠/١ بينا تضحي قيمته في العلم الثالث ٨٢/٩.

الطرف التاسع للعلم الاجمالي الثاني = ١٠/١ بينا تضحي قيمته في العلم الثالث ٨٢/٩.

الطرف العاشر للعلم الاجمالي الثاني = ١٠/١ بينا تضحي قيمته في العلم الثالث $\frac{1}{AY}$.

اذن! اذا اردنا ان نَقيم درجة احتمال ركوب القائد في السيارة اليسارية على تقدير قتله، واردنا ان نحدد القيمة التي يؤول اليها كل طرف من اطراف العلم الاجمالي الاول والثاني، لابد لنا من الضرب بين مجموعة اطراف العلم الاول والثاني، وتكوين علم اجمالي ثالث، وفرز الصور المتنافية.

تعود الى العلمين الاجماليين اللذين تتنافى اطرافهها، لنرى اننا لاجل تحديد القيمة الحقيقية للاحتهال، وتحديد قيم اطراف العلم الأول والثاني لابد لنا من الضرب بين العلم الاجمالي الاول والعلم الاجمالي الثاني، وهذا الضرب هو الذي اطلق عليه الاستاذ الشهيد (قاعدة الضرب في العلوم الاجمالية)، وهذه القاعدة تقع في طول بديهيات نظرية الاحتهال وهي مستنتجة على اساسها، اي: ان قاعده الضرب يصع اجراؤها بعد التاكد من صدق بديهيات نظرية الاحتهال.

و_ بديهية الحكومة:

تقدم أن العلوم الاجمالية التي ترتبط بحادثة من الحوادث تنقسم الى قسمن:

نظرية الاحتيال «٢»نظرية الاحتيال «٢»

الاول ـ العلوم الاجمالية غير المتنافية. الثانى ـ العلوم الاجمالية المتنافية.

ومن الواضح اننا اذا واجهنا حادثة يتعلق بها علمان اجماليان متنافيان، فلا يمكننا تقييم درجة احتال الحادثة على أساس الضرب المحض بين (العلم ١) و(العلم ٢)، وتكوين علم ثالث نتيجة الضرب بين اعضاء العلمن، بل لابد لنا من احد طريقين:

الطريق الاول _ استخدام قاعدة الضرب بين العلوم الاجمالية التي تقرر ضرب عدد أعضاء (العلم ١)، ثم فرز الصور غير المحتملة، وتكوين (علم ٣) مؤلف من الصور المحتملة فقط، وتقبيم درجة احتيال الحادثة على أساس العلم الثالث.

الطريق الشاني ـ تقييم درجـة احتمال الحادثة على أساس احد العلمين. والغاء الآخر من الحساب.

ولا يتعين استخدام الطريق الثاني ما لم تنطبق على العلمين (قاعدة الحكومة)، أي أن يكون احد العلمين حاكمًا على العلم الآخر، ولا يسمح له بالتدخل في تقييم درجة احتمال الحادثة، ولايضاح مورد هذه القاعدة نحاول هنا ان نبدأ بالمثال التالى:

اذا كان هناك عشرة مرضى يرقدون في المستشفى (س)، وعلمنا بموت احد الراقدين في المستشفى (س) فهاهي قيمة احتبال موت كل واحد من اولئك المرضى.

الجواب واضح؛ اذ لدينا علم اجمالي مؤلف من عشرة أطراف، وليس هناك مبرر لترجيح موت أي منهم على موت الآخر.

اذن! ح = ن

لكن اذا حصل لنا العلم بأن مريضاً آخر رقد في احد المستشفيين (س) او (ص)، وكان اقبال المرضى على كلا المستشفيين بنسبة واحدة، علمًا ان المستشفى (ص) لم يمت فيه احد.

في هذه الحالة سيكون المريض الحادي عشر داخلًا في اطار مجموعة العلم الاجمالي الاول، أي سوف يكون من المحتمل ان المريض الحادي عشر هو المريض الميت في المستشفى (س)، وهذا يعني ان مجموعة أطراف العلم الاجمالي الاول تصبح أحد عشر طرفاً.

حتى الآن يصبح لدينا علمان اجماليان يتألف الأول منها من أحد عشر طرفاً، وهو العلم بموت احد الراقدين في المستشفى (س)، ويتألف الشاني من طرفين، وهمو العلم بدخول المريض الحادي عشر الى احد المستشفين (س) او (ص).

نطرح السؤال التالي:

ما هي العلاقة بين أطراف العلم الاجمالي الاول والعلم الاجمالي. الثاني، هل هي علاقة التنافي أم علاقة التعايش ؟.

اذا لاحظنا الطرف الحادي عشر من العلم الاول والطرف الثاني من العلم الثاني نجدهما متنافيين، أي أن احتمال موت المريض الحادي عشر لا يجتمع مع احتمال دخوله في المستشفى (ص).

تقدم ان قاعدة الضرب في العلوم الاجمالية تعني: اذا كان لدينا علمان اجماليان تتنافى بعض اطرافها، فعلينا ان نضرب العلمين في بعضها، ونفرز الصور المتنافية، ونُقيَّم درجة احتمال الحادثة، ونحدد احتمال كل طرف، في

ضوء ذلك.

ونحن لدينا في المثال المتقدم علمان اجماليان تتنافى بعض اطرافهها، فهــل نُقيَّم درجــة احتمال الحادثة، واحتمال كل طرف على اساس قاعدة الضرب في العلوم الاجمالية ام لا؟

اذا اردنا ان نستخدم قاعدة الضرب في العلوم الاجمالية علينا ان نضرب العلم الاول في العلم الثاني، ونؤلف علما اجماليا ثالثا، وهو حاصل ضرب كلا العلمين، ونفرز الاطراف غير المحتملة. بعد الضرب تصبح امامنا الصور التالية:

١- أن يعوت المريض رقم (١) والمريض الحادي عشر في المستشفى (س).

٢- أن يموت المريض رقم (٢) والمريض الحادي عشر في المستشفى
 (س).

"ح. أن يموت المريض رقم (٣) والمربض الحادي عشر في المستشفى
 (س).

\$- أن يموت المريض رقم (٤) والمريض الحادي عشر في المستشفى
 (س).

٥- أن يعوت المريض رقم (٥) والمريض الحادي عشر في المستشفى
 (س).

٦- أن يموت المريض رقم (٦) والمريض الحادي عشر في المستشفى
 (س).

لا أن يموت المريض رقم (٧) والمريض الحادي عشر في المستشفى
 (س).

أن يموت المريض رقم (٨) والمريض الحادي عشر في المستشفى
 (س).

٩- أن يموت المريض رقم (٩) والمريض الحادي عشر في المستشفى
 (س).

١٠ أن يموت المريض رقم (١٠) والمريض الحادي عشر في المستشفى (س).

١١ـ أن يمنوت المريض رقم (١١) والمنزيض الحنادي عشر في المستشفى (س).

١٢ أن يملوت المريض رقم (١) والمريض الحادي عشر في المستشفى (ص).

١٣ أن يموت المريض رقم (٣) والمريض الحادي عشر في المستشفى (ص).

١٤ أن يموت المريض رقم (٣) والمريض الحادي عشر في المستشفى (ص).

١٥ أن يموت المريض رقم (٤) والمريض الحادي عشر في المستشفى (ص).

١٦ أن يموت المريض رقم (٥) والمريض الحادي عشر في المستشفى (ص).

١٧ أن يموت المريض رقم (٦) والمريض الحادي عشر في المستشفى (ص).

١٨ أن يموت المريض رقم (٧) والمريض الحادي عشر في المستشفى (ص).

نظرية الاحتال «٢»٢٧١

١٩ أن يمنوت المريض رقم (٨) والمنزيض الحنادي عشر في المستشفى (ص).

٢٠ ان يموت المريض رقم (٩) والمريض الحادي عشر في المشفى
 (ص).

٢١ ان يموت المريض رقم (١٠) والمريض الحادي عشر في المشفى(ص).

٢٢ ان يموت المريض رقم (١١) والمريض الحادي عشر في المشفى (ص).

وبها ان الصورة الاخيرة غير محتملة، يبقى لدينا (٢١) طرفا، وهذا يعني ان تطبيق قاعدة الضرب في العلوم الاجمالية على المثال يؤدي الى اعطاء احتبال موت المريض الحادي عشر قيمة احتبالية مقدارها $(\frac{1}{1})$ كما يؤدي الى خفض قيمة احتبال دخول المريض الحادي عشر المشفى (ص) من $(\frac{1}{1})$ الى $(\frac{1}{1})$.

لكن تأعدة الضرب في العلوم الاجمالية لا مجال لتطبيقها على هذا المثال:

نلاحظ اننا في حال علمنا بان هناك عشرة مرضى في المشفى (س)، وشكنا بوجود المريض الحادي عشر، لا يمكننا ان نمنح المريض الحادي عشر نفس القيمة الاحتيالية التي نمنحها لكل واحد من المرضى العشرة، على اساس العلم الاجمالي بموت احد مرضى المشفى (س)، لان العلم الاجمالي بموت احد مرضى المشفى (س) لايحدد عدد اعضاء مرضى المشفى (س) بواسطة علم او علوم الحرى، فالاعضاء العشرة نعلم يقينا بانهم راقدون في المشفى (س)، ومن

ثم فهم يتوفرون على قيم احتيالية متساوية من العلم الاجمالي بموت احد الراقدين في المشفى (س)، اما المريض الحادي عشر، فنحن نشك باتصافه بصفة (انه راقد في المشفى «س»)، ومن ثمّ نشك في كونه عضوا من اعضاء مجموعة العلم الاجمالي بموت احد المرضى الراقدين في المشفى (س).

ولكن كيف تحدد قيمة احتمال مـوت المريض الحادي عشر؟

ان قيمة هذا الاحتال تتحدد اساسا تبعا لقيمة احتال اثبات كونه عضوا من اعضاء العلم الاجمالي، فالقيمة الاحتالية التي تحدد لنا درجة توفر الصفة (انه راقد في المشفى «س») في المريض الحادي عشر، ومن ثم تحدد لنا قيمة احتال كونه عضوا من اعضاء العلم الاجمالي بموت احد الراقدين في المشفى (س)، هي التي يتم على اساسها تحديد قيمة احتال موت المريض الحادي عشر.

وبعبارة اخرى، اننا ما دمنا نشك باتصاف المريض الحادي عشر بكونه راقدا في المشفى (س)، فهذا يعني اننا نملك علما اجماليا يمنح اتصاف المريض بتلك الصفة قيمة محددة، ونفس هذه القيمة تثبت لنا كونه طرفا من اطراف العلم الاجمالي، وعلى اساسها يستمد المريض الحادي عشر قيمة احتبالية من العلم الاجمالي الاول (العلم بموت احد مرضى المشفى (س)، وحينئذ ستكون قيمة احتبال موته تساوي قيمة احتبال دخوله (س) مضروباً في قيمة احتبال موته على تقدير دخوله المشفى (س).

وبهذا يتضع ان احتبال موت المريض الحادي عشر يستمد قيمته من العلم الاجمالي بكونه راقداً في المشفى (س)، ومن هنا لا يمكن ان تتعارض هذه القيمة الاحتبالية (احتبال موته) مع القيمة الاحتبالية التي يحددها العلم الاجمالي الناني (العلم بكونه راقداً في المشفى (س) أو المشفى (ص) ، كها

نظرية الاحتيال «٢»نظرية الاحتيال «٢»

تفترض قاعدة الضرب بين العلوم الاجمالية.

ومن هنا يمكننا أن نقول:

(اذا وجدت قيمتان لحتياليتان مستمدتان من علمين اجماليين احداها مثبته لقضية ما والاخرى نافية لها، وكانت احدى القيمتين في اثباتها او نفيها تنفي طرفية تلك القضية للعلم الاجمالي الآخر دون العكس، فهي حاكمة على الاخرى، ولا تصلح الاخرى للتعارض معها، ومن ثمَّ لا مبرر للضرب وتكوين علم اجمالي ثالث).

وهـذه القـاعدة نطلق عليها (بديهية الحكومة)، ونعتبرها البديهية الاضافية الثالثة، التي تعتمدها نظرية الاحتيال في تفسيره الاجمالي.

ولأجل تجلية هذه القاعدة بشكل اكبر، نعود الى الجدول الذي رسمناه لقاعدة الضرب بين العلوم الاجمالية، حيث كان لدينا علمان اجماليان: (العلم ۱) العلم بموت احد مرضى المشفى (س) و (العلم ۲) العلم بأن المريض الحادي عشر اما ان يكون راقدا في المشفى (س) او المشفى (ص)، وهذان العلمان الاجماليان بعد الضرب يشكلان علما اجماليا مؤلفا من (۲۱) طرفا، لان (الطرف الحادي عشر) يتعارض ويتنافى مع الطرف الثاني من العلم الثاني.

من الواضع ان اجراء قاعدة الضرب بين العلوم الاجالية يعتمد اساسا على افتراض التنافي والتعارض بين اطراف العلم الاول واطراف العلم الشاني، لكن افستراض التنافي في مثالنا غير صحيح، لان التنافي والتعارض انها يتم بين العلمين الاجاليين المتكافئين، بينا (العلم ٢) حاكم على العلم الاول، لان القيمة الاحتمالية التي يستمدها الطرف الحادي عشر من العلم الاول تتوقف على (العلم ٢).

وبعبارة اخرى: ان التنافي بين القيمة الاحتيالية الحادية عشرة للعلم الاول، والقيمة الاحتيالية الثانية للعلم الثاني غير معقول، لان القيمة الاحتيالية الثانية تنفي ان يكون المريض الحادي عشر نزيلا في المشفى (س)، ومن ثم فهي تنفي كونه عضوا من اعضاء العلم الاجمالي الاول.

ز_ مشكلات العلوم الاجمالية الشرطية:

ينصب العلم الاجمالي على قضية حملية احيانا، وينصب احيانا اخرى على قضية شرطية، فقد اعلم بزيارة وزير لمدينتنا واشك في كونه الوزير (آ)، (ب)، فالعلم هنا ينصب على قضية حملية (ان وزيرا سيزور مدينتنا)، وقد لا اعلم ولا اجزم بتحقق زيارة احد الوزراء، ولكنني اعلم انه اذا زار مدينتنا احد الوزراء فهو اما (آ) او (ب).....

فالعلم هنا منصب على قضية شرطية، ونطلق على العلم الاجمالي الاول (العلم الاجمالي الحملي).

والعلم الاجمالي الشرطي يثير امامنا مشكلتين رئيسيتين، نستطيع ان نفيد من معالجة احداهما قاعدة، وتلزمنا الثانية باتخاذ بديهية، تكون اساسا لنظرية الاحتيال، وسنأتي هنا على عرض كلتا المشكلتين ودراستها:

المشكلة الاولى:

اذا كنا في يوم ۱/۱۰ نعلم بان (س) لديه امتحان دراسي يحصل في ضوءه على درجة الدكتوراه في القاهرة يوم ۱/۲۰، وكنا نحتمل مرضه خلال هذه الايام بدرجة ۲/۱، لكننا نعلم ايضا انه اذا لم يكن مريضا فسوف يسافر حتما اما في يوم ۱/۱٤، او ۱/۱۵، اس او ۱/۱۸، اي اننا نعلم باحدى

القضايا الشرطية التالية:

١- اذا لم يكن (س) مريضا فسوف يسافر الى القاهرة يوم ١/١٤.
 ٢- اذا لم يكن (س) مريضا فسوف يسافر الى القاهرة يوم ١/١٥.

٣- اذا لم يكن (س) مريضا فسوف يسافر الى القاهرة يوم ١/١٦.

٤_ اذا لم يكن (س) مريضا فسوف يسافر الى القاهرة يوم ١/١٧.

٥ـ اذا لم يكن (س) مريضا فسوف يسافر الى القاهرة يوم ١/١٨.

ومن الواضح ان كل قضية من هذه القضايا الشرطية تشكل طرفا من اطراف العلم الاجمالي. ومن ثم فهي محتملة بدرجة ﴿

لكن اجتماع هذا العلم الشرطي مع العلم الاجمالي الحملي الذي حددنا في ضوءه قيمة احتمال مرض (س) بـ (٢/١) يضعنا امام مشكلة تقييم درجة الاحتمال الحملي، في حال اكتشافنا كذب الجزاء في بعض القضايا الشرطية المحتملة، فاذا علمنا مثلا بان (س) لم يسافر في اليوم ١/١٤ واليوم ١/١٥، وكنا في اليوم ١/١٦ قبل اقلاع الطائرة، فهل ان قيمة احتمال ان يكون (س) مر يضا ستبقى على (٢/١) ام ستنغير؟

نلاحظ القضية الشرطية التالية:

(اذا كان مسيلمة نبيا فهو حسن الاخلاق).

هذه القضية الشرطية لها شرط، وهو (نبوة مسيلمة)، ولها جزاء، وهو (حسن اخلاقه).

ومن الواضح ان هذه القضية الشرطية قضية متيقنة لدينا لان النبي لا بد ان يكون حسن الخلق، فاذا ثبت لدينا ان مسيملة سييء الخلق فسوف يثبت لدينا حتم ان مسيلمة ليس نبيا.

نلاحظ هنا اننا على يقين بصدق القضية الشرطية (اذا كان مسيلمة

٢٧٦ منطق الاستقراء

نبيا فهو حسن الاخلاق)، اي اننا نحتمل صدق هذه القضية بدرجة $(\frac{1}{1})$ ، والسر في ذلك ان صدق القضية الشرطية امر ثابت، وكذب الجزاء امر ثابت ايضا، ولكي تحافظ القضية الشرطية على صدقها فسوف تدل على كذب الشرط بنفس الدرجة التي تثبت فيها صدقها لان القضية الشرطية التي كذب جزاؤها لا تحافظ على صدقها الا بثبوت كذب شرطها.

نعود الى القضايا الشرطية المحتملة:

١- اذا لم يكن (س) مريضاً فسوف يسافر الى القاهرة يوم ١/١٤.
 ٦- اذا لم يكن (س) مريضاً فسوف يسافر الى القاهرة يوم ١/١٥.
 ٣- اذا لم يكن (س) مريضاً فسوف يسافر الى القاهرة يوم ١/١٧.
 ٤- اذا لم يكن (س) مريضاً فسوف يسافر الى القاهرة يوم ١/١٧.
 ٥- اذا لم يكن (س) مريضاً فسوف يسافر الى القاهرة يوم ١/١٨.

نلاحظ هنا ان كل واحدة من هذه القضايا الشرطية قضية محتملة يدرجة ﴿ ، لان كل واحدة منها طرف من اطراف العلم الاجمالي الشرطي.

وبها ان القضية الشرطية صادقة بدرجة $\frac{1}{6}$ ، وقد كذب جزاؤها، اي: ثبت ان (س) لم يسافر الى القاهرة يوم 1/12، حينئذ ستثبت كذب الشرط بنفس درجة صدقها، اي بدرجة $\frac{1}{6}$ ، هذا اذا ثبت كذب الجزاء في قضية شرطية واحدة، اما اذا ثبت كذب الجزاء في قضيتين شرطيتين من قضايا العلم الاجمالي، فهذا يعني ان كل واحدة من القضيتين الشرطيتين تثبت (مرض س) اي كذب الشرط بدرجة $\frac{1}{6}$ ، حينئذ سيكون احتمال

نظرية الاحتيال «٢»

مرض (س) مساویاً لـ $\frac{1}{6} + \frac{1}{6} = \frac{7}{6}$.

في هذا الضوء يمكن ان نستنتج قاعدة تفيدنا في حساب احتمال قيمة الحوادث، وهي ان:

كل علم اجمالي شرطي - يضم مجموعة من القضايا الشرطية المحتملة، التي تشترك في شرط واحد، وتختلف في اجزاء اتها - ينفي الشرط المشترك بقيمة احتمالية تساوي حاصل جمع القيم الاحتمالية للقضايا الشرطية المحتملة التي علمنا بكذب جزاءها، في اطار مجموعة اطراف العلم الاجمالي الشرطي.

المشكلة الثانية:

ان العلوم الاجمالية الشرطية يمكن ان تقسمها الى قسمين، تبعا لطبيعة جزاءها:

أولاً ـ العلوم الاجمالية ذات الواقع المحدد.

ثانيا _ العلوم الاجمالية التي ليس لها واقع محدد.

فالعلم الاجمالي قد يكون جزاؤه مشيرا الى امر محدد في لوح الواقع ولكن جهلنا وعدم اطلاعنا يجعلنا نترددونعددائل الجزاء، كما في المثال التالي:

اذا ذهبت الى المستشفى هذه الساعة فسوف أجد الدكتور (س) أو (ص) أو (ع)...

لنلاحظ الجزاء في هذه القضية الشرطية (سأجد الدكتور (س) او (ص) او (ع).....) نجد ان الجزاء يتحدث عن امر لانستطيع تحديده بحكم عدم اطلاعنا، لكن الجزاء محدد في الواقع؛ اذ لو سألنا استعلامات المستشفى فسوف تخبرنا بالدكتور المناوب في تلك الساعة، ونحن نطلق على هذا العلم الاجمالي (العلم الاجمالي ذو الواقع المحدد).

ويمكن ان يكون لدينا علم اجمالي شرطي ليس لجزاءه واقع محدد، اي ان جزاءه لا يتحدث عن الواقع، كما هو الحال في المثال التالي:

لو علمنا ان المستشفى (س)، الذي نريد مراجعته هذه الليلة لا يتسوقر على جهاز للتصوير الشعاعي، ونعلم ايضا ان اجهزة التصوير الشعاعي المتوفرة فعلافي مستشفيات البلاد محصورة في الانواع التالية (آ)، (ب)، (ب)، حينئذ سيكون لدينا العلم الاجمالي التالي:

اذا كان هناك جهاز تصوير في المستشفى (س) فهو اما ان يكون من النوع (آ) او (ب) او (ج).

وعند تحليل هذا العلم الاجمالي الشرطي نجده متمثلاقي ثلاث قضايا شرطية محتملة:

١- اذا كان في المستشفى (س) جهاز تصوير فهو من النوع (آ).
 ٢- اذا كان في المستشفى (س) جهاز تصوير فهو من النوع (ب).

٣ اذا كان في المستشفى (س) جهاز تصوير فهو من النوع (ج).

ولكن لو راجعنا مسؤول المشتريات في المستشفى فهل يستطيع ان يحدد لنا نوع الجهاز المفترض وجوده في المستشفى (س)؟

طبعا لا يستطيع ان يحدد، بل لا يحدد نوعية هذا الجهاز حتى علام الغيوب، والسر في ذلك ان الجزاء في العلم الاجمالي لا يتحدث عن الواقع، فتتعدد البدائل في الجزاء لعدم اطلاعنا الكامل، بل تتعدد البدائل في الجزاء نظرية الاحتيال «٣»نال «٣٠ عنيال «٣٠ عنيال «٣٠ عنيال «٣٠ عنيال «٣٧٩ عنيال «٣٧٩

لكي نتجنب الوقوع في التناقض بين الافتراضات، فيا دمنا قد افترضنا وجود الجهاز وافترضنا انحصاره في النوع (آ) او (ب) او (ج)، فلا بد ان تتعدد بدائل الجزاء المترتب على الافتراض الاول.

السؤال المطروح هنا:

هل يمكننا أن تُقيَّم درجة احتيال الحوادث على أساس هذا العلم الاجمالي أم لا؟

طبعا لا نستطيع ان نقيم درجة احتيال الحوادث في ضوء هذا العلم الاجمالي الشرطي، لان الاحتيال يرتبط بتقييم الواقع، ونحن نريد بتنمية درجة الاحتيال ان نقترب من تحديد الواقع المردد بين بدائل متعددة، بينا ليس لهذا العلم الاجمالي الشرطي واقع يتحدث عنه، بل واقعه على افتراض الشرط يبقى مرددا الى ما لانهاية؛ ولذا لا يستطيع احد مهما بلغت درجة معلوماته على رفع، التردد، الذي يلف هذا العلم الاجمالي.

ومن هننا يمكننا ان نتخذ هذا المفهوم كأساس ومبدأ من مبادي، نظرية الاحتيال، ونقول:

(ان الشرط الاساس للافادة من العلوم الاجمالية الشرطيه في تقييم درجة احتمال الحوادث ان تكون هذه العلوم ذات واقع محدد).

وهذه هي البديهية الاضافية الرابعة. التي ينبغي اضافتها الى قائمة البديهيات، التي ترتكز عليها نظرية الاحتيال المختارة.

استنتاج وتلخيص:

اتضع لنا أن الاتجاه الجديد في نظرية الاحمال، والذي سميناه (نظرية الاحتمال في تفسيره الاجمال) يعتمد المبادي، والبديهيات الرياضية،

٢٨٠ منطق الاستقراء

التي تفترضها نظريات الاحتيال ويفسر الاحتيال الرياضي على اساس العلم الاجمالي ويرى هذا الاتجاء ان نظرية الاحتيال بحاجة الى بديهيات اضافية اخرى، ترتبط الاولى بافتراض قسمة العلم الاجمالي على اعضاء مجموعته بالتساوي، وتعرف الثانية بشكل دقيق المجموعة، وتؤكد الثالثة على ان بعض العلوم الاجمالية تلغي دور العلوم الثانية التي تشترك معها في تقييم درجة الاحتيال، وتنص الرابعة على ان العلوم الاجمالية الشرطية اذا لم تتحدث عن الواقع، لا يمكن تقييم درجة الاحتيال ـ الذي يرتبط في جوهره بالواقع ـ على اساسها.

وتحسن الاشارة هنا الى ان هناك بديهية خامسة، ترتبط ببديهية الحكومة (البديهية الثالثة)، وتطرح مصداقا لهذه البديهية، وقد اكد السيد الشهيد على ان الحالة التي نفسر بها الموقف في البديهية الخامسة على اساس (بديهية الحكومة) يمكن تفسيره ايضا على اساس قاعدة الضرب.

وقاعدة الضرب بين العلوم الاجماليه هي القاعدة التي يعتمدها تقييم الاحتيال، بعد التأكد من ان العلاقة بين العلمين الاجماليين ليست هي (الحكومة).

الفصل الرابع

نظرية الاحتمال والدليل الاستقرائي

الفقرة الاولى: الاستقراء والنظرية الرياضية للاحتيال

الفقرة الثانية: الاستقراء ونظرية الاحتيال لدى الشهيد الصدر



الفصل الرابع نظرية الاحتهال والدليل الاستقرائي

الاستقراء _ كما هو الشائع في تعريفه _ انتقال من الجزئيات الى الحكم العمام، وبغية الانتقمال الى الحكم العمام علينما ان نختم بعض الجزئيات، فاذا وجدناها متصفة بصفة ما، نقول ان: (أ) تتصف بـ (ب).

مثال:

تأخذ المثال التقليدي المعروف (الحديد يتمدد بالحرارة)، واذا رمزنا الى الحديد بـ (أ)، والى التمدد بالحرارة بـ (ب) نقول: (كل أهي ب)، وهذا حكم عام.

نتساءل: من اين جاء هذا الحكم العام؟

الجواب: اننا لاحظنا (أ ١) اي قطعة الحديد رقم (١)، فوجدناها تتمدد بالحرارة، ولاحظنا (أ ٢) اي قطعة الحديد رقم (١)، فوجدناها تتمدد بالحرارة ايضا، وهكذا الى (أن) من القطع الحديدية، ومن ثُمَّ استطعنا ان نعمم، ونقول ان (كل أ هي ب).

من المتفق عليه في منطق الاستقراء ان التعميم المذكور في المثال المتقدم ليس تعميها يقينها: أذ أننا اختبرنا بعض قطع الحديد الموجودة في العالم، ومن هنا فمن المعقول أن تكون هناك بعض قطع الحديد التي لا تتمدد بالحرارة.

وبعبارة اخرى: اننا مع افتراض صدق المقدمات، وان قطع الحديد التي لاحظناها تتمدد بالحرارة حقا، يمكن ايضا ان تكذب النتيجة، وهذا يعني ان التعميم الاستقرائي بصيغته المتقدمة (كل أ هي ب) ليس مستنتجا استنتاجا منطقيا من مقدماته الاستقرائية، وهذا امر تجمع عليه كل مدارس المنطق الاستقرائي.

بل يتفق رجال المنطق منذ ارسطو حتى اليوم على ان مقدمات الاستقراء قرائن تفيد الظن بالنتيجة، اي اننا اذا اعتمدنا في استخلاص النتيجة الاستقرائية على مجموعة الاختبارات الجزئية، التي اجريناها فحسب، فسوف تحصل النتيجة على قيمة احتالية كبيرة، ويصح لنا القول: اننا نحتمل احتبالا قويا بان كل حديد يتمدد بالحرارة، او ان (كل أهي ب).

ومن المتفق عليه منطقيا ان زيادة عدد الاختبارات الناجحة يرفع قيمة احتبال النتيجة، وقد تبلغ الى ما يقرب اليقبس، لكنها اي النتيجة الاستقرائية لا يمكن ان تبلغ اليقين وتساوي (١)، مهما كبر عدد الاختبارات، بل تبقى النتيجة متمثلة في كسر اصغر من واحد.

لكن الخلاف قائم بين مناطقة الاستقراء في تعيين الاسلوب، الذي يتم بموجب تحديد القيمة الاحتيالية للنتيجة الاستقرائية، اي الاساس المذي يتم بموجب السياح للاختيارات الناجحة في اعطاء النتيجة الاستقرائية قيمة احتيالية اكبر مما كانت عليه قبل كل اختيار.

والسؤال المرئيس الذي يطرحه مناطقة الاستقراء المعاصرون في خلافهم حول تقييم الحكم الاستقرائي الاحتمالي هو: هل ان نظرية الاحتيال. دون اخذ مبدأ العلية كمصادرة. قادرة على تفسير نمو درجة الاحتيال. وفقا لنجاح الاختبارات ام لا؟

اي: اننا اذا لم نأخذ العلبة كمصادرة، ونفترض أن العلاقات القائمة بين موضوعات التجارب الاستقرائية ومحمولاتها هي من قبيل العلاقات الضرورية، فهل يتأتى لنا حينئذ أن نمنح القضية المستنتجة في ضوء التجارب الاستقرائية قيمة احتالية كبيرة، أم لا؟

لنوضح هذا الموضوع الرئيس في ضوء المثال المتقدم:

كان لدينا في المشال المتقدم (أ) و (ب). ونحن قد لاحظنا بعض مصاديق (أ) فوجدناها تتصف بـ (ب)، والتعميم المطلوب استنتاجه بقيمة احتالية كبيرة هو (كل أ ب).

من الواضع ان كل اختبار من اختبارات (أ) يمثل في الواقع قرينة جديدة، تدعم التعميم المطلوب، وترفع قيمته الاحتالية، فنحن حينها لاحظنا لاول مرة اقتران (أ) بـ (ب) فسوف نحتمل بدرجة ما ان (كل أب) ولكن بعد نجاح الاختبار الثاني والثالث.... سترتفع قيمة احتمال ان (كل أب).

حينها نحلل كل اختبار من اختبارات (أ) نجد ان (أ) تتمدد بتسليط الحرارة عليها، ونحن حينها نجري الاختبار الاول نلاحظ ان درجة احتهال (كل أ ب) اي ان كل حديد يتمدد بالحراة، لا تتعدى ($\frac{1}{2}$)، لكنها ستزداد حتها بعد عدد من التجارب وتتجاوز ($\frac{1}{2}$).

ولكن اذا افترضنا _ تبعا لـ (دافيد هبوم) _ ان العليّة هي علاقة ا اقتران وتتابع، وان ليس هناك من دليل على ان العلاقة بين السبب والمسبب ٢٨٦ منطق الاستقراء

علاقة ضرورية، بحيث اذا وجد السبب تحتم وجود المسبب، فهل تتجاوز قيمة احتال (كل حديد يتمدد بالحراة) الـ ($\frac{1}{7}$) بعد اي عدد من التجارب ام Y?

والاجابة على هذا الاستفهام تقسم التجريبيين الى فريقين:

١- الفريق الذي يجيب على الاستفهام بالنفي.

٢ فريق آخر يجيب على الاستفهام بـ (نعم).

ولعل اوضح من يمثل الفريق الاول هو الرياضي والفيلسوف الانجليزي المعاصر (برتراندراسل)، وقد تحدث عن هذا الموضوع في مناسبات مختلفة من دراساته، وضمن حديثه عن نظرية (دافيد هيوم) في العلية يقول:

«لنتساءل الان ماذا تراه رأينا في نظرية (هيوم) لهذه النظرية جزآن. احدهما موضوعي والاخر ذاتي، فالجزء الموضوعي مفاده.

حين نحكم بان (أ) تسبب (ب) فان ما حدث بقدر ما يتعلق الامر بـ (أ) و (ب) هو اننا قد لاحظنا مرارا وتكرارا اقترائها، أعني ان (أ) قد اعتبنها فورا او بغاية السرعة (ب).

وليس لدينا حق ان نقول: ان (أ) يجب ان تعقبها (ب) في المناسبًات المقبلة.

ومن ثم يجب علينا أن نفحص نظرية (هيوم) الموضوعية فحصا أدق، لهذه النظرية جزآن (١) فحين نقول (أ هي علة ب) فأن كل ما لنا حق في قوله هو أنه، في التجربة الماضية كانت (أ) و (ب) يتكرر ظهورهما معا في تعاقب سريع، ولم يلاحظ أي مثل لم تكن فيه (أ) متبوعة بـ (ب) أو مصحوبة بها. (٢) ايا كانت كترة الامثلة التي قد نكون لاحظنا فيها اقتران (أ) و (ب) فان ذلك لا يزودنا باي سبب لتوقعها مقترنين في مناسبات مستقبلة، وان كان ذلك علة لهذا التوقع، هذان الجزان من النظرية يمكن بسطهها على ما يلى:

 ١- في العلية ليس ثمة علاقة يتعذر تحديدها اللهم الا الاقتران او التعاقب.

٢. الاستقراء بمجرد العد ليس شكلا سليا للحجة، ولقد تقبل التجربيون عامة القضية الاولى ونبذوا الثانية، وحين اقول انهم نبذوا الثانية، فانني اعني انهم اعتقدوا انه عندما يكون هناك تراكم كاف من المثلة الاقتران فان توقع وجود الاقتران في المثل التالي توقع يتخطى نسبة النصف. او اذا كانوا لم يأخذوا على الدقة بهذا، فقد اخذوا بنظرية ما، لها نتائج عائلة.... سأكتفي بان الاحظ انه لو سلمنا بالنصف الاول من نظرية (هيوم) فان الاستقراء يجعل كل توقع بالنسبة للمستقبل غير معقول... ولست اقصد فقط ان توقعاتنا تبوه بالفشل... ؟وانها اقصد اننا حتى لو اخذنا اثبت توقعاتنا مثل ان الشمس ستشرق غدا، فليس ثمة من سبب لكوننا نفترض كونها اميل الى التحقق من دونه.".

على هذا الاساس يقرر (راسل) ان استخدام حساب الاحتمالات بدون افتراض مصادرات العلية لا يؤدي الى رفع قيمة احتمال القضية العامة، فيقول:

(ليس في النظرية الرياضية للاحتمال مايبرران نعتبر الاستقـراء

 ⁽١) تاريخ الفلسفة الغيربية, الكتباب الثالث, الفلسفة الحديثة, يرتراند واسل, ترجمة د. محمد فتحى الشنيطي ص ٢٦١.

٢٨٨ منطق الاستقراء

محتملا، مهما يكن من وفرة عدد الاحوال الموافقة)(١).

ومن هنا لابد - لدى راسل - من الاستعانة بمبادى، عير استقرائية (تجريبية)؛ لانقاذ العليل الاستقرائي، والافادة منه بوصفه يعبر عن درجة احتمالية كبيرة، اي ان الافادة من المبادى، الرياضية لحساب الاحتمال، وتطبيقها على الاستقراء يستدعي افتراض مبدأ او مبادى، لا يمكن اثباتها استقرائيا، ولذا نراه يقرر في تقويمه الاخير لفلسفة هيوم:

 هان شكية هيوم تستند استنادا كليا على نبذه لمبدأ الاستقراء، فمبدأ الاستقراء كما يطبق على العلية يقول: انه اذا وجدت (أ) مرات عدمدة تصحبها (ب) او تعقبها، وليس ثمة مثل معروف عن (أ) لا تكون فيه مصحوبة بـ (ب) او تعقبها (ب) وعلى ذلك قمن المحتمل عند المناسبة التالية التي تلاحظ فيها (أ) ان تصحبها (ب) او تعقبها.... فاذا كان هذا المبدأ او أي مبدأ آخر يمكن ان يستنبط منه صحيحا، اذن لكانت الاستدلالات العلية التي يستبعدها (هيوم) صحيحة، ليس لكونها تزودنا باليقين، ولكن لكونها تزودنا بالاحتيال للأغراض العملية، فاذا لم يكن هذا المبدأ صحيحاً، فإن كل محاولة للوصول إلى القواتين العامه العلمية. من الملاحظات الجزئيه فهي محاولة مغالطة، ولا منجاة لتجريبي من شكية (هيوم). والمبدأ ذاته لا يمكن بالطبع ـ بدون الدور في دائرة ـ ان يستدل اليه من الاتساقات الملحوظة مادام أنه مطلوب لتعرير استدلال من هذا القبيل، فيجب اذن أن يكون مبدأ مستقلا ليس مؤسسا على التجربة او مستنبطا من مبدأ مستقل غير مؤسس على التجربة إلى هذا

 ⁽١) المرقة الانسانية، ص ٤٩٧ ـ ٤٩٨، نقلا عن مدخل جديد إلى الفلسفة د. عبد الرحن يدوي، الطبعة النائية ـ ١٩٧٧، ص ١٠٠٧.

الحد اثبت هيوم ان النزعة التجريبية الخالصة ليست اساسا كافيا للعلم.
ولكن اذا سلمنا بهذا المبدأ الواحد فان كل شيء آخر يمكن ان ينبع
متسقا مع النظرية القائلة بان كل معرفتنا مؤسسة على التجربة».(".

هذا هو موقف فريق من التجريبيين، ولعله يمثل رأي اغلبية دعاة المدرسة التجريبية.

اما الفريق الثاني فقد عبر عنه الدكتور زكي نجيب محمود قائلا:

«ان معظم من تناول الاستقراء بالبحث، ومن هؤلاء (رسل) نفسه، لايجدون مناصا من الاعتراف بوجود مبدأ عقلي لم نستمده من الخبرة الحسية، هو الذي يكون سندنا في تعميم الاحكام العلمية، فمها بلغت في اخلاصك للمذهب التجريبي - في نظر هؤلاء - فلا مندوحة لك في النهايه عن ان تعترف بشيء لم يأتك عن طريق التجربة، وهو المبدأ القائل بان ما يصدق على بعض افراد النوع الواحد يصدق كذلك على بقية افراده، وبذلك يمكن التعميم، (فعلى فرض ان القوانين الطبيعية كانت قائمة في الماضي باطراد تام، فهل لدينا ما يبرر الفرض بان هذه القوانين سنظل كذلك قائمة في المستقبل؟) (⁷³.

من اجل ذلك يرى (رسل) اننا في النهاية مضطرون في الاستقراء الى الرجوع الى اساس غير تجريبي وهو ما يسميه (مبدأ الاستقراء)⁽⁷⁾. (ان اولئك الذين يتمسكون بالاستقراء، ويلتزمون حدوده، يريدون ان يؤكدوا بان المنطق كله تجريبي، ولذا فلا ينتظر منهم ان يتبينوا بان

⁽١) تاريخ الفلسفة الغربية ص ٧٧١ ـ ٧٧٢.

⁽٢) مشكلات الفلسفة، راسل، ص ١٠٠.

Principle of induction (*)

۲۹۰ منطق الاستفراء

الاستقراء نفسه _ حبيبهم العزيز _ يستلزم مبدأ منطقيا لا يمكن البرهنة على اساس استقرائي، اذ لابدًان يكون مبدأ قبليا\''.

فالرأي عند كثيرين ومنهم (رسل) كها بينا، هو ان التجربة الحسية وحدها لا تكفي (ولابد لنا اما ان نقبل مبدأ الاستقراء على اساس التسليم بصحته، فنعتبره دالا بنفسه على صدق نفسه، واما ان نبحث عبثا عن مبرر يبرر لنا ان نتوقع حوادث المستقبل قبل وقوعها (على اساس خبرة الماضي)(٢).

قسؤالنا الان هو: هل يجوز لنا الحكم بصحة الاستدلال من حوادث الماضي على حوادث المستقبل، دون الرجوع الى اي مبدأ عقلي قبلي كمبدأ الاستقراء الذي اقترحه (راسل) _ اعني هل يمكن ان نعتمد في احكامنا الاستقرائية على النجربة الحسية وحدها، دون الرجوع الى اي مبدأ لا تكون النجربة الحسيه مصدره؟

افرض ـ مثلا ـ ان رجلا قفز من نافذة على ارتفاع بعيد من الارض فهل هناك ما يبرر الحكم بانه سيسقط حتما على الارض، وانه لن يتجه اتجاها آخر، كأن يرتفع الى السهاء، او يتحرك في خط افقي؟ (هذا المثل ضربه (راسل) في سياق حديثه)، وسيجيب رجل العلم ورجل الشارع على السؤال بالايجاب، استنادا الى الخبرة السابقة في سقوط الاجسام، اي ان المبرر لهما في الحكم هو ان الاجسام التي تماثل في ثقلها جسم الانسان، قد سقطت الى الارض حين ألقى بها في تجاربنا الماضية.

لكن السؤال لايزال قائها: هل هناك مبرر عقلي يحتم ان تجيء هذه التجربة الجديدة مشاجمه للنجارب الماضية؟ ونحن ـ دفاعا عن المذهب

⁽١) معرفتنا بالعالم الخارجي. راسل. ص ٢٢٦.

⁽٢) مشكلات الفلسفة، راسل، ص ١٠٦.

التجريبي لل نسأل بدورنا: ماذا يريد هؤلاء بقولهم (مبرر عقلي)؟.... فالذين يقولون ان تجربة الماضي وحدها ليس فيها مبرر عقلي يجيز ان بحكم في ضوئها على المستقبل يريدون بهاتين الكلمتين (مبرر عقلي) صدقا يقينيا في النتيجة، او قل انهم يريدون بها ان يكون الاستدلال استنباطا، نتيجته محتواة في مقدماته، وبذلك يستحيل ان تتعرض للخطأ، فان كان معنى كلمتي (مبرر عقلي) عندهم هو ان يكون الاستدلال استنباطيا، يقيني النتيجة، لاحتواء المقدمات عليها، فواضح ان الاستقراء لا يكون فيه (مبرر عقلي) بهذا المعنى لان الاستقراء ليس استنباطيا.

لكن لماذا نفهم (المبرر العقلي) بهذا المعني؟ انها لاتعني ذلك في العلوم ولا في الحيارة الجارية فلو قبل لي في الحياة الجارية ان أسيلاعب ب، وانا لا اعرف عن أ، ب الا انها لعبا ست مرات فيها سبق، فكسب أ في اربع منها، وكسب ب في اثنتين، فان هنالك مبررا من هذه الحبرة الماضية يبرر في ان اقول بان أسيكسب اللعب هذه المرة باحتيال ارجح من احتيال ان يكسب ب»(١).

اتجاه جديد:

بعد ان استعرضنا الاتجاهين الرئيسين في تطبيق نظرية الاحتبال على الدليل الاستقراثي يأتي دور الاتجاه، الذي كرسنا هذه الدراسة لنظهيره وطرحه، وهو اتجاه الاستاذ الشهيد الصدر:

هل أن الدليل الاستقرائي تطبيق لنظرية الاحتبال، أم أن الافادة من هذه النظرية في تقييم احتبال التعميم الاستقرائي يتوقف على أضافة مصادرات غير استقرائية إلى جانب مصادرات نظرية الاحتبال؟

⁽١) المنطق الوضعي، الدكتور زكي تجيب محمود ج٢ ص ٢٩٨ ـ ٣٠١.

يتلخص اتجاه الشهيد الصدر في الاجابة على هذا الاستفهام:

ان الدليل الاستقرائي يمثل تطبيقا كاملا لنظرية الاحتبال في تفسيره الاجمالي، ولا نحتاج الى اضافة اي بديهية اخرى، اي ان الدليل الاستقرائي يمكنه ان ينمي قيمه احتبال التعيميم الاستقرائي على اساس تكوين علم اجمالي تتكاثر عدد الاطراف المؤيدة للتعميم تبعا لزيادة عدد الاختبارات الناجحة، دون حاجة لاخذ مبدأ السببية كمصادره اضافية ملحقة بنظرية الاحتبال.

ويرتكز هذا الاتجاه في موقفه من السببية على تحليل لهذا المفهوم، حيث ان العلية تنحل الى القضيتين التاليتين:

١ ـ ان لكل حادثة سببا.

٢_ ان الشيء ما لم يجب لم يوجد.

والقضيه الاولى تقرر استحالة وجود حادثة من الحوادث بدون علة وسبب، ومن ثم فعدم السبب يقتضي عدم المسبب.

اما القضية الثانية فهي تقرر علاقة الضرورة والحتمية بين وجود السبب والمسبب، فالمسبب لا يوجد ما لم توجد علته التامة، واذا وجدت علته التامه تحتم وجوده بالضرورة.

يرى الشهيد الصدر ان الدليل الاستقرائي بوصفه مسيرة لحشد الشواهد والقرائن على صحة التعميم الاستقرائي يمكنه ان يمضي في حركته باتجاه جمع هذه الشواهد، وسوف يحصل التعميم الاستقرائي بعد التوفر على الشواهد والقرائن الجديدة على قيمة احتمالية اكبر، وفقا لمبادىء الاحتمال ونظريته المتقدمة، دون ان يحتاج الدليل الاستقرائي لاتخاذ اي

نظرية الاحتمال والدليل الاستقرائي

واحدة من القضيتين المتقدمتين كمصادرة ومبدأ افتراضي.

نعم يحتاج الدليل الاستقرائي او نظرية الاحتبال في تطبيقها على الدليل الاستقرائي الى افتراض الشك في القضية الثانية فحسب، اي الشك في ان العلاقة بين العلة والمعلول هل هي علاقة الضرورة والحتمية، ام هي علاقة التتابع والاقتران المطرد؟

ويؤكد الاتجاه الجديد على اننا حتى اذا افترضنا الايهان بعدم استحالة وجود حادثة بلا سبب يمكننا ان ننمي قيمة احتهال التعميم الاستقرائي على اساس نظرية الاحتهال في تفسيره الاجمالي.

وتنظيها للبحث نضع القادم من هذا الفصل في فقرتين، نناقش في الفقرة الاولى الاتجاه الذي يرى ان التعميم الاستقرائي يمكن تنمية قيمته الاحتيالية على اساس النظرية الرياضية للاحتيال، و نكرس الفقرة الثانية لمرض وايضاح الاتجاه الذي تبناه الشهيد الصدر.

الفقرة الاولى: الاستقراء والنظرية الرياضية للاحتبال

تقدم ان هناك اتجاها تبين الباحثين في منطق الاستقراء ـ يذهب الى الدليل الاستقرائي يمثل تطبيقا لنظرية الاحتيال، ولا نحتاج لأجل الحصول على قيمة عالية للتعميم الاستقرائي الى اضافة مصادرات غير استقرائية للمبادى، الرياضية التى تعتمدها نظرية الاحتيال.

ومن التواضح ان النظرية الرياضية (الكلاسيكية) بزعامه (لابلاس)، هي التي ارست صيغ هذا الاتجاه، وقبل ان نوضح هذا الاتجاه اعود الى النص الذي نقلناه عن (المنطق الوضعي) حيث تبنى د. زكي نجيب محمود هذا الاتجاه.

حاول الدكتور محمود أن يوفق بين الاتجاه الذي يقول: أنه لامبرر عقلي للركون إلى التعميم الاستقرائي، دون أفتراض مبادئ قبلية تضاف الى مبادئ الاحتيال، وبين الاتجاه الذي أكد عليه والذي يقول: هناك مبرر لمنح التعميم الاستقرائي قيمة احتيالية أكبر على أساس تكرار وقوع الحوادث.

حينها ندقق في نص الدكتور زكي، وفي مجموع ما نقلناه وما قاله (راسل) نلاحظ ما يلي:

١- ان التوفيق الذي اصطنعه الدكتور زكي نجيب محمود يرتهن اساسا بامكان تعدد محط نظر القائلين بـ (المبرر العقلي)، فالذين قالوا ليس هناك مبرر عقلي للركون الى التعميم الاستقرائي على اساس نظرية الاحتمال فحسب، ارادوا المبرر العقلي لليقين بالتعميم الاستقرائي، اما الذين قالوا بوجود مبرر عقلي فقد ارادوا المبرر العقلي لاحتمال التعميم الاستقرائي.

٢- لعل هناك باحثين (لم يشر الدكتور زكي الى نصوصهم) ارادوا المجرر العقلي لليقين بالتعميم الاستقرائي! ولكن كيف يمكن للدكتور محمود ان يفهم بان مراد «راسل» (الذي اكد عليه ونقل نصوصه) من المبرر العقلي المبتين بالتعميم الاستقرائي؟ ان مراجعة للنصوص المتعدده التي نقلناها عن (راسل) توضح بجلاء ان الرجل كان صريحا في مذهبه بان انكار مبدأ الاستقرائي عن منح التعميم الاستقرائي عن منح التعميم الاستقرائي قيمة احتمالية معقولة (اي تزيد على (♣).

٣ـ اذا اردنا ان تحمل كلام الدكتور زكي نجيب محمود محمل الجد
 فهـذا يعني ان افتراض (راسل) لضروة المبدأ الاستقرائي كمبرر عقلي

للتعميم الاستقرائي يجمل (راسل) في مصاف القائلين بان الدليل الاستقرائي يفيد يقينا منطقيا بالنتيجة!

على اي حال تعود الى (لابلاس)؛ لنرى كيف اقام الاستقراء على اساس نظريته في الاحتبال، لنتذكر اولا تعريف (لابلاس) للاحتبال، حيث يذهب الى ان الاحتبال عبارة عن كسر بسطه مجموع الصور او الحالات المؤيدة للحادثة، ومقامه المجموع الكلي للحوادث الممكنة بالتساوي، واذا رمزنا للحالات المؤيدة بـ (م)؛ والى الحوادث الممكنة بـ (ن) يصبح لدينا؛ ح $\frac{1}{2}$.

على اساس هذا التعريف طرح (لابلاس) صيغتين، أفاد من احداهما تحديد قيمة احتبال التعميم الاستقرائي، كما افاد من الثانية تحديد قيمة احتبال تكرار الوقوع، وتقرر الصيغة الاولى ان قيمة احتبال التعميم = $\frac{\gamma + \gamma}{1 + \gamma}$, وتقرر الصيغة الثانية ان قيمة احتبال تكرار وقوع الحادثة مرة اخرى = $\frac{\gamma + \gamma}{1 + \gamma}$.

ولايضاح تطبيق هاتين الصيغتين نعود لنتذكر مثال الحقائب المتقدم، حيث كانت لدينا ثلاث حقائب تحتوي كل واحدة منها على خمس كرات، وكانت الحقيبة الاولى تحتوي على ثلاث كرات بيضاء، وتحتوي الحقيبة الثانية على اربع كرات بيضاء، بينها تحتوي الحقيبة الثالثة على خمس كرات بيضاء، فاذا اخترنا حقيبة من هذه الحقائب بشكل عشوائي، واستخرجنا منها ثلاث كرات فظهرت هذه الكرات جميعا بيضاء، فها هو احتمال ان تكون هذه الحقيبة هي الحقيبة التي تحتوي على كرات كلها بيضاء؟

٢٩٦ منطق الاستقراء

والاجابة على هذا الاستفهام تحددها صيغة (لابلاس) الاولى:

$$\frac{1}{\sqrt{r}} = \frac{1}{\sqrt{r}} = \frac{1+r}{\sqrt{r+r}} = \frac{1+r}{\sqrt{r+r}} = \frac{1}{\sqrt{r+r}}$$

وهي نفس القيمة الاحتماليه التي تم حسمايها رياضيا ، والتي استنجناها وفقا للتفسير الاجمالي للاحتهال.

واذا طرحنا السؤال الثاني على المثال المتقدم، وقلنا: ما هي قيمة احتبال ان تكون الكرة الرابعة بيضاء؟ فان الصيغة الثانيه التي طرحها (لابلاس) تحدد قيمة هذا الاحتبال كها يلي:

تماما القيمه التي تم تحديدها فيها سبق.

وحينها نقيس القيمه الاحتهالية التي تحددها صيغتي (لابلاس) للتعميم ولتكرار وقوع الحادثه _ في مثال الحقائب _ وفقا للتعريف الذي اختاره (لابلاس) للاحتهال نجد التطابق والانسجام واضحا، لان التعريف الكلاسيكي للاحتهال يقول:

نظرية الاحتيال والدليل الاستقرائي

ومن الواضح ان المجموع الكلي للحوادث الممكنة ــ كها تقدم بيان ذلك يساوي (١٥)، كما انالحالات المؤيدة لكون الحقيبة هي الحقيبة. التي تحتوي على كرات كلها بيضاء يساوي (١٠) حالات، وهذا بعني ان :

لكن صيغتي (لابـلاس) لا يمكن ان تكـونا اساسا لتقييم درجة الاحتــال في التعميهات الاستقرائية، وفي قياس احتهال التنبوء في وقوع الحوادث، ونستطيع ان نتبين ذلك من خلال المثال التالي:

لو كانت لدينا حقيبة تحتوى على خمس كرات، ولا نعلم شيئا عن لون اي كرة من هذه الكرات الخمسة، ثم سحبنا الكرة الاولى فخرجت بيضاء، وسحبنا الثالثة فخرجت بيضاء، فيا هي قيمة احتيال ان تكون هذه الحقيبة ذات كرات كلها بيضاء؟ وما هي قيمة احتيال ان تخرج الكرة الرابعة بيضاء؟ على اساس صيغة لابلاس:

ر $\frac{1+r}{r+1}$) تكون قيمة احتمال ان الحقيبة تحتوي على كرات $\frac{1}{r+1}$ كلها بيضاء مساوية ل $\frac{1}{r+1} = \frac{1}{r+1} = \frac{1}{r+1}$ ، كما تضحي قيمة

احتـال ان تخرج الكرة الرابعة بيضاء على اساس صيغة لابلاس:

$$\left(\frac{\gamma+\gamma}{\gamma+\gamma}\right)$$
 amily $\left(\frac{\gamma+\gamma}{\gamma+\gamma}\right) = \frac{3}{6}$.

الا ان صبغتي (لابلاس) خاطئتان في تحديد قيمة كلا الاحتيالين، بل تتعارضان حتى مع ذات التعريف الكلاسيكي للاحتيال؛ ولاجل ايضاح ذلك نلاحظ:

اننا بعد ان سحبنا ثلاث كرات من الحقيبة وظهرت انها بيضاء، تبقى المامنا كرتان، واذا كنا نعلم بان لون كل واحده من هاتين الكرتين يدور بين السواد والبياض تضحي اسامنا اربع امكانيات _ على ضوء التعريف الكلاسيكي _ وهو عبارة عن:

١ ـ ان تكون كلتا الكرتين بيضاوين.

۲ ان تكون كلتا الكرتين سوداويين.

٣ ان تكون الكرة الرابعة بيضاء.

٤ ان تكون الكرة الخامسة بيضاء.

وهنا نلاحظ ان عدد الحالات المؤيده لكون الحقيبة التي بايدينا تحتوي على كرات كلها بيضاء عباره عن حالة واحدة فقط من اربع حالات، ومن هنا تضحي قيمة احتيال كون الحقيبة تحتوي على كرات كلها بيضاء = $\frac{1}{2}$. كما نلاحظ ايضا ان عدد الحالات التي تؤيد خروج الكرة الرابعة بيضاء عبارة عن حالتين من اربع حالات، وهذا يعني ان احتيال خروج الرابعة بيضاء = $\frac{1}{2}$ ، وهذا التقييم لدرجة احتيال الحادثتين معاً والذي تم وفق التعريف الكلاسيكي للاحتيال نفسه _ مناقض بوضوح لتقييم درجة الاحتيالين في ضوء صيغتي (لابلاس).

ومن هنا صح القول بان صيغتي (لابلاس) لا يمكن اتخاذهما اساسا لتقبيم درجة احنهال التعميم الاستقرائي ودرجة احتهال تكرار الوقوع. نظرية الاحتبال والدلبل الاستقرائي

تقويم (لابلاس) في ضوء التعريف الاجمالي:

نريد هنا ان نقوم طريقة (لابلاس) على اساس نظرية الاحتمال في تفسيره الاجمالي، لنرى السر في خطأ هذه الطريقة، وعدم قدرتها على تفسير الدليل الاستقرائي.

وهنا لابد ان نتذكر مثال الحقائب، حيث كانت لدينا ثلاث حقائب (أ. ب، ج)، وكانت (أ) تحتوي على ثلاث كرات بيضاء، و (ب) تحتوي على الربع كرات بيضاء، و (ج) تحتوي على خمس كرات بيضاء، سحبنا احدى الحقائب بشكل عشوائي، ثم استخرجنا منها ثلاث كرات، فتبين ان هذه الحقائب بشكل عشوائي، ثم استخرجنا منها ثلاث كرات، فتبين ان هذه الحقائب هي الحقيبة (ج)؟.

على اساس التفسير الاجمالي تبين لنا اننا امام علم اجمالي مؤلف من خس عشرة صورة، وعشر صور من هذه الصور هي في صالح كون الحقيبة هي حقيبة $\frac{1}{2}$ = $\frac{1}{2}$.

اما اذا كانت لدينا حقيبة (ن) ونحن لا نعرف عن لون كراتها الخمسة شيئا، ثم سحبنا منها ثلاث كرات فظهرت بيضاء، فهل تكون قيمة احتيال ان حقيبة (ن) تشبه حقيبة $\frac{y}{\pi}$ ؟

يصدق هذا الاحتمال اذا افترضنا اننا نمتلك في مثال حقيبة (ن) علما المجاليا مؤلفا من خمسة عشر طرفا، او من اي عدد آخر، بحيث تكون الاطراف التي هي في صالح ان تشبه (ن) حقيبة (ج) بالنسبة الى المجموع الكلي لاطراف العلم الاجمالي = $(\frac{Y}{\pi})$.

بينا نحن في مثال حقيبة (ن). وبعد سحب ثلاث كرات بيضاء منها. سنبواجه كرتين، _ واذا افترضنا ان لون هاتين الكرتين مردد بين السواد والبياض ـ فسوف تكون عدد اطراف العلم الاجمالي اربعة:

١ ان تكون الكرة الرابعة بيضاء والخامسة سوداء.

٢_ ان تكون الكرة الرابعة سوداء والخامسة بيضاء.

٣ ان تكون الكرة الرابعة بيضاء والخامسة بيضاء.

٤_ ان تكون الكرة الرابعة سوداء والخامسة سوداء.

واذا اردنا قیاس احتیال ان حقیبة (ن) شبیهة لحقیبة (آ) او (ب) او (جـ) فسوف یکون لدینا مایلی : ح ن هي (جـ) = $\frac{1}{3}$ ، لان طرفا واحدا فقط في صالح ان تکون حقیبة (ن) ذات کرات کلها بیضاء.

$$-\frac{\lambda}{3} = \frac{1}{3}$$
 - ن هي (أ)

واذا اردنـا ان نطبق حسـاب الاحتــالات مبـاشــرة على قيمــة الاحتـالات [(ح ن (جـ)، ح ن (ب)، ح ن (أ))] نلاحظ ما يلي:

ح ن (جـ) = ان تكون الكرة الرابعة بيضاء والخامسة بيضاء. وهذا يعني ان نضرب قيمة احتبال ان تكون الكرة الرابعة بيضاء وهو يساوي : $\frac{1}{\gamma}$) في احتبال ان تكون الكرة الخامسة بيضاء وهو يساوي $\left(-\frac{1}{\gamma}\right)$. وحينئذ يكون لدينا:

$$\frac{1}{1} = \frac{1}{1} \times \frac{1}{1} = \frac{1}{1} \times \frac{1}{1} = \frac{1}{1}$$

ح ن (ب) = ان تكون احدى الكرتين _ على الاقل _ بيضاء، اي ان تكون الكرة الرابعة بيضاء وان تكون الكرة الخامسة بيضاء، وهذا يعني تطبيق قاعدة الجمع، وحينئذ يكون لدينا:

ح ن (ب) =
$$\frac{1}{\gamma} \times \frac{1}{\gamma} + \frac{1}{\gamma} \times \frac{1}{\gamma} = \frac{\frac{1}{\gamma}}{\frac{1}{2}}$$
.

ح ن (أ) = ان تكون الرابعة سوداء، والخامسة سوداء = $\frac{1}{\gamma} \times \frac{1}{\gamma} = \frac{1}{\frac{1}{\gamma}}$.

الفقرة الثانية: الاستقراء ونظرية الاحتمال لدى الشهيد الصدر

اشرنا في مطلع هذا الفصل الى نقطة خلاف مركزية بين مناطقة الاستقراء المعاصر، وعلى اساسها تنوعت اتجاهات البحث في تطبيق نظرية الاحتيال على الدليل الاستقرائي الى اتجاهين رئيسين:

الاول ـ ذهب الى ان الاستقراء تطبيق كامل لنظرية الاحتمال السرياضية, ولا حاجة بنا إلى افتراض مصادرة غير استقرائية.

الشاني ـ ذهب الى عجـز الـدليل الاستقرائي عن تنمية احتمال التعميم، دون افتراض مصادرات غير استقرائية.

هناك اتجاه جديد يختلف عن كلا الاتجاهين المتقدمين، وهو الاتجاه الذي طرحه الاستاذ الفيلسوف السيد محمد باقر الصدر في كتابه (الاسس المنطقية للاستقراء)، ويؤكد هذا الاتجاه على ان الاستقراء حينها نطبق عليه نظرية الاحتمال في تفسيره الاجمالي، قادر على رفع احتمال التعميم الاستقرائي، دون حاجة الى افتراض مصادرة العلية ـ كها اكد «راسل» على

ضرورة هذا الافتراض _ وقد اكد الاتجاه الجديد على ان تطبيق نظرية الاحتيال على الدليل الاستقرائي يتم ضمن شكلين وطريقتين اساسيتين، تنمو فيها قيمة احتيال الحادثة وفق سير استنباطي، اي: ان الدليل الاستقرائي يمنح الحادثة المستقرأة _ في مختلف مراحله _ قيمة احتيالية مستمدة من مباديء الاحتيال الرياضية وبديهياته التي تقدم ذكرها، في ضوء النجيل للاحتيال.

وقبل أن نعرض تفسير الشهيد الصدر للدليل الاستقرائي بشكليه علينا أن نقف عند نقطة رئيسية يتوقف هضم الاتجاه الجديد على الالمام بها:

مفهوم العلية:

ان دراسة مبدأ العلية، وما أثير حول موضوع العلية من مناقشات وافكار، وتقويم الاتجاهات المختلفة في هذا المجال، يستدعي بحثاً مستأنفاً، انها المهم هنا ان نتفهم الاطار والمرتكزات التي اعتمدها الشهيد الصدر في طرح هذا المفهوم، ثم نستوضح علاقة هذا الاطار وتلك المرتكزات بموضوع بحثنا (تطبيق نظرية الاحتهال على الدليل الاستقرائي).

للعلية مفهوم عربق راسخ في تاريخ الفلسفة، وهو المفهوم الذي تتبناه المدرسة العقليه، وقد تعرض هذا المفهوم لهجهات _ على طول تاريخ الحكمة _ لم تستطع رغم قوتها في بعض الاحيان ان تقوض بناء العلية العقلي، واستمرت حياة العلية في مفهومها العقلي حتى العصر الحديث في حكمة الغرب، ولايزال فلاسفة الشرق _ حتى الجيل المعاصر _ متمسكين بضرورة هذا المفهوم وحيويته .

اما في حكمة الغرب فالموقف لا يسانخ ما عليه حكماء الشرق، ذلك ان ظهور النزعة التجريبية وسيادة الروح الحسيه على العقل الغربي في مطلع العصر الحديث وضعت مبدأ العلية في قفص الاتهام، واخذ هذا المفهوم المتألق عبر القرون سبيله نحو الأفول، حتى تعرض لاعنف هجوم على يد احد كبار فلاسفة التجريب (دافيد هيوم)، ثم لم يعد لهذا الميدأ ما كان له من رسوخ وثبات في افق العقل الغربي وفلسفة الغرب بشكل عام.

وفي المحصلة تبلور فهم جديد للعلية _ مقابل الفهم العقلي _ انتزع من مفهوم العلية التصورات العقلية التي أشبع بها، وطرح صياغة جديدة تنسجم مع معطيات الفكر التجريبي الجديد.

العلية العقلية:

يرجع مبدأ العلية _ كما اشرنا _ الى قضيتين رئيسيتين:

١_ ان لكل حادثة سببا.

٣_ ان الشيء ما لم يجب لم يوجد.

وتقرر القضية الاولى ضرورة وجود سبب لكل حادثة، اي ان الحادثة يستحيل وجودها ما لم يكن لها سبب، بينها تقرر القضية الثانية ان الحادثة لا توجد دون ان يكون بينها وبين السبب علاقة ضرورية، اي ان العلة التامة اذا وجدت لزم وجود المعلول بحكم ضرورة العقل، ومن ثم يستحيل تخلف المعلول عن علته النامة.

وينصب حكم العقليين في قاعدتهم المأثورة (ان الشيء ما لم يجب لم يوجد) على مفهوم الشيء، اي ان القاعدة العقلية تقرر قيام علاقة

الضرورة بين المفهومين. فالذي يتصف بوجوب الوجود عند قيام علته التامة هو مفهوم الشيء. ولا يقصرون هذه العلاقة بين المصاديق.

فحينها نقرر ان (كل حديد يتمدد بالحرارة) وان الحرارة علة تمدد الحديد انها نقيم علاقه ضرورية بين الحديد والحرارة, ولا ينصب الحكم في القضية على مصاديق الحديد (قطع الحديد) ومصاديق الحرارة.

ويطلق الاستاذ الشهيد مصطلح (السببية الوجودية) على القضية التي تقرر (ضرورة وجود المعلول عند وجود علته التامة) كما يطلق مصطلح (السببيه العدمية) على القضية التي تقرر استحالة الصدفة المطلقة، فنحن حينها نقرر (ان الشيء ما لم يجب لم يوجد) لا نستطيع ان نتجاوز المعطى المباشر لهذه القضية،ونقرر ان(عدم العلة علة لعدم المعلول)،اي ان اثبات العلاقة الضرورية بين العلة والمعلول لا يثبت استحالة وجود المعلول بلا علمة.

ومن هنا نستخلص ان السببيه الوجودية بالمفهوم العقلي لا تنفي المكان الصدفه المطلقة، بينها تعادل السببية العدمية بالمفهوم العقلي استحالة الصدفة المطلقة، ويمكن ان نستخدم لغة المنطق الصوري، فنقول ان السببية العدمية.

العلية التجريبية:

السببية الوجودية بالمفهوم العقلي هي هدف الهجوم التجريبي على مبدأ العلية، فالعلية العقلية تتضمن مفهوم (الضرورة) والضرورة لبست امرا يمكن التاكد منه تجريبيا، بل هي علاقة مدركة ادراكا عقلبا خالصا دون ان يكون لها سند حسي، يمكن ان نستدل به وانسجاما مع اساس المذهب التجريبي الذي يُرْجِع المعرفة البشرية باسرها الى التجربة والواقع الحسي، تفتقد (الضرورة) سندها وقضية التعميم القائل:

(ان الحديد يتمدد بالحرارة) لا تتعدى كوننا لاحظنا ان الحديد حينها نسلط عليه الحرارة يتمدد باطراد.

من هنا تضحي قضية سببية («أ» لـ «ب») مجرد اقتران مطرد بين («أ» و «ب») دون ان تنضمن اي ضرورة ولـزوم، فعلاقة السببية لا تتعدى علاقة اقتران مطرد بين ما نسميه سببا وما نسميه مسببا.

وتأسيسا على هذا المفهوم التجريبي للسببية يرى الشهيد الصدر:
(ومن الواضح أن رفض فكرة الضرورة واللزوم نهائيا يؤدي إلى أن وجود أي حادثه يعتبر صدفه مطلقه دائها (لان الصدفة هي نفي اللزوم - كها عرفنا في القسم الاول من بحوث هذا الكتاب -، وأن أي حادثة توجد عهب حادثة أخرى فوجودها عقيبها صدفة ولا يعبر عن أي لزوم، فالغليان عقيب الحرارة، والحرارة عقيب الحركة صدفة، كها أن نزول المطر عقيب صلاتك صدفة، والفارق بين الصدفتين: أن الاولى تتكرر على سبيل الصدفة بصورة مطردة، وأن الثانية لا توجد الا أحيانا

وما دام هذا التتابع مجرد صدفة مطردة، دون أن يقوم على أساس علاقة بن فردين بدلا عن علاقة بن فردين بدلا عن مفهومين وبهذا يكون التتابع بين كل فرد من الحرارة وفرد من الحركة علاقة مستقلة نشأت على سبيل الصدفة بين الفردين، فسببية الحركة للحرارة بالمفهوم التجرببي _ تعبر عن علاقات كثيرة بعدد ما يوجد من أفراد

للحرارة والحركة، دون ان تستقطب كل تلك العلاقات علاقة رئيسية بين المفهومين كما بفترضه المفهوم العقلي للسببية)^(۱).

يستنتج في هذا الضوء ان السببية الوجودية في المفهوم التجريبي تتناقض مع السببية العدمية في المفهوم العقلي، اذ تقرر السببية العدمية في المفهوم العقبلي استحالة الصدقة المطلقة، بينها يفضي المفهوم التجريبي للسببية الى الاذعان بامكان الصدقة المطلقة.

ايضاح وتلخيص:

اتضح لنا _ في ضوء ماتقدم _ ان مفهوم العلية تتنازع حوله نظريتان الساسيتان، تعتقد الاولى ان العلية مفهوم من المفاهيم العقلية، اي التي يدركها العقل البشري بداهة، وترى ان العلاقة بين وجود المعلول ووجود العلة، وبالعكس تنطوي على مفهوم فوق التجربة، وهو مفهوم «الضرورة واللزوم»، اي: ان وجود المسبب يقتضي وجود السبب بالضرورة كما يقتضي وجود السبب بالضرورة كما يقتضي وجود السبب وجود المسبب بالضرورة. وقد اصطلح الباحثون على هذه النظرية «النظرية العقلية».

اما النظرية الثانية فهي ما تتبناه «المدرسة التجريبية»، التي تذهب الى الدرسة التجريبية»، التي تذهب الى ان المعرفة البشرية باسرها ترتد الى الحس والتجربة. وترى «المدرسة التجريبية» ان الحس والتجربة لا يزودها بمفهوم اللزوم والضرورة. انها نرى في ضوء التجارب المتكررة: ان الظاهرة التي يطلق عليها المعلول تحدث بشكل مطرد عقيب، او بصحبة الظاهرة، التي يطلق عليها العالة. ومن

⁽١) الاسس المنطقية للاستقراء، ص ٢٥٧.

نظرية الاحتبال والدليل الاستقرائي

هنا فالعلية لا تعني سوى اطراد مستمر لاقتران العلة والمعلول.

وهنا ارى من الضروري ان نوضح بشكل اكبر العلاقات القائمة بين القضايا المستنتجة في ضوء كلا النظريتين؛

العلية العقلية تقرر القضيتين التاليتين:

١ ـ ان لكل حادثة سببا بالضرورة.

٢- ان المسبب يوجد عند وجود السبب بالضرورة.

نأخذ القضية الاولى: «ان لكل حادثة سببا بحكم ضرورة العقل». تعني هذه القضية ان اي حادثة لابدان يكون لها سبب، ومن ثم يستبعد العقل نهائياً وجود حادثة بلا سبب، وهذا يعني ان العقل يقرر: استحاله وجود حادثة بلا سبب، اى استحالة الصدفة المطلقة.

القضية (١) = استحالة الصدفة المطلقة.

استحالة الصدفة المطلقة تعني ان العقل يستبعد نهائيا وجود المسبب عند عدم السبب، ومن هنا يحكم العقل بان: عدم السبب يثبت بحكم ضرورة العقل عدم السبب، وعلى هذا الاساس يستنتج «الاسس المنطقية للاستقراء» ان:

استحالة الصدفة المطلقه = عدم السبب علة لعدم المسبب.

فاذا كانت لدينا حادثة، نرمز لها بـ «ب»، فسوف نستدل بوقوعها على وقوع سببها، لاستحالة وقوعها بلا سبب، وحينها يكون سببها محصورا في «أ»، اي لانحتمل سببا لـ «ب» سوى «أ»، فسوف نستدل استدلالا ضروريا (اى يقوم على اساس استحاله اجتماع النقيضين)، على وجود «أ».

اما اذا كنا نحتمل لـ «ب» اسبابا مضافا الى «أ» كـ «ت»، فسوف يكون وقوع «ب» دليلا على وقوع احد الاسباب، التي تقفخلف «ب». وعلى اساس مبدأ استحالة الصدفة المطلقة يتم بناء احد اقسام البرهان في المنطق الارسطي، فعلى اساس هذا المبدأ _ يمكننا ان نجعل المعلول واسطة لاثبات وجود الهلة، وهذا الاثبات يسمى في المنطق الارسطي «البرهان الاني».

لناخذ القضية الشانية «ان المسبب يوجد بالضرورة عند وجود السبب». نلاحظ ان هذه القضية تقرر علاقه ضرورية بين السبب والمسبب، فاذا كان لدينا «أ» كسبب، و «ب» كمسبب، نستدل بوجود «أ» على وجود «ب»، لوجوب وجود المعلول عند تحقق علته التامة. وعلى هذا الاساس يتم بناء «البرهان اللمي» في منطق ارسطو.

لنلاحظ العلاقة بين قضيتي السببية العقلية، نجد ان كلا منها لا تقرر الاخرى، ولا تنفيها، اي تحكمها على مستوى التصديق ـ لا على مستوى الواقع من وجهة نظر ارسطو ـ علاقه العموم والخصوص من وجه. اي اننا اذا اخذنا القضية الاولى بمفردها فسوف تكون حيادية امام صدق او كذب الثانية، واذا اخذنا النانية وحدها سوف تكون حيادية ايضا امام صدق الاولى.

يبقى ان نلاحظ العليه بمفهومها التجريبي، حيث نجدها تجرد السببية من كل مفهوم عقلي، وعلى اساس ما طرحه الاستاذ الصدر من استنتاج، تصبح العلاقة التي تقررها العلية التجريبيه علاقة بين مصاديق ومفردات. ومن ثم يكون اقتران «أ» و «ب» في كل تجربة ناشئاً صدفة. دون وعلى هذا الاساس سوف تكون العلية التجريبية مناقضة للسببية المعقلية بكلا مفهوميها، اي انها كها تقرر عدم وجود اي ضرورة بين وجود «أ» و «ب»، تقرر ايضا امكان وجود «ب» بلا «أ»، اي انها تعادل امكان الصدفة المطلقة.

الشكل الاول للمرحلة الاستنباطية:

اشرنا الى ان الدليل الاستقرائي وفق نظرية الاحتال وعلى الساسها يسير سيرا استنباطيا، فتكون نتائج الدليل الاستقرائي والقيم الاحتالية، التي يمنحها للتعميم الاستقرائي مستخلصة استخلاصا استنباطيا من مقدماتها.

واشرنا ايضا الى ان الدليل الاستقرائي ـ لدى الشهيد الصدر يمكنه ان ينمّي قيمة احتال التعميم، بوصفه تطبيقا خالصا لنظرية الاحتال في تفسيره الاجمالي، اي اننا على اساس نظرية الاحتال المتقدمة نستطيع ان نسير بالدليل الاستقرائي سيرا استنباطيا منطقيا، دون حاجة الى اضافة مبادي، ومصادرات غير استقرائية. بل نظرية الاحتال ببديهياتها المتقدمة فقط تفي بالدور المطلوب.

اي: اننا لسنا بحاجة الى مصادرات العلية. التي افترض ضرورتها (راسل)، وسنثبت في هذا الشكل للمرحلة الاستنباطية ان مجرد الشك في صحة العلية كافي؛ لكي يهارس المدليل الاستقرائي دوره في رفع قيمة الاحتيال على اساس نظرية الاحتيال المتقدمة.

وبغية التريث في استخلاص النتائج النهائية التي تترتب على طريقة الاستاذ في تطبيق نظرية الاحتال على الدليل الاستقرائي، نوضح ما هو صانع في الشكل الاول للمرحلة الاستنباطية:

نحاول في هذا الشكل ان ننمي قيمة التعميم الاستقرائي القائل (كل آب) وليس بايدينا الا نظرية الاحتمال في تفسيره الاجمالي، وسوف ننطلق من اربعة منطلقات مختلفة، نستخدم في كل واحد منها سلاحنا (نظريه الاحتمال)؛ لنرى مدى فعالية هذا السلام.

نشطلق من اربعة مبادي، مختلفة ضمن اربعة تطبيقات لنظريه الاحتيال على الدليل الاستقرائي، ففي التطبيق الاول نبتداً من افتراض صدق القضية، التي تقرر (استحالة وجود حادثة بلا سبب)، مضافا الى الشك في صدق القضية، التي تقرر ان العلاقة بين السبب والمسبب هي الضرورة واللزوم.

اما في التطبيق الثاني فسوف نبدأ من الشك في كلتا القضيتين، اي الشك في صدق القضية التي تقرر استحالة وجود حادثة بلا سبب، والشك في صدق القضية التي تقرر السببية الوجودية بمفهومها العقلي.

ونبدأ في التطبيق الثالث من الشك في صدق السببية الوجوديه في مفهومها العقلي، والتصديق بكذب السببية العدمية في مفهومها العقلي، اي: اننا نؤمن بامكان وجود حادثة بلا سبب، كما نشك بان العلاقة بين السبب والمسبب هي علاقة الضرورة، ولا ندري هل هي علاقة الضرورة واللزوم، ام انها بجرد التتابع والاقتران المطرد.

اما في التطبيق الرابع فسوف ننطلق من بداية جديدة، تختلف عن البدايات التي انطلقنا منها في التطبيقات المتقدمة، حيث سوف نبدأ من افتراض التصديق بكذب السببية الوجودية بمفهومها العقلي، اي سنفترض الدليل على ان ليس هناك اي ضرورة في العلاقة بين العلة والمعلول.

وقبل البدء بعرض هذه التطبيقات المختلفة نود الاشارة الى حقيقة هامة جدا، وهي أن المذهب التجريبي لا يستطيع اقامة برهان أو تجربة على نفي (الضرورة واللزوم) بل غاية ما يفترضه هذا المذهب هو أن (الضرورة واللزوم) معطى قبلي، لا يمكن اثباته تجريبيا، أي: أن الفيلسوف التجريبي يبقى شاكا في صدق السببية الوجودية في المفهوم العقلي، لان نفيها كاثباتها ليس أمرا متيسرا للتجربة الحسية.

التطبيق الاول:

ننطلق في هذا التطبيق من الايهان باستحالة الصدفة المطلقة، والشك في ان العملاقة بين (أ) و (ب) هي علاقة الضرورة واللزوم، فاذا رمزنا به (ب) الى تمدد الحديد، و (أ) الى تسليط الحرارة على الحديد فسوف يكون لدينا ما يلى:

١ ـ ان (ب) لابد لها من سبب لانها حادثة، ولكل حادثة سبب.

٢ ـ ان سبب (ب) اما ان يكون (أ) او غيره من المحتملات.

نريد هنا أن نثبت التعميم الاستقرائي (كل أ ينقبها ب) من خلال البات أن (أ) علة (ب) بالمفهوم العقبلي للسببية الوجودية؛ أذ السببية

٣١٢ منطق الاستقراء

الوجودية العقلية اعم من السببية الوجودية التجريبية، وقد افترضنا بدء ان السببية الوجودية العقلية امر مشكوك فيه، اي: لبس لدينا دليل على كذبها او صدقها، فنبقى محتملة بدرجة للله .

نأخذ بتجربة الفرض _ وتسهيلا لحساب قيمة احتيال التعميم نفرض ايضا ان ما يحتمل سببا لـ (ب) مما عدا (أ) هو (ت) فقط، وبهذا يكون لدينا علم اجمالي قبلي بان سبب (ب) اما ان يكون (أ) او (ت). فاذا سلطنا الحرارة على الحديد مرة واحدة فشاهدنا تمدد الحديد، فسوف نبقى مع علمنا الاجمالي الاول، اي ان (أ) اما ان يكون سبب (ب) واما ان يكون (ت) هو السبب، لان اقتران (أ) و (ب) في التجربة الاولى يمكن ان يفسر على اساس ان هذا على اساس صببيه (أ) لـ (ب)، كما يمكن ان يفسر على اساس ان هذا الاقتران حصل صدفة، وان (ت) هو السبب، لكننا لم نشاهده.

واذا قمنا بتجربة تانية، ولاحظنا ايضا اقتران (أ) و (ب) فلا يمكننا ان نفسر هذا الاقتران لصالح سببية (أ) لـ (ب)؛ لانه صالح لان يُفسر ايضا على اساس الاقتران التصادفي.

لكن هناك علمًا اجمالياً يمكن على اساسه ان ننمي احتمال سببية (أ) لـ (ب) بعد تجربتين ناجحتين. حيث اننا سوف نعلم بوقوع احدى الحوادث التالية:

- ١- ان (ت) حدثت مع التجربة الاولى فقط.
- ٢_ ان (ت) حدثت مع التجربة الثانية فقط.
- ٣ ان (ت) حدثت مع التجربة الاولى والثانية.
 - ان (ت) لم تحدث مع كلتا التجربتين .

وما دمنا نعلم _ على اساس الموقف القبلي _ ان (ب) لابد لها من سبب، وهو اما (أ) او (ت) نلاحظ ان الطرف الاول والثاني والرابع من اطراف العلم الاجمالي المتقدمة في صالح سبية (أ L ب)، لان هذه الاطراف تفترض غياب (ت) في تجربة واحدة على الاقل، وهذا الافتراض يتناقض مع سببية (ت L ب)، وبالطبع سوف تكون مؤيدة لسببية (أ) L (ب)، اما الطرف الثالث فهو يتلائم مع سببية (أ)، كما يتلائم مع سببية (ت) فهو حيادي، وهذا يعني ان نصف قيمته الاحتيالية لصالح سببية (أ)، ونصفها الاخر لصالح سببية (ب).

من هنا نستنتج ان احتال سببیه (أ) بعد تجربتین ناجحتین سوف $\frac{V}{\lambda} = \frac{V}{\lambda} = \frac{V}{\lambda}$.

ولكن اذا طبقنا مبدأ الاحتبال العكسي على احتبال السببية بعد تجربتين ناجحتين، فسوف تكون الحادثة التي يراد قياس درجة احتبالها عبارة عن: سببية (أ) له (ب) على تقدير اقتران (ب) به (أ) في تجربتين، ولنرمز الى احتبال سببية (أ) له (ب) به (ح ك)، ولاحتبال اقتران (ب) به (أ) به (ح ل)، فسوف تكون لدينا المعادلة التالية:

$$-\frac{b}{b} \cdot b = \frac{-b \times - b}{b} \cdot \frac{b}{b} \cdot \frac{b}{b}$$

$$-\frac{b}{b} \cdot \frac{b}{b} \cdot \frac$$

وان ح ل. ك = ١، لان احتبال اقتران (ب) به (أ) على تقدير سببية (أ) له (ب)حادثة مؤكدة.

ولكن ما هي قيمة احتمال اقتران (ب) به (أ) حال سببية (أ) له (ب)؟ وهذا الاحتمال مركب من احتمالين، لان الحادثة حادثة مركبة، اذ اقتران (ب) به (أ) حال سببية (أ) له (ب) تعني وقوع حادثتين معا، وهما سببيه (أ) له (ب) واقتران (ب) به (أ)، وفي مثل هذه الحالة لابد من تطبيق قاعدة الضرب (بديهية الاتصال)، فنضرب احتمال سببية (أ) له (ب) في احتمال اقتران (ب) به (أ) على تقدير سببية (أ) له (ب) ، وهو يساوي $\frac{1}{2} \times 1$.

وقيمة احتال اقتران (ب) به (أ) حال سببية (ت) له (ب) تعني وقوع حادثتين ايضا، وهما سببية (ت) له (ب)، واقتران (أ) به (ب) معا، ولا بد من الضرب ايضا بين قيمة احتال سببية (ت) له (ب) في قيمة احتال اقتران (أ) به (ب) على تقدير سببية (ت) له (ب) = $\frac{1}{2}$ ، اما احتال اقتران (أ) به (ب) على تقدير سببية (ت) له (ب) فهمو يعني وقوع حادثتين معا، وهما اقتران (أ) و (ب) في التجربة الاولى، واقتران (أ) و (ب) في التجربة الثانية، واحتال اقتران (أ) و (ب)

نظرية الاحتمال والدليل الاستقرائي ٣١٥

في التجربة الاولى =
$$\frac{1}{y}$$
 ، واحتمال اقتران (أ) و (ب) في التجربة الثانية = $\frac{1}{y}$.

نعود الى اصل المعادلة المطلوبة:

$$\frac{2 \cdot J \times 2 \cdot J}{J = -J \cdot 2}$$

$$=\frac{\frac{1}{\gamma}\times \frac{1}{\gamma}}{\frac{1}{\gamma}\times \frac{1}{\gamma}}=\frac{\frac{1}{\gamma}\times \frac{1}{\gamma}}{\frac{1}{\gamma}\times \frac{1}{\gamma}\times \frac{1}{\gamma}}=\frac{3}{2}$$

يتضح ان هناك تفاوتا واضحا بين القيمة الاحتيالية التي حددناها على الساس العلم الاجمالي الرباعي (الذي يستوعب محتملات ت) وبين القيمة الاحتيالية التي حددها مبدأ الاحتيال العكسي، فقد كانت القيمة الاحتيالية للتعميم وفق العلم الاجمالي الرباعي = $\frac{V}{A}$ ، وكانت القيمة الاحتيالية للتعميم على اساس مبدأ الاحتيال العكسي = $\frac{2}{A}$.

السر في هذا التفاوت يكمن في اننا حينها نحدد قيمة احتيال التعميم على اساس العلم الاجمالي الرباعي فهذا يعني الغاء العلم الاجمالي القبلي. ٣١٦منطق الاستقراء

الذي يعنع احتال سببية (أ) قيمة $\frac{1}{V}$ ، واحتال سببية (ت) قيمة $\frac{1}{V}$ ايضا، بينا يأخذ مبدأ الاحتال العكسي في حسابه القيمه القبلية، ويعتمد في تقييم درجة احتال الحادثة على اساس قاعدة الضرب بين العلوم الاجمالية.

ايضاح ذلك:

كان لدينا علم اجمالي قبل التجرية (العلم ١) وهو عبارة عن سببية (أ) او (ت) لـ (ب)، وهو علم اجمالي مؤلف من طرفين، وبموجب هذا العلم الاجمالي تكون قيمة احتبال سببية (أ) لـ (ب) = $\frac{1}{V}$ ، واحتبال سببية (ت) $\frac{1}{V}$.

ولكن بعد اجراء تجربتين ناجحتين يحصل لنا علم اجمالي جديد مؤلف من اربعة اطراف - كما تقدم - وهذا العلم الاجمالي (العلم ٢) علم اجمالي بعدي، فاذا اردناتقويم درجة احتمال الحادثة على اساس (قاعدة الضرب بين العلوم الاجمالية) فلا بد من ضرب مجموعة اطراف العلم الاول في مجموعة اطراف العلم الثاني، ونفرز الصور غير المحتملة ونقيم درجة احتمال الحوادث على اساس العلم الاجمالي الثالث فنقول: اننا بعد اجراء تجربتين ناجحتين سنكون امام علم اجمالي مؤلف من الاطراف التالية:

١- ان تكون (أ) هي السبب و (ت) موجودة مع التجربة الاولى
 فقط.

٢- ان تكون (أ) هي السبب و (ت) موجودة مع التجربة الثانية
 فقط.

- ٣ـ ان تكون (أ) هي السبب و (ت) موجودة مع التجربتين.
- ٤_ ان تكون (أ) هي السبب و (ت) غير موجودة مع التجر بتين.
- ۵ ان تكون (ت) هي السبب و (ت) موجودة مع التجربة الاولى تفقط.

٦- ان تكون (ت) هي السبب و (ت) موجودة مع التجربة الثانية فقط.

٧- ان تكون (ت) هي السبب و (ت) موجودة مع التجريتين.
 ٨- ان تكون (ت) هي السبب و (ت) غير موجودة مع التجربتين.

وحيث ان الاطراف الخامس والسادس والثامن غير محتملة؛ اذ لا يحتمل ان تكون (ت) هي السبب وهي غير موجودة في اي من التجربتين، فهذا يعني اننا امام علم اجمالي مؤلف من خسة اطراف، واربعة اطراف منه في صالح سببية (أ) لـ (ب)، اي لصالح التعميم الاستقرائي وطرف واحد منه لصالح سببية (ت).

اذن! احتبال النعميم = $\frac{2}{6}$.

وهكذا يتضع ان مبدأ الاحتهال العكسي يُقيِّم درجة احتهال الحادثة على اساس (العلم الاجهالي ٣)، الذي هو نتيجة ضرب (العلم الاجهالي ١) فرز الصور غير المحتملة، اي: ان مبدأ الاحتهال العكسي يعتمد على قاعدة الضرب بين العلوم الاجهالية.

٣١٨ منطق الاستقراء

صيغتا الصدر:

طرح الشهيد الصدر صبغتين لتحديد قيمة احتال التعميم على الساس قاعدة الضرب بين العلوم الاجمالية، وتفترض الصيغتان:

ح احتمال التعميم.
 ا ن = عدد اعضاء العلم الاجمالي الاول.
 ت = عدد اعضاء العلم الاجمالي الثاني.
 ت = عدد اعضاء العلم الاجمالي الثالث.
 ن = عدد التجارب الناجحة.

الصيغة الاولى:
$$= \frac{37 \text{ ن}}{37 \text{ i}}$$
الصيغة الثانية: $= \frac{7^{\circ}}{100}$

تفسير الصيغة الاولى:

ع أن التعميم وفقا لقاعدة ع أن التعميم وفقا لقاعدة ع أن التعميم وفقا لقاعدة الضرب عدد اعضاء العلم الاجمالي الثالث، ولاجل ايضاح البرهان على هذه الصيغة، نظرح مثالين لقاعدة الضرب بين العلوم الاجمالية:

نظرية الاحتبال والدليل الاستقرائي

المثال الاول:

لدينا (ب) معلول، ولدينا (أ) او (ت)،كعلة وسبب، واجرينا ثلاث تجارب ناجحة على (أ) و (ب)، حينئذ ستكون لدينا العلوم الاجمالية التالية:

العلم الاجمالي الاول، وهو ان سبب (ب) اما ان يكون (أ)، واما ان يكون (ت)، وهذا العلم الاجمالي مؤلف من طرفين.

العلم الاجمالي الثاني، وسوف يتألف من الاطراف التالية:

١_ ان (ت) حصل مع التجربة الاولى فقط.

٢ ان (ت) حصل مع النجر بة الثانية فقط.

٣ ان (ت) حصل مع التجربة الثالثة فقط.

٤ ان (ت) حصل مع التجربة الاولى والثانية.

٥ ان (ت) حصل مع التجربة الاولى والثالثة.

٦ ان (ت) حصل مع التجربة الثانية والثالثة.

٧_ ان (ت) حصل مع التجربة الاولى والثانية والثالثة.

٨ ان (ت) لم يحصل في كل التجارب الثلاثة.

وحينها نضرب العلم الاول في الثاني نحصل على العلم الاجمالي الثالث، وهو مؤلف من الاطراف التالية:

١- ان يكون (أ) سبباً لـ (ب)، و (ت) حصل مع التجربة الاولى
 فقط.

٢_ ان يكون (أ) سبباً لـ (ب)، و (ت) حصل مع التجربة الثانية
 فقط.

٣- ان يكون (أ) سبباً لـ (ب)، و (ت) حصل مع النجر بة الثالثة
 فقط.

3- أن يكون (أ) سبباً لـ (ب)، و (ت) حصل مع التجربة الاولى والثانية.

۵ ان یکون (أ) سبباً لـ (ب)، و (ت) حصل مع النجر بة الاولى والثالثة.

آلانية التالية (ت) ميباً لـ (ب)، و (ت) حصل مع التجربة الثانية والثالثة.

٧- ان يكون (أ) سبباً لـ (ب)، و (ت) حصل مع النجر بة الاولى
 والثانية والثالثة.

ان یکون (أ) سبباً لـ (ب)، و (ت) لم یحصل مع کل التجارب الثلاثة.

ان یکون (ت) سبباً لـ (ب). و (ت) حصل مع التجربة الاولى فقط.

ان یکون (ت) سبباً لـ (ب)، و (ت) حصل مع النجر بة الثانية فقط.

ان یکون (ت) سبباً لـ (ب)، و (ت) حصل مع النجر بة النالثة فقط.

ان یکون (ت) سبباً لـ (ب)، و (ت) حصل مع التجربة الاولى والثانية فقط.

ان یکون (ت) سبباً لـ (ب). و (ت) حصل مع النجر بة الاولى والثالثة فقط.

نظرية الاحتيال والدليل الاستقرائينظرية الاحتيال والدليل الاستقرائي

ان یکون (ت) سبباً لـ (ب). و (ت) حصل مع التجربة الثانية والثالثة فقط.

٩_ ان يكون (ت) سبباً لـ (ب) و (ت) حصل مع التجربة الاولى
 والثانية والثالثة.

ان يكون (ت) سبباً لـ (ب) و (ت) لم يحصل مع كل التجارب الثلاثة.

ومن الواضح ان (العلم ٣) يتألف من تسعة اطراف، لان الصور السبعة، التي لم نعطها رقبا في الجدول صور غير محتملة؛ اذ لا يعقل سببية (ت) وعدم وجوده في تجربة من النجارب الثلاثة.

وسوف تكون قيمة احتال التعميم على اساس العلم الاجمالي الثالث، اي قيمة احتال سببية (أ) لـ (ب) بعد ثلاث تجارب ناجحة على اساس قاعدة الضرب، وعلى اساس مبدأ الاحتال العكسي مساوية لـ = $\frac{\Lambda}{2}$.

$$. \quad \frac{\Lambda}{9} \quad = \quad \frac{17}{9}$$

٣٣٢ منطق الاستقراء

وعملي اساس قاعدة الضرب. فان ح =

عدد المراكز التي تحتلها الحادثة . وحيث ان مجموعة اطراف العلم مجموعة اطراف العلم الاجمالي .

الاجمالي = ٩ ، وتحتل سببية (أ) لـ (ب) ثمانية مراكز منها. اذن! ح = 🛕 ،

> ع د د ع ۲ د

المثال الثاني:

لدينــا (ب) معلول، ولدينا (أ)، (ت)، (جــ)، (د)، (هـ) كاسباب وعلل، واجرينا تجربتين ناجحتين، حينئذ ستكون لدينا العلوم الاجمالية: التالمة:

العلم الاجمالي الاول، وهو مؤلف من خسة اطراف، وهي عبارة عن احتمالات السببية:

اما ان یکون (أ) سبباً لـ (ب).

٣_ اما ان يكون (ت) سبباً لـ (ب).

٣_ اما ان يكون (جـ) سبباً لـ (ب).

اما ان یکون (د) سبباً لـ (ب).

٥ ـ اما ان يكون (هـ) سبباً لـ (ب).

نظرية الاحتمال والدليل الاستقرائي

العلم الاجمالي الثاني، وهو مؤلف من الاطراف التالية:

ان تحدث (ت) في التجربة الاولى، و (جــ) في الاولى، و (د) في الاولى.
 الاولى و (هــ) في الاولى.

٢ ان تحدث (ت) في التجربة الاولى، و (جـ) في الاولى، و (د) في الاولى و (هـ) في الثانية.

٣ـ ان تحدث (ت) في التجربة الاولى، و (جـ) في الاولى، و (د) في الاولى والثانية.

لاولى، و (جــ) في التجربة الاولى، و (جــ) في الاولى، و (د) في الاولى ولاتحدث (هــ) في كلتا التجربتين.

٥ــ ان تحدث (ت) في التجربة الاولى، و (جــ) في الاولى، و (د) في الثانية و(هــ) في الاولى.

٦- ان تحدث (ت) في التجربة الاولى، و (جــ) في الاولى، و (د) في الثانية و (هــ) في الثانية .

٧_ ان تحدث (ت) في التجربة الاولى، و (جـ) في الاولى، و (د)
 الثانية و (هـ) في الاولى والثانية.

ان تحدث (ت) في التجربة الاولى، و (جـ) في الاولى، و (د) في الثانية ولاتحدث (هـ) في التجربتين.

٩ـ ان تحدث (ت) في النجربة الاولى، و (جــ) في الاولى، و (د) في الاولى و الثانية و (هــ) في الاولى.

١٠ ان تحدث (ت) في التجربة الاولى، و (جـ) في الاولى، و (د) في الاولى والثانية و (هـ) في الثانية.

١١ـ ان تحدث (ت) في النجر بة الاولى، و (جــ) في الاولى، و (د) في الاولى والثانية و (هــ) في الاولى والثانية .

١٢ ان تحدث (ت) في التجربة الاولى. و (جـ) في الاولى. و (د) في الاولى والثانية ولاتحدث (هـ) في التجربتين.

١٣ ان تحدث (ت) في التجربة الاولى، و (جـ) في الاولى، ولاتحدث
 (د) في كلتا التجربتين و (هـ) في الاولى.

ان تحدث (ت) في النجر بة الاولى، و (جــ) في الاولى، ولاتحدث
 في كلتا التجر بنين و (هــ) الثانية.

۱۵ في الاولى، والتجربة الاولى، و (جــ) في الاولى، ولاتحدث
 (د) في كلتا التجربتين و (هــ) في الاولى و الثانية.

۱۹ من تحدث (ت) في التجربة الاولى، و (جم) في الاولى، ولاتحدث

(د) في كلتا التجربتين ولاتحدث (هـ) في التجربتين.
 ان تحدث (ت) في الاولى، (جـ) في النانية. (د) في الاولى، (هـ)

في الاولى.

١٩ ان تحدث (ت) في الاولى، (جـ) في الثانية. (د) في الاولى، (هـ)
 في الاولى والثانية.

٢٠ ان تحدث (ت) في الاولى، (جـ) في الشانية. (د) في الاولى،
 ولاتحدث (هـ) في كلتا التجربتين.

٢١ أن تحدث (ت) في الاولى. (جـ) في الثانية. (د) في الثانية. (هـ) في الاولى.

٢٢_ ان تحدث (ت) في الاولى، (جـ) في الثانية. (د) في الثانية، (هـ)
 في الثانية.

٢٣ ان تحدث (ت) في الاولى، (جـ) في الثانية، (د) في االثانية.
 (هـ) في الاولى والثانية.

٢٤ ان تحدث (ت) في الاولى، (جـ) في الشانية، (د) في الثانية،
 لاتحدث (هـ) في كلتا التجربتين.

٢_ ان تحدث (ت) في الاولى، (جـ) في الشانية، (د) في الاولى
 والثانية، (هـ) في الاولى.

٢٦_ ان تحدث (ت) في الاولى، (جـ) في الثانية، (د) في الاولى
 والثانية ، (هـ) في الثانية.

٢٨ ان تحدث (ت) في الاولى، (جـ) في الشانية، (د) في الاولى
 والثانية لاتحدث (هـ) في كلتا التجربتين.

٢٩_ ان تحدث (ت) في الاولى، (جـ) في الثانية، لاتحدث (د) في كلتاالتجر بتن، (هـ) في الاولى.

٣٠ ان تحدث (ت) في الاولى، (جـ) في الثانية، لاتحدث (د) في كلتا
 التجربتين(هـ) في االثانية.

٣١_ ان تحدث (ت) في الاولى. (جــ) في الثانية. لاتحدث (د) في كلتا التجربتين . (هــ) في الاولى والثانية.

٣٢_ ان تحدث (ت) في الاولى. (جـ) في الثانبة. لا تحدث (د) في كلتا التجربتين. لا تحدث (هـ) في كلتا التجربتين.

منطق الاستقراء	217
· ·	

٣٣ـ ان تحدث (ت) في الاولى، (جـ) في االاولى والثانية. (د) في الاولى، (هـ)في الاولى.

٣٤ ان تحدث (ت) في الاولى، (جـ) في الاولى والشانية، (د) في الاولى، (هـ) في الثانية.

٤٨ ان تحدث (ت) في الاولى، (جـ) في الاولى والثانية، لا تحدث
 (د) في كلتا النجر بتين، لا تحدث (هـ) في كلتا النجر بتين.

٤٩ ان تحدث (ت) في الاولى، ولا تحدث (ج) في كُلْبَا التجربتين، و(د) في الاولى، (هـ) في الاولى.

٦٤ ان تحدث (ت) في الاولى، ولا تحدث (جـ) في النجر بتين، لا
 تحدث (د) في التجر بتين، لا تحدث (هـ) في النجر بتين.

١٥ في الاولى، (د) في الاولى، (د) في الاولى،
 (هـ) في الاولى.

.

٨٠ ان تحدث (ت) في الثانية، (ج) في الاولى،(د) في التجربتين،
 لا تحدث (ه) في التجربتين.

٨١ ان تحدث (ت) في الثانية، (جـ) في الثانية، (د) في الاولى، (هـ)
 في الاولى.

٩٦ ان تحدث (ت) في الثانية. (جـ) في الثانية. لا تحدث (د) في التجربتين، لا تحدث (هـ) في التجربتين.

٩٧ ان تحدث (ت) في الشانية، (جـ) في الاولى والثانية، (د) في الاولى.

١٩١٣ـ ان تحدث (ت) في الثانية، (جـ) في الاولى والثانية، لا تحدث (د) في التجربتين، لا تحدث (هـ) في التجربتين.

١٩٣٠ ان تحدث (ت) في الثانية، لا تحدث (جـ) في التجربتين، (د)
 في الاولى، (هـ) في الاولى.

١٢٨ ان تحدث (ت) في الثانية، لا تحدث (جـ) في النجر بتين. لا
 تحدث (د) في التجر بنين، لا تحدث (هـ) في التجر بتين.

١٢٩_ ان تحدث (ت) في التجربة الاولى والثانية، (جـ) في الاولى. (د) في الاولى، (هـ) في الاولى.

١٤٤ ان تحدث (ت) في التجربتين، (جـ) في الاولى، لا تحدث (د)
 في التجربتين، لا تحدث (هـ) في التجربتين.

١٤٥ ان تحدث (ت) في التجربتين، (جـ) في الثانية. (د) في الاولى.
 (هـ) في الاولى.

٣٢٨ منطق الاستقراء

١٦٠ ان تحدث (ت) في التجربتين، (جـ) في الثانية، لا تحدث (د)
 في التجربتين، لا تحدث (هـ) في التجربتين.

١٦١_ ان تحدث (ت) في التجربتين، (جـ) في التجربتين، (د) في الاولى. (هـ) في الاولى.

١٧٦ ان تحدث (ت) في التجربتين، (ج) في التجربتين، لاتحدث
 (د) في التجربتين، لا تحدث (ه) في التجربتين.

١٧٧- ان تحدث (ت) في التجربتين، لا تحدث (جـ) في التجربتين،
 (د) في الاولى، (هـ) في الثانية.

......

١٩٢ ـ ان تحدث (ت) في التجربتين، لا تحدث (جـ) في التجربتين، لا تحدث (د) في التجربتين، لاتحدث (هـ) في التجربتين.

19٣ ـ لا تحدث (ت) في التجربتين. (جـ) في الاولى. (د) في الاولى. (هـ) في الاولى.

٢٠٨ لا تحدث (ت) في التجربتين، (جـ) في الاولى، لا تحدث (د)
 في التجربتين، لا تحدث (هـ) في التجربتين.

٢٠٩ لا تحدث (ت) في التجربتين، (جـ) في الثانية. (د) في الاولى.
 (هـ) في الاولى.

نظرية الاحتيال والدليل الاستقرائي

٢٣٤ لا تحدث (ت) في التجربتين، (جـ) في الثانية، لا تحدث (د) في التجربتين، لا تحدث (هـ) في التجربتين.

٢٢٥ لا تحدث (ت) في التجربتين، (جـ) في التجربتين، (د) في الاولى.

٢٤٠ لا تحدث (ت) في التجربتين، (جـ) في التجربتين، لا تحدث (د) في التجربتين.

٢٤١ لا تحدث (ت) في التجربتين، لا تحدث (جـ) في التجربتين.
 (د) في الاولى، (هـ) في الاولى.

٢٥٦ لا تحدث (ت) في التجربتين، لا تحدث (جـ) في التجربتين،لا تحدث (د) في التجربتين، لا تحدث (هـ) في النجربتين.

وحينها نضرب العلم الاجمالي الاول في العلم ٢، لنحصل على العلم الاجمالي الثالث، نلاحظ ان عدد اطراف العلم الاجمالي الثالث ستكون بعد فرز الصور غير المحتملة (٥١٢) طرفا، لان: ٥ × ٢٥٦ = ١٢٨٠، (٢٥٦) طرفا على منها على افتراض سببية (أ) لـ (ب) وهي محتملة جميعا، و (٢٥٦) طرفا على افتراض سببية (ت) لـ (ب) ويضحي (٦٤) طرفا منها فقط محتملا، وهي الاطراف التي تفترض حدوث (ت) في التجر بتين، و (٦٤) طرفا محتملا ايضا على افتراض سببية (د) و (٦٤) طرفا محتملا على افتراض سببية (د) و (٦٤) طرفا على افتراض سببية (د) و (٦٤) طرفا على افتراض سببية (هـ) فيكون مجموع اطراف العلم ٣ = ٢٥٦ + ٦٤ + ٦٤ + ٦٤ - ٢٥٠ .

٣٣٠ منطق الاستقراء

وسوف تكون قيمة احتيال التعميم الاستقرائي على اساس العلم الاجمالي الثالث = $\frac{1}{V}$ ، اي: ان قيمة احتيال سببية (أ) لـ (ب) بعد تجربتين ناجعتين على اساس قاعدة الضرب بين العلوم الاجمالية، وعلى اساس مبدأ الاحتيال العكسي _ مساوية لـ = $\frac{707}{100}$ = $\frac{1}{V}$.

اما على اساس مبدأ العكسى فهي =

$$\frac{1 \times \frac{1}{0}}{\frac{1}{0} \times \frac{1}{0} + \frac{1}{0} \times \frac{1}{0} + \frac{1}{0} \times \frac{1}{0} + \frac{1}{0} \times \frac{1}{0} + \frac{1}{0} \times \frac{1}{0}}{\frac{1}{0}}$$

ووفق العلم ٣= عدد المراكز التي تحتلها الحادث. المجموع الكلى لاطراف العلم الاجمالي

وعدد المراكز التي تحتلها سببية (أ) لـ (ب) تساوي (٢٥٦) طرفا، والمجموع الكلى لاطراف العلم الاجمالي الثالث تساوي (٥١٢)، ويصبح - =

$$\frac{1}{7} = \frac{707}{017} = \frac{376}{375}$$

نظرية الاحتيالُ والدليل الاستقرائي

نعود الى البرهان على صحة الصيفة الاولى، التي طرحها الشهيد الصدر لتقييم احتال التعميم:

ع الله عنه المحادثة عنه المراكز عنه الله البسط يمثل عدد المراكز التي تحتلها الحادثة، اي احتال سببية (أ) له (ب)، والمقام يمثل المجموعة المتكاملة للحوادث المحتملة، ومن الواضح ان المقام يتمثل دائما في المجموع الكلي لاطراف العلم الثالث على اساس قاعدة الضرب ، اما البسط وفق قاعدة الضرب على يساوي دائما عدد اعضاء العلم الثاني لان المراكز التي سوف تحتلها سببية (أ) له (ب) عبارة عن مجموعة الاطراف في العلم الثالث، التي تفترض سببية (أ)، وهذه المجموعة تساوي دائما مجموعة اطراف العلم ٢؛ اذ ان اطراف العلم ٢؛ قتل مجموعة احتمالات وجود ما عدا (أ) من الاطراف المفترضة في (العلم ١)، وجميع هذه الاحتمالات تتعايش مع افتراض سببية (أ) له (ب).

اما اذا اردنا ان نقيس درجة احتيال سببية (ت)، او (جـ) او (د) او (هـ) وفق قاعدة الضرب فسوف نجدها مساوية ل $\frac{12}{16}$ ، لان مجموعة اطراف العلم التي تمثل محتملات ما عدا (أ) لا يتعايش منها مع افتراض سببية ما عدا (أ)، اي افتراض ـ في مثالنا ـ سببية (ت)، او (جـ)، او (هـ)، الا (15) طرفا.

وقد جاء في كتاب الاسس المنطقية للاستقراء نص يوضح البرهان

على ان:
$$= \frac{37}{4}$$
 ، واليك النص كاملًا: 37

٣٣٢ منطق الاستقرا

(ان قیمة احتمال سببیة (أ) لـ (ب) =
$$\frac{3^7 \, \text{ن}}{3^7 \, \text{i}}$$
 ، وذلك لان

(ع٢ ن) التي تعبر عن الحالات التي يضمها (العلم ٢) اما تتضمن سببية (أ) ل (ب)، واما حيادية، فتشتق منها صورتان او عدة صور تكون واحدة منها حتما لصالح سببية (أ) له (ب)، وبهذا يكون عدد الصور التي تعتبر في صالح سببية (أ) له (ب) مساويا دائها له (ع٢ ن) وأمًّا (ع٣ ن) فهي عبارة عن الحالات التي تتمثل في (العلم ٣)، وهي بمجموعها تعبر عن رقم اليقين، وبذلك تجعل مقاما في ذلك الكسر الذي يجدد قيمة احتمال سببية (أ) له (ب)»(١).

تفسير الصيغة الثانية:

التجارب الناجحة يساوي: (التجارب الناجحة يساوي: (التجارب) بناء عدد اعضاء العلم الاول - ١

وبعبارة اخرى: ح =

٢ مضروبا في نفسه بعدد التجارب

٢ مضروبا في نفسه بعدد التجارب + عدد الاعضاء المعاصرة لـ (أ) في العلم١

⁽١) الاسس المنطقية للاستقراء ص ٢٦٨ ـ ٢٦٩.

نظرية الاحتيال والدليل الاستقرائي

ولاجل البرهنة على ذلك نفترض ان:

اي: ان عدد اعضاء العلم الاجمالي الثاني يساوي دائها ٢ مضروباً بنفسه بعدد التجارب مضروبا في نفسه بعدد اعضاء العلم الاول الا واحدا، وان عدد اعضاء العلم الثبالث تساوي دائما ٢ مضروبا بنفسه بعدد التجارب، مضروبا بنفسه بعدد اعضاء العلم الاول مجموعا مع حاصل جمع (٢ مضروبا بنفسه بعدد التجارب مضروبا بنفسه بعدد اعضاء العلم الاول الا واحدا ، اي نجمع الا اثنين) مرات تساوي عدد اعضاء العلم الاول الا واحدا ، اي نجمع (٢٠) العلم الاول الا واحدا ، اي نجمع

$$\frac{3^{7} \circ ^{1} \circ ^{1}$$

اذا ثبت هذا الافتراض فسوف يثبت ان: $\frac{37}{100}$

وينضح ذلك من خلال الخطوات التالية:

يبقى علينا ان نثبت ان:

واذا ثبتت هذه المعادلة يثبت بالبرهان المتقدم ان:

٣٣٦ منطق الاستقراء

الاثبات:

سنضع هذا الاثبات في خطوتين. نثبت في الاولى ان (ع٢ ن) = . (٢°) ^{١٠٠١} . وسنثبت في الخطوة الثانية ان :

 $^{1-\delta^{1}\xi(^{2}Y)(1-\delta^{1}\xi^{2})+^{1-\delta^{1}\xi}(^{2}Y)}=(\delta^{1}Y\xi)^{1-\delta^{1}\xi}$

الخطوة الاولى:

من الواضح أن (ع ٢ ن) يمثل العلم الاجمالي، الذي يضم محتملات ما عدا (أ)، فقد تقدم أن لدينا علما أجماليا قبليا رمزنا له بـ (العلم ١) ويضم هذا العلم مجموعة الاطراف التي يحتمل أن تكون أسبابا لـ (ب).

وقد اشرنا الى اننا على اثر اي عدد من التجارب الناجحة سوف نحصل على (العلم Υ), وهذا العلم يضم محتملات ما عدا (آ) حيث اعتبرنا احتيال سببية (أ) \bot (ب) هو الاحتيال المطلوب تنميته على اثر التجارب الناجحة.

على هذا الاساس سوف يضم (العلم ٢) الصور المكنة لما عدا (أ) من اعضاء العلم الاول، اي الصور الممكنة لـ (ع١ ن ـ ١) والصور الممكنة لـ (ع١ ن ـ ١) تحصل عليها من خلال استخراج عدد الصور الممكنة لكل عضو من اعضاء (ع١ ن ـ ١). وتضربها بعدد اعضاء (ع١ ن ـ ١).

نعود الى المثالين المتقدمين. فقد كان لدينا في المثال الاول (العلم ١). وهو مؤلف من طرفين (أ) او (ت). وكانت لدينا ثلاث تجارب ناجحة. وهذا يعنى ان (العلم؟) سوف يضم محتملات (ت) خلال ثلاث تجارب وحيث ان احتال وجود (ت) في اي تجربة من التجارب يساوي $\frac{1}{Y}$ ، فهذا يعني ان لدينا علما اجماليا ثنائيا في كل تجربة، ولكي نحصل على قيمة احتال وجود (ت) يجب ان نضرب عدد اعضاء العلم الاجمالي المتعلق في كل تجربة بعدد التجارب، اي ان نضرب $(\frac{1}{Y} \times \frac{1}{Y} \times \frac{1}{Y})$ ، ونحصل على علم اجمالي نقيّم في ضوءه قيمة احتال وجود (ت)، ومجموع اطراف هذا العلم الاجمالي يساوي (٢) مضروبا في نفسه بعدد التجارب، وإذا رمزنا الى عدد التجارب بـ (ن)، تكون مجموع اطراف (العلم ٢) = (٢٠) = الى عدد التجارب، و ١ = ١ .

اما المثال الثاني، فقد كان لدينا العلم الاجمالي الاول، وهو مؤلف من خسة اطراف (هأ»، «ت»، «هـ»، ««»، «جـ»)، وكانت لدينا تجربتان ناجحتان، وهذا يعني ان (العلم ٢) سوف يضم محتملات (ت) و (هـ) و (جـ)، و (د)، وبها اننا نملك في كل واحد من هذه الاعضاء الاربعة علما اجماليا مؤلفا من حاصل ضرب ٢ في نفسه بعدد التجارب، اي: انه يساوي (٣٠)، كما تقدم برهانه، فسوف يتألف العلم الاجمالي الذي يضم محتملات (أ)، (ت)، (هـ)، (جـ) من حاصل ضرب العلوم الاجمالية الاربعة ببعضها.

اي ان نضرب ($Y^c \times Y^c \times Y^c \times Y^c$) وبعبارة اخرى ان نضرب (Y^c) في نفسها بعدد اطراف (العلم)، عدا أ = $(Y^c)^{3/c-1}$ ، وبهذا يثبت ان : $(Y^c)^{3/c-1}$.

٣٣٨ منطق الاستقراء

الخطوة الثانية:

نحاول ان نثبت في هذه الخطوة ان: ع٣ ن = (٣٥)^{١٥-١٠} + (ع١ ن (٢٠)^{١٤-١}.

نحن نعرف أن العلم الاجمائي الثالث يستوعب احتمالات سببية اطراف العلم الاجمالي الاول، فحينها نضرب اطراف (العلم ١) في مجموعة اطراف (العلم ٢)، الذي يضم محتملات سببية كل طرف من اطراف (العلم ١)، وهذا واضح كما في الجدول الذي رسمناه لايضاح المثالين المتقدمين.

وقد تقدم في الصيغة الاولى اثباتان محتملات سببية (أ) بعد اي عدد من التجارب الناجحة = (ع٢ ن) وهذا يعني انها تساوي (٢°)٠²٠-١.

يبقى علينا أن نثبت أن مجموع احتهالات سببية ما عدا (أ) من اطراف العلم الاجمالي الاول تساوي دائها (ع١ ن ـ ١) (٣٠)٥١٥٠٠ .

(ع۱ ن ـ ۱) تعني عدد اعضاء (العلم ۱) الا واحدا، وهذا يعني اننا نجمع ($Y^{\circ})^{3/\epsilon-7}$ بنفسها بعدد اعضاء (العلم ۱) ـ ۱، مما يعني ان اي عضو من اعضاء (ع۱ ن ـ ۱) تساوي احتمالات سببيته $(Y^{\circ})^{3/\epsilon-7}$.

وبهذا لا يبقى امامنا الا اثبات ان احتمالات سببية اي طرف من اطراف (العلم ١) عدا (أ) تساوى (٢٠)٤١٠٠٠ .

الاحتمالات التي تكون في صالح سببية اي طرف عدا (أ) عبارة عن الاحتمالات التي تفترض وقوع ذلك الطرف في كل التجارب الناجحة، اما ما نظرية الاحتيال والدليل الاستقرائي

عداها من احتالات (العلم ٢) فتصبح غير محتملة، فنحن لكي نحصل على (العلم ٣)، الذي يضم مجموع احتالات سببية اطراف (العلم ١) علينا ان نضرب مجموع اطراف(العلم ١)، فاذا كان لدينا خسة اطراف في (العلم ١) _ كما هو في المثال الثاني _ فعلينا ان نضرب (٥) × (ع٢ ن) لنحصل بعد فرز الصور غير المحتملة على احتالات السببيه التي تتجمع في (العلم ٣).

واحتبال سببية (أ) يساوي (٣٥) ١٠٠٠ ، كها تقدم اثبات ذلك ، لان سببية (أ) تتعايش مع جميع اطراف العلم الثاني، اما سببية ما عدا (أ) من اعضاء العلم الاول فهي لا تتعايش الا مع الاطراف، التي تفترض وقوع ذلك العضو في كل التجارب، والاطراف التي تفترض وقوع اي عضو اخترناه من الاعضاء في كل التجارب تساوي دائها (٣٥)٤٥٠-٢.

والسر في هذه المساواة يكمن في تحليل طبيعة (العلم ٢)، فهذا العلم يضم محتملات وقوع ما عدا (أ) خلال التجارب، وقد قلتا انه يساوي دائيا (٢°) مضروبا بنفسه بعدد اعضاه(العلم ١) ـ ١، وفي مثالتا يعني ان نضرب (٢° \times × × × × × * $°)، و (٢°) تعني محتملات وقوع كل عضو من الاعضاء خلال التجارب، فهي اي (٣°) تمثل علما اجماليا يضم محتملات وقوع اي عضو من اعضاء (العلم ١) عدا (أ)، وقيمة احتمال وقوع ذلك العجو في كل التجارب يساوي دائها <math>\frac{1}{\sqrt{1 - 10}}$ ، اي ان صورة واحدة فقط من مجموع محتملات وقوع اي عضو من اعضاء (العلم ٢) ـ ١ في صالح وقوع ذلك العضو خلال كل التجارب، وبها ان عدد الاعضاء في (العلم ٢)

٣٤٠ منطق الاستقراء

تتألف من ضرب جميع محتملات كل عضو من اعضاء (العلم ١ _ أ) في بعضها، فهـذا يعني ان المحتملات التي تكون في صالح سببية اي عضو مساوية لضرب ١ × (٣٠) ١٠ - ٢ .

اذن! الاحتمالات التي تكون في صالح سببية اي طرف عدا (أ) تساوي (٢^{٥)١٤٥٠} .

اذن! (ع٣ ن) اللذي يضم محتملات سببية مجموع الاعضاء في (العلم١) يساوي:

احتالات سببية (أ) + احتالات سببية ما عدا (أ).

الاحتيالات التي في صالح سببية (أ) = $(Y^0)^{Y^0-1}$.

+ $^{1-3}$ (°Y) = (Î) = $(1)^{3(-7)}$ + $(1)^{3(-7)}$ + $(1)^{3(-7)}$ + $(1)^{3(-7)}$

ومن ثم فهي تساوي (ع١ ن ـ ١) (٢٠^{٥)١٤٠٠} .

اذن! ع٣ ن= (٤٥)^{٥٢ - ١}+ (ع١ ن ـ ١)(٩٥)^{٥٢ - ١}

وبها أن (ع٢ ن) = (٢٥)ان-١ .

$$\frac{\frac{1-3^{1}\xi(3Y)}{1-3^{1}\xi(3Y)(1-3)\xi(3Y)}}{\frac{1}{1-3^{1}\xi(3Y)(1-3)\xi(3Y)}} = \frac{3^{1}\frac{Y}{\xi}}{3^{1}\frac{Y}{\xi}}$$

ولاجل مزيد من الايضاح نقول:

ان العلم الاجمالي الثاني _ الذي يضم محتملات وقوع ما عدا «أ» هو في حقيقة الامر تاتج ضرب مجموعة من العلوم الاجمالية. فنحن اذا كان لدينا «أ»، و «ت»، و «هـ» كاسباب محتملة لـ «ب»، فهذا يعني ان لدينا علما اجماليا مؤلفا من ثلاثة اطراف، وهي _ اي الاطراف _ عبارة عن الاسباب المحتملة لـ «ب». و بموجب هذا العلم يكون احتمال سببية اي واحد من «أ»، او «ب»، او «هـ» مساويا لـ « $\frac{1}{\sqrt{2}}$ ». وهذا العلم الاجمالي قائم قبل التجربة، فيصح ان نسمية «العلم القبلي» او «العلم».

وحينها نقوم بتجربتين ناجحتين، اي نلاحظ فيهها اقتران «أ» بـ «ب» فقط، فسوف ينشأ لدينا علم اجمالي جديد، وهو «العلم ٢»، حيث يضم محتملات وقوع «ت» و «هـ» في التجربتين.

واذا دققنا في هذا «العلم٢» نجد اننا لكي نجيب على الاستفهام التالى:

ما هي قيمة حدوث «هـ» و «ت» معا في كلتا التجربتين؟ فلابد من ضرب قيمة احتمال وقوع «هـ» في كلتا التجربتين في قيمة احتمال وقوع «ت» في كلتا التجربتين. اما قيمة احتمال وقوع «هـ» في كلتا التجربتين فهو احتمال مركب من حادثتين مستقلتين، وهما وقوع «هـ» في التجربة الاولى ووقوع «هـ» في التجربة الثانية، وحينئذ لابد من ضرب قيمة احتمال وقوع «هـ» في التجربة الاولى في قيمة احتمال وقوع «هـ» في التجربة الثانية.

ولكن ما هي قيمة احتيالوقو ع«هـ» في التجربة الاولى، وما هي قيمة احتيالوقو ع«هـ» في التجربة الثانية؟

ان قيمة احتمال وقوع «هـ» في التجربة الاولى يساوي ٢٠٠٠ لاننا نتكلم فعلا في تفسير الاستقراء، أي اننا لا نملك بالفعل معلومات استقرائية نركن اليها.

وحينشذ سوف يكون احتمال وقوع «هـ» واحتمال عدم وقوعه في التجربة الاولى متساويين. وهذا يعني اننا نملك علم اجماليا مؤلفا من طرفين. والامر كذلك بالنسبة لاحتمال وقوع «هـ» في التجربة الثانية، اي انه يساوي ب أ .

وحينئذ نستطيع ان نحدد قيمة احتال وقوع «هـ» في كلتا التجربتين معا بضرب $\frac{1}{\sqrt{2}} \times \frac{1}{\sqrt{2}}$. وسوف يكون « $\frac{1}{\sqrt{2}}$ »، وهذا يعني اننا نملك علما اجماليا مؤلفا من اربعة اطراف، وطرف واحد منه فقط لصالح وقوع «هـ» في كلتا التجربتين.

اما بالنسبة لاحتيال وقوع «ت» في كلتا التجربتين معا فهو يساوي ايضا احتيال وقوع «ت» في التجربة الاولى مضروبا في احتيال وقوع «ت» في التجربة الثانية، واحتيال وقوع «ت» في كل واحدة من التجربتين تساوي

 $\frac{1}{\gamma}$ ايضا، وفق نفس الاسباب التي شرحناها في احتمال وقوع «هـ»، وعندتذ لا بد ان نضرب $\frac{1}{\gamma}$ \times $\frac{1}{\gamma}$ ، وسوف يكون احتمال وقوع «ت» في التجربتين معا مساويا لـ $\frac{1}{2}$. وهذا يعني ان لدينا علما اجماليا مؤلفا من اربعة اطراف، يضم محتملات وقوع «ت» في التجربتين الناجحتين، وطرف واحد منه فقط لصالح وقوع «ت» في التجربتين معا.

وحينئذ نستطيع الاجابة على الاستفهام المتقدم: ما هي قيمة احتبال وقوع «ت» و «هـ» معا في التجربتين معا؟

نعود الى الوراء لنرى كيف تألف هذا العلم الاجمالي من «١٦» طرفا؟ من الواضح ان هذا العلم نشأ من ضرب عدد اطراف العلم الاجمالي الذي يضم محتملات وقوع «ت» في التجربتين، في العلم الاجمالي الذي يضم محتملات وقوع «ت» يساوي دائيا «٣٠» ، كما ان العلم الذي يضم محتملات «هـ» يساوي دائيا «٣٠» ، كما ان العلم الذي يضم محتملات «هـ» يساوي دائيا «٢٠» . لاننا نواجه في كل تجربة دائيا علما اجماليا مؤلفا من طرفين، وهما وقوع «ت» وعدم وقوعه، فاذا كانت لدينا تجربتان لزم ان نضرب ٢ × ٢ وهو يساوي «٣٠» . واذا كانت لدينا ثلاث تجارب لزم ان نضرب ٢ × ٢ وهو يساوي «٣٠» . وهذا الدينا ثلاث تجارب لزم ان بخالي الذي يضم محتملات وقوع «هـ».

وهـ ذا يعني اننا لاجـل الحصول على العلم الاجمالي الذي يضم محتملات وقوع «هـ» و «ت» فعلينا ان نضرب: $Y^\circ \times Y^\circ$ «. وهو يساوي $(Y^\circ)^{(2)}^\circ - 1^\circ$. واذا كان لدينا مضافا الى «هـ» و «ت» عامل آخر، وهو «ج» من المحتمل ان يكون سببا لـ «ب»، فهذا يعني ان نضرب: $Y^\circ \times Y^\circ \times Y^\circ$ ، وهو يساوي $(Y^\circ)^3 \cdot - 1^\circ$.

ولكي نحصل على القيمة النهائية لاحتهال سببية «أ» لـ «ب» بعد تجربتين ناجحتين علينا ان نضرب «العلم ۱» في «العلم ۲»، ونكون «العلم ۳». وسوف نلاحظ ان العلم الثالث يتألف من ضرب احتهال سببية «أ» في كل اطراف «العلم ۲»، مضافا الى ضرب احتهال سببية «ت» في كل اطراف «العلم ۲»، مضافا الى ضرب احتهال سببية «ح» في كل اطراف «العلم ۳».

ونلاحظ هنا ان كل اطراف «العلم٢» تتعايش مع احتيال سببية «أ» وهذا يعني ان احتيال سببية «أ» سوف يساوي $1 \times (Y^0)^{2^{1} - 1}$. اي: 1 مضروبا في عدد اطراف «العلم ٢». اما احتيال سببية اي طرف من اطراف «العلم ١» ما عدا «أ» فهي تتعايش فقط مع الاطراف التي تفترض وقوع ذلك الطرف في التجربتين معا، واما الاطراف التي تفترض وقوع ذلك الطرف في تجربة واحدة فقط او عدم وقوعه في التجربتين معافهي لا تتعايش مع افتراض سببيته، اذ كيف يكون سببا ولم يكن في كلتا التجربتين معا

وهذا يعني ان عدد الاطراف _ التي تؤيد سببية «ت» او «هـ»، او غيرها من الاطراف التي تفترض محتملة كاسباب في «العلم ١» _ يساوي عدد اطراف «العلم ٢» التي تفترض وقوع «ت» او «هـ» في كلتا التجربتين

معا. او قل حاصل ضرب ١ × عدد الاطراف التي تؤكد وقوع «ت» او «هــ» في التجربتين معا، وعدد الاطراف التي تفترض وقوع «هــ» او «ت» او اي عنصر آخر من المحتمل ان يكون سببا لـ «ب» عدا «أ»، الذي تحقق وقوعه في التجربتين ، يساوي دائبًا $(Y^{\circ})^{3/6-7}$. اى ان عدد الاطراف التي تؤكد وقوع « ت » في النجريتين = (٢٠٥) م وعدد الاطراف التي تؤكد وقوع « هـ » في التجربتين = (٢٠)٤٥٠٠ ولاجل ايضاح ذلك نرجع الى الوراء قليلا لنلاحظ: ان احتمال وقوع «ت» في التجربتين معا = « 🗼 » كما تقدم . اي ان طرفا واحدا من اطراف العلم الاجمالي. الذي يضم محتملات وقوع «ت» لصالح وقوعه في التجربتين معا، والامر كذلك بالنسبة لاحتيال وقوع «هـ» في التجربتين معا. وبها أن العلم الثاني يتألف من ضرب عدد اطراف العلم الاجمالي. الذي يضم محتملات وقوع «ت» في عدد اطراف العلم الاجمالي، الذي يضم محتملات وقوع «هـ»، فهذا يعني ان الاطراف التي تؤيد وقوع «هــ» في التجربتين معا = ١ × ٤، او قل ١ × ٣° ، لاننا حينها نضرب ٣° × ٣° لنكون «العلم ٢» فهذا يعني ان نضرب كل طرف من اطراف (٣°) في كل اطراف (٣°) ، وبها ان طرفاً واحداً في (٣٤) لصالح وقوع « هـ » في التجربتين ٪ سوف تكون الاطراف التي تؤيد وقوع «هـ» في التجربتن = ١ × ٢° . ويساوي دائها ١ . '- 51t(5T) ×

فلو افترضنا ان ما ينافس «أ» كاسباب في «العلم ۱» كانت «ت»، «هـ»، «ج»، «د». فسوف يكون «العلم ۲» مؤلفامن ضرب: $Y^{\circ} \times Y^{\circ} \times Y^{\circ}$ وسوف تكون الاطراف في «العلم ۲» ، التي تؤيد وقوع اي عامل

٣٤٦ منطق الاستقراء

من العوامل المفترضة اسبابا في «العلم ١» عدا «أ» عبارة عن طرف واحد من ٣٠° » مضروبا في ٣° × ٣° × ٢° . وهو يساوي ١× (٣°)٠٤٠- ٢ .

وبهذا يثبت ان مجموع الاطراف التي تؤيد وقوع اي واحد من: (هـ، ت، ج، د) في التجر بتين يساوي: (٣٠) الاحداد .

وهذا يعني ان الاطراف التي سوف تؤيد سببية «هـ»، او «ت»، او «ج»، او «د» في «العلم ۲» تساوي دائها $1 \times (7^{\circ})^{3^{\circ}-7}$ وبهذا يثبت ان احتمال سببية «هـ» = $1 \times (7^{\circ})^{3^{\circ}-7}$

 $e = - \text{minif}(x) = 1 \times (Y^0)^{3^{10}-7}$ $e = - \text{minif}(x) = 1 \times (Y^0)^{3^{10}-7}$ $e = - \text{minif}(x) = 1 \times (Y^0)^{3^{10}-7}$

وهذا یعنی ان مجموع احتیالات سببیة ما عدا «أ» من اعضاء «العلم * » تساوی فی «العلم * » (*) × (*) × (*) من اعضاء «العلم

وبها ان «العلم ۳» یضم احتهالات سببیة کل اطراف «العلم ۱ »، اذن فسوف یکون: ع۳ ن = ($(^{3})^{3/3-1}$ فسوف یکون: ع۳ ن = $(7^{3/3})^{3/3-1}$ وحیث ان ع۲ ن = $(7^{3/3})^{3/3-1}$

$$\frac{1 - \sigma^2 \xi^{(-1)}}{1 - \sigma^2 \xi^{(-1)} (1 - \sigma^2 \xi^{(-1)})} = \sigma^2 \xi \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2}$$

نظرية الاحتمال والدليل الاستقرائينظرية الاحتمال والدليل الاستقرائي

وبهذا يتم تفسير الصيغة الاولى والثنانية، نعوض عن الرموز بالارقام، فنفرض اولا أن (ن) = ٢، (ع١ ن) = ٢ فسوف يكون لدينا ما يلي:

$$\frac{\mathsf{Y}}{\mathsf{Y}} = \frac{\mathsf{Y}}{\mathsf{Y}} = \mathsf{Y}$$

$$\frac{\mathsf{Y}}{\mathsf{Y}} + \mathsf{Y} = \mathsf{Y}$$

$$\frac{\mathsf{E}}{\mathsf{Y}} = \mathsf{Y}$$

ولنفرض أن عدد التجارب (ن) تكون (٣)، فسوف يكون لدينا $\frac{7}{4} = \frac{7}{(1-1)}$, وهذا يعني أن ازدياد عدد

التجارب الناجحة يرفع قيمة احتيال التعميم، واذا افترضنا ان (ع١ ن) = (٣)، اي انعددالأعضاءالمنافسة لـ (أ) يصبح اثنين بدلا من واحد، فسوف

$$\frac{1}{\sqrt{\lambda}} = \frac{\lambda}{\sqrt{\lambda}} = \frac{\lambda$$

يعني ان ازدياد عدد اعضاء (العلم ١) يؤثر سلبا على نمو احتال التعميم، فكلها كشرت الاعضاء المنافسة لـ (أ) يصبح نمو احتال التعميم خلال التجارب ابطأ من نموه في حال قلة عدد الاعضاء المنافسة.

٣٤٨ منطق الاستقراء

الحكومة اساس التقييم:

نعود الى صلب موضوع هذا التطبيق، حيث اتضح لنا ان احتهال سببية (أ) لـ (ب) ترتفع قيمته على اثر التجارب الناجحة، كها اتضح لنا ان تقييم درجة احتمال التعميم على اساس العلم الاجمالي الثاني تختلف عن قيمة احتمال التعميم على اساس العلم الاجمالي الثالث.

كما اتضح لنا ان تقييم الاحتمال على اساس (العلم ٣) يعني تطبيق قاعدة الضرب بين العلوم الاجمالية، واستخدام مبدأ الاحتمال العكسي رياضيا.

ولكن تقدم في نظرية الاحتهال في تفسيره الاجمالي ان قاعدة الضرب بين العلوم الاجمالية تنطبق في كل الحالات الا الحالات التي تنطبق فيها (بديهية الحكومة).

فاذا ثبت ان (العلم ١) و(العلم ٢) في هذا التطبيق من العلوم الاجالية، التي تنطبق عليها بديهية الحكومة، فهذا يعني ان تقييم احتال التعميم يتم وفق العلم الاجالي البعدي فحسب، وان القيمة الاحتالية القبلية لاحتال التعميم تلغى من الحساب، اما اذا ثبت ان (العلم ١) و(العلم ٢) مما تنطبق عليها قاعدة الضرب فلابد من تقييم درجة احتال التعميم على اساس الضرب بين (العلم ١) و (العلم ٢)، والحصول على (العلم ٣) لتقييم درجة احتال التعميم على اساسه.

نعود الى المثال الاول، حيث كان لدينا علم اجمالي قبلي (العلم١).

وهو العلم بان سبب (ب) اما ان يكون (أ) او (ت)، وكانت اطراف (العلم)) اي مجموعة اعضاء العلم الاجمالي = (٢)، وكان لدينا علم اجمالي بعد ثلاث تجارب ناجحة (العلم ٢) وهو العلم بصور وقوع (ت)، وكانت مجموعة الاعضاء في (العلم ٢) تساوي ثمانية.

واذا اردنا ان نطبق (قاعدة الضرب بين العلوم الاجمالية)، فهذا يعني ان نفترض ان الطرف الثاني من (العلم ١) «سببية (ت) لـ (ب) » ينفي الطرف الاول من (العلم ٢) «ان (ت) وقعت في التجربة الاولى، فقط » كيا ينفى الطرف الثاني والثالث والرابع والخامس والسادس والثامن.

لكن افتراض هذا التنافي يتوقف على ان لا تكون احدى القيمتين الاحتياليتين حاكمة على الاخرى.

وهنا نلاحظ: ان (العلم ١) بعد ثلاث تجارب، اي العلم الاجمالي بالسببية بعد ثلاث تجارب ناجحة سوف يتصف بصفة، وهي ان السبب موجود في كل التجارب الثلاثة، فالقيمة الاحتبالية التي نمنحها لكل واحد من طرفي (العلم ١) تتوقف على اثبات اتصافه بكونه موجودا في التجارب الثلاث، والطرف الاول والثافي والثالث والرابع والخامس والسادس والثامن من (العلم ٢) تنفي اتصاف الطرف الثاني من (العلم ١) بتلك الصفة، فهي تفرض عدم وجوده في كل التجارب، ومن هنا فهي تنفي كونه (اي الطرف الثاني من العلم ١) طرفا من اطراف (العلم ١)، وتطبيقا لبديهية الحكومة المتقدمة ، تكون القيم الاحتبالية من (العلم ٢) حاكمة على القيم الاحتبالية في (العلم ١) ولا تصلح قيم (العلم ١)، وعليه يلغى

(العلم ١) من حساب تقييم احتمال الحادثة، ونعتمد على العلم الاجمالي البعدي فقط لاجل تحديد قيمة احتمال التعميم السببي.

وبعبارة اخرى: اننا بعد ثلاث تجارب لا نعقل منح احتمال سببية (أ) لـ (ب) او (ت) لـ (ب) قيمة احتمالية، دون ان يكون (أ) او (ت) موجودا في التجارب الثلاث.

ومن هنا سوف يتصف الطرف الذي يستمد من (العلم١) قيمة احتمالية بصفة، وهذه الصفة هي:

ان يكون موجودا في التجارب الثلاث.

واثبات وجوده في التجارب الثلاث لا علاقة له بالعلم الاجمالي القبلي (العلم ١)، انها ثنبت وجوده في التجارب الثلاث على اساس (العلم ٢)، ومن ثم يكون اثبات كونه طرفا من اطراف (العلم ١) متوقفاً على القيمة الاحتيالية التي يمنحها (العلم ٢)، والتي تثبت او تنفي اتصافه بانه (موجود في التجارب الثلاث) وعلى هذا الاساس يكون (العلم ٢) حاكها في تيمه الاحتيالية على (العلم ١).

ومن هنا صح لنا القول: ان احتال التعميم السببي (التعميم الاستقرائي) ـ في ضوء التطبيق الاول، الذي افترضنا فيه الايان باستحالة وجود حادثة بلا سبب، واحتال علاقة السببية في مفهومها العقلي ـ يتم تقبيمه على اساس العلم الاجمالي البعدي، وان القيمة الاحتالية القبلية (اي قيمة احتال الحادثة قبل التجربة) لا تؤخذ بنظر الاعتبار، انا نعتمد على العيم الاحتالية التي يضمها (العلم ٢)، والتي تتألف في ضوء التجارب والاختبارات الناجحة.

التطبيق الثانى:

ننطلق في هذا التطبيق من الشك في امكان وجود حادثة بلا سبب، اي الشك باستحالة الصدفة المطلقة، والشك بان العلاقة بين العلة والمعلول هي علاقة اللزوم والضرورة.

من الواضح ان هذا التطبيق يختلف عن التطبيق السابق في نقطة جوهرية، وهي اننا نفترض في هذا التطبيق الشك في استحالة الصدفة المطلقة، ومع هذا الافتراض يتعذر علينا الافادة من (العلم ٢) الذي تقدم بيانه في التطبيق الاول، لرفع قيمة احتيال التعميم الاستقرائي، اذ ان اطراف (العلم ٢) التي تنفي وجودما عدا (أ) سوف لا تعين سببية (أ)، دون افتراض ضرورة وجود سبب لـ (ب).

اما اذا افترضنا منذ البدء مالشك باستحالة الصدفة المطلقة وضرورة وجود سبب لمارب) فهذا يعني ان اطراف (العلم ٢) كلها حيادية المام سببية (أ) او (ت) لمارب)، وحدوث (ب) بلا سبب.

وهذا يعني اننا مهم كررنا التجارب الناجحة فسوف لا نستطيع رفع قيمة احتمال التعميم الاستقرائي اكثر من $\left(-\frac{1}{V}\right)$.

وعلى اساس هذه العقبة، التي تقف امام تطبيق نظرية الاحتبال على الدليل الاستقرائي، اعتقد بعض الباحثين كر (راسل) حاجة الدليل الاستقرائي لاتخاذ العلية (مصادرة).

لكن نظرية الاحتبال في تفسيره الاجمالي تتبح لنا حين تطبيقها على الدليل الاستقرائي تنمية احتبال التعميم الاستقرائي بشكل نافع. حيث نحاول في هذا الفرض تنمية احتبال استحالة الصدفة المطلقة من خلال

٣٥٢ منطق الاستقراء

التجارب الناجحة، وحينها يكتسب هذا الاحتبال درجة كبيرة جدا ~ 1 . فسوف يحصل احتبال التعميم الاستقرائي على درجة اكبر منها.

ايضاح ذلك:

استحالة وجود حادثة بلا سبب (استحالة الصدفة المطلقة) = ان عدم السبب علة لعدم المسبب.

اي: ان الايهان بضروة وجود سبب لكل حادثة من الحوادث ينتج عنه الايهان بان عدم وجود السبب يؤدي بالضرورة الى عدم وجود المسبب، فها دمنا نعتقد بان وجود (ب) يستلزم بالضرورة وجود سبب لها، فهذا يعني ان عدم وجود السبب يستلزم بالضرورة ايضا عدم وجود (ب).

نعود الى فرضية التطبيق الثاني، حيث افتراضنا الشك باستحالة الصدفة المطلقة،والثبك بضرورة وجود(ب) على اثر وجود (أ)، اي سيكون لدينا علم اجمالي باحدى الحادثتين: استحالة الصدفة المطلقة، او امكان الصدفة المطلقة.

ننطلق من هذا العلم الاجمالي، مستخدمين نظرية الاحتمال في تفسيره الاجمالي، نلاحظ اولا: ان طرفي العلم الاجمالي المتقدم ما دمنا نتحدث قبل الاستقراء والمعلومات الاستقرائية، وما دمنا نريد تفسير الساس الاستقراء لا يترجح احدهما على الاخر، اي: ان القيمة الاحتمالية لكل منها واحدة متساوية، وهذا يعني ان (ح) استحالة الصدفة المطلقة =

نظرية الاحتيال والدليل الاستقرائينظرية الاحتيال والدليل الاستقرائي

على اساس ما تقدم سوف تكون قيمة احتبال القضية التي تقرر (عدم السبب علة لعدم المسبب)= $\frac{1}{\sqrt{1-x}}$

ولاجل تبسير حساب قيمة الحوادث نفترض ان الاسباب المحتملة له (ب) تنحصر به (أ) فقط، ثم نقوم بالتجربة الاولى فنلاحظ ان (ب) تغيب بغياب (أ)، اي نلاحظ اقتران عدم (ب) بعدم (أ)، ثم نجرب ثانية فنلاحظ ايضا اقتران عدم (ب) بعدم (أ)، حينئذ يتولد لدينا العلم الاجمالي الشرطى التالى:

اذا لم يكن عدم (أ) علة لعـدم (ب) فامــا ان يقترن (أ) (ب) في التجربة الاولى فقط، واما ان يقترنا في التجربة الثانية فقط، واما ان يقترنا في التجربتين. في التجربتين، واما ان لا يقترنا في التجربتين.

وهـذا علم اجمالي شرطي، شرطه افتراض نفي استحالة الصدفة المطلقة، وجزاؤه مردد بين اربعة بدائل، وهذا يعني اننا امام علم اجمالي مؤلف من اربعة اطراف:

١_ ان يثبت عدم (ب) في التجربة الاولى فقط.

٢ ان يثبت عدم (ب) في التجربة الثانية فقط.

٣ ان يثبت عدم (ب) في التجربة الاولى والثانية.

2_ ان لا يثبت عدم (ب) في التجر بتين.

نعيد الى الذكرى القاعدة، التي قررناها في نظرية الاحتبال، والتي تقول:

(كـل علم اجمـالي شرطي ـ يضم مجمـوعة من القضايا الشرطية المحتمله، التي تشترك في شرط واحد، وتختلف في جزاءاتها ـ ينفي الشرط المشترك بقيمة احتمالية تساوي حاصل جمع القيم الاحتمالية للقضايا الشرطية المحتملة، التي علمنا بكذب جزاءها في اطار مجموعة اطراف العلم الشرطى).

وحينها نطبق هذه القاعدة على العلم الاجمالي الشرطي، الذي تقدم ذكره نلاحظ:

آ له هذا العلم الاجمالي يضم اربعة قضايا شرطية تشترك في شرط واحد، وهو (اذا لم تكن الصدفة المطلقة مستحيلة)، وجزاءاتها مرددة بين (فيثبت عدم (ب) في التجربة الاولى فقط) او (يثبت عدم (ب) في التجربة النانية)......

ب ـ اننا نعلم بعد وقوع الاقتران في الاختبارين الناجحين بين (أ) و (ب) كذب الجزاء في ثلاث قضايا من القضايا الشرطية الاربعة، التي يضمها العلم الاجمالي الشرطي.

جـ ـ تطبيقا للقاعدة المتقدمة نقرر: ان هذا العلم الاجمالي الشرطي يثبت كذب الشرط، اي ينفي امكان الصدفة المطلقة بقيمة احتمالية تساوي حاصل جمع القيم الاحتمالية للقضية الشرطية الاولى والثانية والرابعة.

د وحيـت أن هذه القضايا الشرطية الاربعة متساوية في قيمها الاحتـالية يثبت نفي أمكان الصدفة المطلقة أي تثبت استحالة الصدفة المطلقة بدرجة احتمالية تساوي $\frac{T}{2}$.

هـ ـ تبقىٰ امامنا القضية الشرطيه الثالثه. التي تقرر: (اذا كانت الصدفه المطلقه ممكنة فسوف يثبت عدم (ب) في التجربيتن).وقد جاء في الاسس المنطقية للاستقراء:

(واما القيمة الاحتالية لتلك القضية الشرطية فهي حيادية تجاه السببية وبذلك يحصل احتال السببية على نصفها، وتكون قيمته مساوية لقيمة العلم الاجمالي الشرطي، باستثناء نصف قيمة من قيم اطرافه)(١).

اي ان: القيمة الاحتيالية لاستحالة الصدفة المطلقة سوف تساوي $\frac{V}{V}$ ، اما اذا كانت عدد التجارب الناجحة ثلاثة فسوف $\frac{V}{V}$

يكون ح= $\frac{V\frac{V}{V}}{\Lambda} = \frac{10}{17}$... وهكذا تزداد قيمة احتال استحالة الصدفة المطلقة بزيادة التجارب الناجحة التي لاحظنا فيها تكرار اقتران عدم المسبب بعدم السبب.

و ومن الواضع ان قيمة احتال استحالة الصدفة المطلقة بالطريقة السابقة (وفقا للعلم الاجمالي الثاني) تنسجم مع افتراض الغاء (العلم ١) والاعتباد على (العلم ٢) فقط، اى تطبيق بديهية الحكومة.

زد من الواضع _ في ضوء ما تقدم _ اننا نملك علمين اجماليين، يقرر (العلم ۱) ان عدم (ب)، اما ان يكون معلولا لعدم (أ) واما ان يكون عدم (ب) صدفة مطلقة، وهذا علم اجمالي مؤلف من طرفين، وقد تقدم ان قيمة احتمال الصدفة المطلقة = $\frac{1}{2}$ وقيمة احتمال استحالة الصدفة المطلقة = $\frac{1}{2}$

و (العلم ٢) يقرر قيمة احتهالية جديدة لاحتهال استحالة الصدفة $\frac{V}{\Lambda}$ ، وإذا $\frac{V}{\Lambda}$ ، وإذا لاحظنا (العلم ١) نجد أن الطرف الثاني منه

⁽١) الاسس المنطقية للاستقراء ص ٢٨٧.

(استحالة الصدفة المطلقة) يتنافى مع الاطراف (الاول والثاني والرابع) من (العلم ٢).

حـ تقدم في نظرية الاحتبال اننا في حالة هذين العلمين علينا ان للحظ اولا: هل ان القيم الاحتسالية لـ (العلم ٢) حاكمـة على القيم الاحتبالية في (العلم ١) ام لا؟

فاذا كانت حاكمة فهذا يعني تطبيق بديهية الحكومة، وسوف ينفرد (العلم ٢) في تقدير درجة احتيال الحادثة، اما اذا لم تكن حاكمة فيتعين تطبيق قاعدة الضرب بين العلوم الاجمالية ، وتقييم درجة احتيال الحادثة وفق العلم الثالث، الحاصل نتيجة الضرب وفرز الصور غير المحتملة.

ط ـ حينها نلاحظ (العلم ١) و (العلم ٢) لا نجد لائي منهها حكومة على الاخر؛ لان اطراف كلا العلمين لا تنفى طرفية ايَّ من اطراف الاخر.

ك ـ اذن! علينا تطبيق قاعدة الضرب، وبالضرب نحصل على
 الاطراف التالية:

 ١ـ استحالة الصدفة المطلقة، وعدم ثبوت (ب) في التجربة الاولى فقط.

٢ـ استحالة الصدفة المطلقة, وعدم ثبوت (ب) في التجربة الثانية
 فقط.

٣ـ استحالة الصدفة المطلقة، وعدم ثبوت (ب) في التجربتين.

٤_ استحالة الصدفة المطلقة، وثبوت (ب) في التجربتين.

٥_ امكان الصدفة المطلقة، وعدم ثبوت (ب) في التجربة الاولى
 فقط.

 ٦ـ امكان الصدفة المطلقة، وعدم ثبوت (ب) في التجربة الثانية فقط.

٧ـ امكان الصدفة المطلقة، وعدم ثبوت (ب) في التجربتين.

امكان الصدفة المطلقة، وثبوت (ب) في التجربتين.

وبعــد فرز الصــور غير المحتملة. وهي الصــورة الاولى والثــانية والرابعة. يتألف (العلم ٣) من خمسة اطراف:

١ـ استحالة الصدفة المطلقة، وعدم ثبوت (ب) في التجربتين.

٢- امكان الصدفة المطلقة، وعدم ثبوت (ب) في التجربة الاولى
 فقط.

 ٣ـ امكان الصدفة المطلقة، وعدم ثبوت (ب) في التجربة الثانية فقط.

٤ـ امكان الصدفة المطلقة، وعدم ثبوت (ب) في التجر بتين.

٥ ـ امكان الصدفة المطلقة، وثبوت (ب) في التجر بتين.

ومن الواضع ان (ح) استحالة الصدفة المطلقة سوف يستحوذ على اربعة اطراف من مجموع خسة اطراف، وبهذا يتضع ايضا ان قيمة (ح) في ضوء (العلم ٣) ووفقا لقاعدة الضرب، سوف تكون اصغر من قيمة (ح) في ضوء (العلم ٢) وعلى اساس بديهية الحكومة، ولكن زيادة التجارب الناجحة سوف يؤثر على رفع قيمة احتال التعميم المطلوب حتى اذا استخدمنا قاعدة الضرب، وبذلك يثبت ان احتال استحالة الصدفة المطلقه سوف

٣٥٨ منطق الاستقراء

يحصل على قيمة احتمالية كبيرة جدا \simeq (١) اذا كانت عدد التجارب الناجحة كبيرة جدا.

يبقى امامنا اثبات قيمة احتبال التعميم الاستقرائي، اي اثبات سببية (أ) لـ (ب)، وفي هذه الحالة سوف نكون امام فرضين:

الاول ــ ان يكون ما يحتمل سبباً لــ (ب) منحصرا في (أ) فقط.

الثاني ـ ان يكون ما يحتمل سبباً لـ (ب) غير منحصر في (أ) بل هناك عامل او عوامل اخرى يمكن ان تكون اسبابا لـ (ب) مضافا الى (أ).

الفرض الاول:

ابتدأنا هذا التطبيق مفترضين الفرض الاول لسهولة الحساب، وعلى اساس هذا الفرض: (اذا ثبتت السبية العدمية واستحالة الصدفة المطلقة بقيمة احتالية اكبر سببية (أ) لـ بينها يمكن (ب)، لان استحالة الصدفة المطلقة تتضمن سببية (أ) لـ (ب) بينها يمكن افتراض السببية الوجودية بين (أ) و (ب) حتى مع افتراض امكان الصدفة المطلقة)(١).

وهذا يعني ان الطرف الرابع من (العلم ٣) الذي هو في صالح امكان الصدفة المطلقة سوف يكون حياديا ازاء احتمال سببية (أ) له (ب)، وحيث والاطراف الاخرى من (العلم ٣) كلها في صالح سببية (أ) له (ب)، وحيث لا يوجد مبرر لترجيح احتمال سببية (أ) له (ب) على عدم احتمال سببية

⁽١) الاسس النطقية للإستقراء مي ٧٨٧.

نظرية الاحتبال والدليل الاستقرائينظرية الاحتبال والدليل الاستقرائي

(أ) فسوف يستحوذ احتال سببية (أ) لـ (ب) على نصف القيمة الاحتالية للطرف الرابع من (العلم Υ) وهذا يعني ان احتال سببية (أ) لـ (ب) يزيد على احتال استحالة الصدفة المطلقة بـ ($\frac{1}{Y}$)، اي اذا كان (ح) استحالة الصدفة المطلقة = $\frac{1}{Y}$ ، فسوف يكون احتال التعميم الاستقرائي (احتال السببية) _ على أساس الفرض الاول _ مساويا لـ: $\frac{1}{Y}$. $\frac{1}{Y$

$$\frac{1+r^{2}}{2} = \frac{1+r^{2}}{2}$$

الفرض الثاني:

اذا افترضنا في هذا التطبيق ان هناك اكثر من عنصر يتنافس على سببية (ب) فهناك الى جانب (أ) عنصر او اكثر يحتمل ان يكون سببا لـ (ب)، فيا هي القيمة الاحتمالية للتعميم السببي حينئذ؟

يقول (الاسس المنطقية للاستقراء) في الجواب:

«واذا افترضنا ان من المحتمل ان يكون لـ (ب) سبب آخر ايضا كـ (ت) و (جـ) امكن ان نتخذ ضد هذا الاحتمال _ بعد التخلص من احتمال الصدفة المطلقة _ نفس الطريقة التي فسرنا بها الدليل الاستقرائي في التطبيق السابق»(١).

ومن الواضح ان تفسير الدليل الاستقرائي على اساس التطبيق الاول يستدعي افتراض الايان باستحالة الصدفة المطلقة، اي اليقين بان عدم السبب علة لعدم المسبب، ومن هنا كان لابد من التخلص من احتمال

الصدفة المطلقة، وهذا يعني ان منح التعميم الاستقرائي «سببية (أ) لـ (ب) » قيمة احتيالية معقولة سوف يتوقف على بلوغ احتيال استحالة الصدفة المطلقة درجة اليقين.

ومن الواضح ان نظرية الاحتبال لا تستطيع ان تحقق هذا الانجاز بكل قواعدها وبديهياتها، انها نستطيع وفق هذه النظرية ان نبلغ باحتبال استحالة الصدفة المطلقة درجة احتبالية كبيرة، ومهها ازداد عدد التجارب يبقى احتبال الصدفة المطلقة قائها، اي ان الاحتبال الرياضي للصدفة المطلقة لا يبلغ الصفر مهها ازداد عدد التجارب.

ويحسن الالتفات هنا الى ان العلم الاجمالي الشرطي في هذا التطبيق يتجه اساسا لرفع قيمة احتمال (استحالة الصدفة المطلقة)، الى درجة كبيرة جدا، ومن ثم نستطيع ان نثبت قيمة احتمال التعميم بدرجة اكبر، ولكن يمكن استخدام علم اجمائي شرطي آخر يتجه اساسا لرفع قيمة احتمال التعميم السببي مباشرة، وهذا ما سوف يتم استخدامه في التطبيق الثالث.

التطبيق الثالث:

ننطلق في هذا التطبيق من افتراض الشك بالسببية الوجودية بمفهومها العقلي، والايهان بامكان الصدفة المطلقة.

على اساس هذا المنطلق لا يمكننا الافادة من العلم الاجمالي، الذي اعتمدناه في التطبيق الأول بغية رفع قيمة احتمال التعميم السببي (التعميم الاستقرائي) لان ذلك العلم الاجمالي يمكنه رفع قيمة احتمال التعميم بفضل الايمان المسبق باستحالة الصدفة المطلقة، ونحن هنا نفترض الايمان بامكان الصدفة المطلقة.

ولا يمكن الافادة ايضا من العلم الاجمالي الشرطي، الذي تقدم في التطبيق الثاني، بغية رفع قيمة احتمال (استحالة الصدفة المطلقة)، لاننا نفترض في هذا التطبيق امكان الصدفة المطلقة.

ولكن يمكن ابراز علم اجمالي شرطي جديد، يمكن ان نرفع ـ في ضوءه ـ قيمة احتيال سببية (أ) لـ (ب) في ضوء التجارب.

لنفترض اولا ـ ان ما يحتمل كونه سببا لـ (ب) هو (أ) فقط، وفي هذه الحالة سيكون لدينا علم اجمالي قبلي مؤلف من طرفين سببية (أ) لـ (ب) وعدم سببية (أ) لـ (ب).

وبعد تجربتين ناجحتين سيكون لدينا العلم الاجمالي الشرطي التالي: (أذا لم تكن (أ) سببا لـ (ب) فعن المحتمل ان توجد (ب) في التجربة الثانية فقط، ومن المحتمل ان توجد (ب) في التجربة الثانية فقط، ومن المحتمل ان توجد (ب) في التجربتين معا، ومن المحتمل ان لا توجد (ب) في التجربتين معا،

وهذه اربع قضايا شرطية تشترك في شرط واحد، وتختلف في الجزاء، وحيث اننا اجرينا تجربتين ناجحتين لاحظنا فيهها اقتران (ب) بـ (أ) فهذا يعني ان الجزاء في القضية الشرطية الاولى والثانية والرابعة كاذب، ولاجل ان تصدق القضية الشرطية في حال كذب الجزاء لابد من كذب الشرط فيها، وهذا يعني كذب الشرط في ثلاث قضايا من القضايا الاربعة، وكذب الشرط يعني ثبوت سببية (أ) لـ (ب)، وبهذا يثبت ان ثلاثة اطراف من اطراف العلم الاجمالي الشرطي ـ بعد تجربتين ناجحتين ـ تثبت التعميم السببي.

«اما في حالة افتراض اشياء كثيرة يحتمل كونها اسبابا لـ (ب) من قبيل (ت) و (جـ)، فيمكننا ـ اولاً ـ ان نستخدم العلم الشرطي المذكور لمسلحة السببية ككل بادخال تعديل في العلم الشرطي وجعل صيغته كيا يلى:

(اذا لم يكن شيء من الاشياء المقترنة به (ب) باستمرار في التجارب الناجحة سببا له (ب) فاما، واما الغ $^{(1)}$ وهذا العلم سوف يعطي قيمة احتمالية كبيرة لكون احد الاشياء المقترنة به (ب) سببا، وبعد ذلك نعين السبب في (أ) بنفس الطريقة التي استعملناها في التطبيق الاول $^{(7)}$.

التطبيق الرابع:

ننطلق في هذا التطبيق من الايهان بنفي السببية الوجودية بمفهومها العقبلي، اي: الايهان بان العلاقة بين السبب والمسبب ليست هي علاقة اللزوم والضرورة، انها هي علاقة الاقتران المطرد.

 ⁽١) إي: اما أن تحدث (ب) في التجربة الاولى نقط. وأما أن تحدث في التجربة الثانية فقط وأما أن تحدث
 في التجر بنين معا. وأما أن لا تحدث في النجر بنين معا.

⁽٢) الاسس المنطقية للاستقراء، ص ٢٩٢.

وعلى هذا الاساس فسوف تكون مهمة البحث _ في هذا التطبيق _ تنمية احتال التعميم الاستقرائي، الذي يعني علاقة الاقتران المطرد، وعلاقة الاقتران بين (أ) و (ب) _ تاسيسا على ما تم بيانه في ضوء الاسس المنطقية للاستقراء _ لا تعبر عن علاقة بين مفهوم (أ) و (ب) وانها هي عبارة عن علاقات مستقلة بين كل مصداق من مصاديق (أ) و (ب).

من هنا فسوف تكون قيمة احتبال التعميم الاستقرائي - على اساس المفهوم التجريبي للسببية - قبل التجارب الناجحة تساوي حاصل ضرب القيم الاحتبالية لاقتران كل فرد من افراد (أ) بكل فرد من افراد (ب).

وبها ان قيمة احتمال اقتران اي فرد من افراد (أ) به (ب) يساوي احتمال عدم الاقتران _ قبل التجربة _ فهذا يعني ان (ح) التعميم القبلي = $\left(\frac{1}{\sqrt{1-x}}\right)^{auc}$

ولو افترضنا ان عدد افراد (أ) عشرة، فهذا يعني ان القيمة القبلية $(\frac{1}{\gamma})^{-1}$ ولو افترضنا ان عدد افراد (أ) $(\frac{1}{\gamma})^{-1}$ والقيمة البعدية لاحتيال التعميم الاستقرائي لا تتجاوز النصف مها ازداد عدد التجارب الناجحة، اي اننا لو اختبرنا تسعة من افراد (أ) ولاحظنا اقترائها بـ (ب) فسوف يكون احتيال التعميم = $(\frac{1}{\gamma})$. كما لو لاحظنا اقتران ثهانية من افراد (أ) بـ (ب) فسوف تكون قيمة احتيال التعميم = $(\frac{1}{\gamma})^{-1}$.

لكن هناك علم اجماليا شرطيا يمكن اتخاذه اساسا لتنمية احتمال التعميم الاستقرائي على اساس المفهوم التجريبي للسببية، فنحن بعد اربع تجارب ناجحة لاحظنا فيها اقتران (أ) بـ (ب) سوف نعلم بها يلي:

اذا كان هناك فرد من افراد (أ) ـ على افتراض ان افراد (أ) عشرة لا يقترن بــ (ب) فاما ان يكون (أ ١)واتــاان يكون (أ ٢) ... (أ ١٠).

وهذا علم اجمالي شرطي، مؤلف من عشر قضايا شرطية تشترك في شرط واحد، وتختلف جزاء اتها، وبها ان القضايا الشرطية الاربعة ثبت كذب جزاءها فهي ستثبت كذب شرطها بنفس القيمة الاحتيالية التي تتمتع بها، اي سوف يثبت ان ليس هناك فرد من افراد (أ) لا يقترن بـ (ب) بقيمة احتيالية تساوي حاصل جمع القيم الاحتيالية للقضايا الشرطية الاربعة، التي ثبت كذب الجزاء والشرط فيها.

اما القضايا الشرطية الستة الاخرى فهي حيادية ازاء صدق شرطها وعـدمه. ومن ثمَّ فهي حيادية ازاء التعميم الاستقرائي الذي يساوى ان كل افراد(أ) تقترن بـ (ب).

وعلى اساس هذا العلم الاجمالي الشرطي سوف تكون قيمة احتمال

التعميم ـ في الفرض ـ مساوية لـ
$$\frac{2}{1}$$
 + $\frac{\pi}{1}$ = وكلها

ازداد عدد التجارب الناجحة سوف تزداد قيمة احتيال التعميم.

ونلاحظ هنا ما يلي:

اولا _ ان هذا العلم الاجمالي الشرطي لا يتحدث عن الواقع، بل ليس لجزاء واقع محدد، وقد تقدم _ في البديهيات الاضافية _ ان هذا اللون من العلوم الشرطية لا يمكن اتخاذه اساسا لتنمية احتمال التعميم الاستقرائي.

نظرية الاحتيال والدليل الاستقرائي

ثانيا _ ان تنمية احتمال التعميم على اساس هذا العلم الشرطي ليست امرا عمليا لسببين رئيسيين:

أ ـ ان مصاديق اي مفهوم من المفاهيم لا يمكن عدها واحصاؤها عمليا.

ب _ اننا لو اغمضنا النظر عن امكانية احصاء مصاديق المفاهيم المستخدمة في العلوم عادة، و افترضنا امكانية احصائها، فسوف نلاحظ ان عدد مصاديق اي مفهوم من المفاهيم يبلغ رقبا كبيرا جدا، ولنفرضه ١٠/٠٠٠/٠٠٠ وعلى هذا الاساس سوف تكون قيمة احتال التعميم بعد

وبعد الف تجربة ناجحة =

وهـذا يعني أن قيمة احتمال التعميم بعد عدد هائل من التجارب تنمو بمقدار ضئيل جدا. ويهذا يثبت ان الغاء احتبال السببية بمفهومها العقلي، والجزم القبلي بان علاقة السببية بين (أ) و (ب) لا تتضمن اي معنى من معاني اللزوم والضرورة يقضي على الدليل الاستقرائي، ولا يسمح لنظرية الاحتبال ان تنمّى قيمة احتبال التعميم الاستقرائي.

على ان ننوه اخيرا بان المذهب التجريبي، او اي اتجاه اخر من الاتجاهات التي تعتمد في تفسير المعرفة البشرية غير قادر على الجزم بنفي التلازم بين العلة والمعلول، اذ لا تستطيع ادوات التجربة الحسية ان تنفي، او تثبت امرا غير حسى، واللزوم والضرورة مفاهيم عقلية.

وعلى هذا الاساس سوف تبقى العلية بوصفها علاقة لزوموضرورة امرا محتملا في اسوء الاحوال.

الشكل الثاني للمرحلة الاستنباطية:

كان لدينا في الشكل الاول (أ) و (ب)، واتجهنا الى رفع قيمه احتهال التعميم الاستقرائي من خلال تنمية احتهال سببية (أ) له (ب) ونواجه في الشكل التاني حالات من نوع آخر، حيث سوف يكون لدينا (ب) ونحاول على اساس تطبيق نظرية الاحتهال في تفسيره الاجمالي _ تنمية احتهال وجود (أ) او تنمية احتهال وجود احد مصاديقه، وسوف نأتي على دراسة حالات هذا الشكل فيها يلى:

الحالة الأولى:

نفترض اننا استطعنا على اساس الشكل الاول اثبات ان (ب) لها

نظرية الاحتيال والدليل الاستقرائي

سببان (أ لات)، فاذا لاحظنا وقوع (ب) مرة واحدة فسوف يتكون لدينا علم اجمالي بوجود احد سببي (ب)، ووفق هذا العلم (العلم) سوف يكون احتمال وجود (أ) = رز ، واحتمال وجود (ت) = رز

ولكن اذا استطعنا أن نعرف أن (ت) حادثة مركبة من الحوادث التالية (ع \cap غ \cap ش)، وكان احتال حدوث أي واحدة من هذه الوقائع الثلاث يساوي (∇)، حينئذ سنحصل على علم الجالي جديد (علم ∇) يتألف من الاطراف التالية:

١_ ان تحدث (ع) فقط.

٢_ ان تحدث (غ) فقط.

٣_ ان تحدث (ش) فقط.

٤_ ان تحدث (ع ١٦غ) فقط.

٥ ان تحدث (ع ۩ ش) فقط.

٦_ ان تحدث (غ ١٦ ش) فقط.

٧_ ان تحدث (ع ٦غ ٦ش).

٨ ان لايحدث اي منها.

ونلاحظ ان الطرف (١), (٢), (٣), (٤), (٥), (٦), (٨), تعني انتفاء وجود (ت), وتثبت وجود (أ) اما الطرف (٧) فهو حيادي ازاء وجود (أ) وعدم وجوده، وهذا يعني ان نصف القيمة الاحتيالية لهذا الطرف تسجل لصالح وجود (أ) ايضا، وهذا يكون (ح) وجود (أ) في ضوء (العلم٢)

$$\frac{10}{17} = \frac{0}{12} = \frac{0}{12}$$

ولكن لدينا (العلم ١) الذي حدد قيمة وجود (أ) بـ ٧٠ ووفقا لنظرية الاحتمال لا بد من تطبيق قاعدة الضرب بين العلوم الاجمالية اذا لم تصدق بديهية الحكومة.

وهنا نلاحظ: ان الاطراف السبعة من (العلم ٢) التي تثبت وجود (أ) لا تنفي كون (ت) طرفا من اطراف (العلم ١)، وبهذا لا تحكم القيم الاحتمالية لـ (العلم ٢)، وعلى هذا الاساس لا بد من الضرب بين (العلم ١) و (العلم ٢)، وسوف نحصل على الاطراف التالية:

- ١- ان توجد (أ)، و (ع).
- ٣_ ان توجد (أ)، و (غ).
- ٣ـ ان توجد (أ)، و (ش).
- ٤ـ ان توجد (أ)، و (ع ∩غ).
- ٥_ ان توجد (أ)، و (ع∩ش).
- ٦_ ان توجد (أ)، و (غ ∩ش).
- ٧ـ ان توجد (أ)، و (ع∩غ∩ش).
- ٨ـ ان توجد (أ)، و لا توجد اي منها.
- ان يوجد(ت)، و (ع) وهذه حادثة غير محتملة.
- ان يوجد (ت)، و (غ) وهذه حادثة غير محتملة.
- ان يوجد (ت)، و (ش) وهذه حادثة غير محتملة.
- ان يوجد (ت)، و (ش ١٦ع) وهذه حادثة غير محتملة.
- ان يوجد (ت)، و (ع ∩غ) وهذه حادثة غير محتملة. ان يوجد (ت)، و (ش ∩غ) وهذه حادثة غير محتملة.

نظرية الاحتيال والدليل الاستقرائي

٩_ ان يوجد (ت)، و (ع ١٩غ١ش).

ان يوجد (ت)، وُلا يوجد اي منها وهذه حادثة غير محتملة.

وبهذا يثبت ان (العلم ٣) يتألف من تسعة اطراف، وسوف تكون قيمة احتيال وجود (أ) على اساس الضرب = ﴿ ﴿ .

الحالة الثانية:

نفترض العلم المسبق بوجود علاقة سببية بين (أ) و(ب)، ونحتمل ايضا وجود علاقة سببية بين (ت) و (ب).

فاذا وقعت (ب) فسوف يكون لدينا علم اجمالي بوقوع حادثة بينها وبين (ب) علاقة السببية، ونفترض ايضا ان كلا من (أ) و (ت) و (ب) مركب من ثلاث حوادث.

واذا رمزنا الى الحوادث الثلاثة، التي يتألف منها (أ) به (ج، د، هه)، ورمزنا الى الحوادث الثلاثة التي يتألف منها (ت) به (جَب دَ، هَ)، ورمزنا الى الحوادث الثلاثة، التي يتألف منها (ب) به (س، ص، ق)، وكنا نعلم بوجود علاقة سببية بن (جه) و (س) و بين (د) و (ص)، و بين (هه) و (ق)، ونحتمل في نفس الوقت بوجود علاقة سببية بين (جَه) و (س)، و (دَ) و (ص)، و (هَه)، و (هَه).

فاذا وقعت (ب) فسوف يبقى (العلم ١) قائها، وهو اننا نعلم بوقوع حادثة بينها وبين (ب) علاقة سببية، ولكن هناك علما اجاليا آخر (العلم ٢)، وهو العلم الاجمالي الذي يحدد قيمة احتمال سببية (ت) لـ (ب)، وسببية (ت) لـ (ب) تعر عن سببية ثلاث حوادث «سببية (جًـ) لـ (س)

٣٧٠ منطق الاستقراء

وسببية (د) لـ (ص) و سببية (هـ) لـ (ق) » وسوف يتألف (العلم ٣) من مجموعة اطراف، هي حاصل ضرب اطراف العلم الاجمالي الذي يرتبط باحتال سببية (جـ) لـ (س)، في العلم الاجمالي الذي يرتبط بسببية (د) لـ (ص)، في العلم الذي يتعلق بسببية (هـ) لـ (ق)، وحيث اننا نفترض ان احتمال السببية في كل هذه الحالات مساو لاحتمال عدمها، فسوف تكون الاطراف في (العلم ٣) ثمانية وهي:

١_ سببية (جَـ) لـ (س) فقط.

٢_ سببية (د) لـ (ص) فقط.

٣_ سببية (هَـ) لـ (ق) فقط.

٤_ سببية (جَـ) لـ (س) ۩ (دَ) (ص) فقط.

٥ - سببية (جَـ) لـ (س) ∩ (هَـ) لـ (ق) فقط.

٦- سببية (جُـ) لـ (س) ۩ (هُـ) لـ (ق) فقط.

٧ـ سببية (جَـ) كـ (س) ۩ (دُ) كـ (ص) ۩ (هُـ) كـ (ق).

٨ عدم سببية اي منهم.

ونلاحظ هنا ان الطرف (١) و (٣) و (٤) و (۵) و (٥) و (٦) و (٨) و ولاحلام وجود (أ) بينها يمثل الطرف (٧) قيمة حيادية ازاء وجود (أ) وعدمه وبهذا تصبح قيمة احتهال وجود (أ) = $\frac{V}{\Lambda} \frac{V}{\Lambda}$ ، وهذا (العلم ٢) حاكم على (العلم ١)؛ لان اطراف العلم الاول مقيدة بصفة، وهي ان تكون الحادثة سببا لـ (ب)، فنحن بوقوع (ب) سوف نعلم اجمالاً بوقوع حادثة متصفة بانها سبب لـ (ب)، والاطراف التي تنفي سببية (ت) تنفي مصداقيتها للعلم

نظرية الاحتبال والدليل الاستقرائينظرية الاحتبال والدليل الاستقرائي

الاجمالي الاول، وبهذا يكون (العلم ٢) حاكما على العلم الاول.

اما قيمة احتبال وجود (ت) فهي تحدد على اساس مدى توفر (ت) على الصفة التي يتقيد بها طرف العلم الاجمالي الاول، وسوف يكون:

ح (ت) = احتال سببية (ت) لـ (ب) \times احتال وجوده على تقدير بيته.

احتمال سببیته =
$$\frac{1}{\Lambda}$$
 .
احتمال وجوده علی تقدیر سببیته = $\frac{1}{\Lambda}$.
اذن! ح (ت) = $\frac{1}{\Lambda}$ × $\frac{1}{\Lambda}$ = $\frac{1}{1}$.

الحالة الثالثة:

نفترض ان لدينا مكتبة تضم بين كتبها (ن) من الكتب الخاصة بعلم الطب، وعلمنا بدخول شخص الى المكتبة نرمز اليه بـ (ت) مردد بين (ط) U (هــ)، فسوف يكون لدينا علم اجمالي بدخول (ط) U (هــ)، وسيكون ح (ط) = ۷/۲ .

وبعد ملاحظة (ن) وجدناها على طاولة المطالعة، وإذا افترضنا ان وجود كتب علم الطب على طاولة المطالعة يعني ان الداخل الى المكتبة مختص في علم الطب، وافترضنا ان الاختصاص في علم الطب حادثة مركبة من الحوادث (جو، ح، خ) وكنا نعلم ان (ط) متصفة بد (جو، ح، خ) اي ان الشخص (ط) مختص بعلم الطب، ولا نعلم شيئا عن اختصاص (هر)، فها هي قيمة احتهال دخول (ط) الى المكتبة؟

نلاحظ ان لدينا في البداية علما اجماليا يحدد قيمة ح (ط) بـ (٦/١). وبعد مشاهدة كتب الطب على الطاولة يتكون لدينا علم اجمالي مؤلف من الاطراف التالية:

١ اتصاف (هـ) بـ (جـ) فقط.

٢_ اتصاف (هـ) بـ (ح) فقط.

٣ اتصاف (هـ) بـ (خ) فقط.

٤ ـ اتصاف (هـ) بـ (جـ) ١٦ (ح) فقط.

٥ اتصاف (هـ) بـ (جـ) ۩ (خ) فقط.

٦_ اتصاف (هـ) بـ (ح) ١١ (خ) فقط.

٧_ اتصاف (هـ) بـ (ح) ١٦ (جـ) ١١ (خ) .

٨ عدم اتصاف (هـ) باي منها.

و (العلم ٢) حاكم على (العلم ١) لان القيم الاحتيالية التي تنفي النصاف (هـ) بـ (ح ∩جـ ∩خ) تنفي ان يكون (هـ) مصداقاً لـ (ت)، اي تنفي ان يكون (هـ) هو الداخل للمكتبة، ومن ثم تنفي طرفيته للعلم الاجمالي الاول.

اولا ـ ان البداية التي يعتمدها هذا الشكل هي نفس البداية التي افترضها التطبيق الاول في الشكل الاول، اي افتراض استحالة الصدفة

المطلقة.

وثانيا _ ان الحالات او امثلة الحالات التي تقدمت لا تنحصر بها ذكرناه، بل هناك امثله او حالات اخرى تختلف عن الامثلة التي ذكرناها، لكنها تشترك بنفس الاطار العام الذي يتم في ضوءه حساب قيمة احتمال الحادثة في الحالات التي ذكرناها.

٣٧٤ منطق الاستقراء

نهاية المطاف:

قبل تلخيص النتائج التي يمكن استخلاصها في ضوء دراستنا لتطبيق نظرية الاحتمال على الدليل الاستقرائي لا بد لنا من الوقوف عند قضية اساسية ترتبط بعامة البحث، وهي:

ان التعميم الاستقرائي ـ وفق الطريقة التي تبناهاالسيدالصدر ـ يتطلب أمرين اساسيين:

أ- ان ينصب الاستقراء على مفردات ذات خاصية مشتركة اي اننا حينها نريد استخلاص التعميم الاستقرائي (كل أ ب) على اساس رفع قيمة احتال سببية (أ) لـ (ب) فعلينا ان نستقرأ (أ١) و (أ ٢) (أ ن) ونلاحظ اقترانها بـ (ب) ولا بد ان يكون كل واحد من (أ) مشتركا مع سائر افراد (أ) بصفة جوهرية، بحيث تكون كل هذه المصاديق معبرة عن مفهوم مشترك هو مفهوم (أ) لاننا نريد رفع قيمة احتال سببية مفهوم (أ) فاذا كانت الالفات مجموعة مختارة بشكل مصطنع، ولم تكن مشتركة في ماهية واحدة فلا يمكننا من اقتران (أ ١) (أ ٢) ان تستدل على سببية (أ).

ب ـ ان لا تتوفر الجزئيات التي شملتها التجربة على خاصية جوهرية تميزها عن سائر الجزئيات الاخرى، اي ان مصاديق (أ) التي شملتها التجربة لا تتميز بخصوصية ذاتية عن مصاديق (أ) التي لم تشملها التجربة، اذ لو تميزت فسوف يتعذر ان نسجل القيمة الاحتالية للسببية لصالح الخصوصية المشتركة، حيث يصبح ممكتا ان تكون سببية افراد (أ) التي شملتها ناشئة من الخصوصية المميزة لهذه الالفات.

واخيرا يمكن ان نضع نتائج دراسة تطبيق نظرية الاحتبال على الدليل الاستقرائي في النقاط التالية:

اولا .. أن الدليل الاستقرائي قادر على رفع قيمة احتمال التعميم الاستقرائي اعتبادا على نظرية الاحتمال في تفسيره الاجمالي.

ولا يتطلب اي مصادرة اخرى مضافا الى ما تستدعيه نظرية الاحتال من بديهيات.

ثانيا _ ان اتخاذ الايان المسبق برفض مبدأ العلية مصادرة يعطل السدليل الاستقرائي عن ممارسة دوره في رفع قيمة احتمال التعميم الاستقرائي، والشك والحياد ازاء قبول العلية اورفضها هو الموقف التجريبي المعقول من مبدا العلية.

ثالثا _ على افتراض الشك بمبدأ العلية يمكن للدليل الاستقرائي ان يرفع قيمة احتال التعميم الاستقرائي، حيث اتضح لنا ان نظرية الاحتيال في تفسيره الاجمالي تتيح لنا فرصة رفع قيمة احتال استحالة الصدفة المطلقة الى درجة كبيرة جدا، كما يمكن رفع قيمة احتال التعميم الاستقرائي مع الشك بالقضية الثانية لمبدأ العلية، التي تقرر: ان العلاقة بين (أ) و (ب) علاقة الضرورة واللزوم رغم الايهان المسبق بامكان الصدفة المطلقة، ورفض القضية الاولى التي يقررها مبدأ العلية: (ان لكل حادثة سببا).

لوضوعاتل	ست ا	فهر
----------	------	-----

الفهرس

الموضوع

الصفحة.

	-
٥	المدخل
17	القصل الأول: الاستقراء ما قبل نظرية الاحتبال
11	تمريف الاستقراء
11	موقف الموسوعة الفلسفية المختصرة ومناقشته
*1	موقف موسوعة الفلسفة ومناقشته
**	۱_ الاستقراء عند ارسطو
YA	دلالات الاستقراء عند ارسطو
٣٠	مناقشة الاعتراض المطروح على مفهوم الاستقراء التام لدى ارسطو
۳۸	خلاصة
٤٠	٧_ الاستقراء في المدرسة الارسطية
٤٠	أ ـ الاستقراء التام
£Y	ب ـ الاستقراء الناقص
٤٥	اليقين التجريبي عند ابن سينا
٤A	الموقف الاستقرائي لدى علياء المسلمين والافق المقترح

منطق الاستقراء	TAY
76	٣. الاستقراء منذ النهضة الاوربية الحديثة
۲٥	نظرة عامة
oi	أ ــ الاستقراء بين بيكون ومل
٥٧	ب ـ الاستقراء لدى دافيد هيوم
11	الفصل الثاني: نظرية الاحتيال «١»
٦٢	١ _ مفهوم الاحتيال
רר	۲ _ حساب الاحتبال
וו	المثال (١)
דר	المثال (۲)
77	المثال (۳)
74	المثال (٤)
٧٠	المثال (٥)
٧١	المتال (٦)
٧٢	الاحتيالات المشروطة والاحتيالات المستقلة
Yo	المال (٧)
YA	المتال (٨)
A\	الاحتيالات المتنافية والاحتيالات غير المتنافية
Ai	٣- تفسير الاحتيال
٨٥	التفسير الكلاسبكي ونقده
۸o	التفسير التكراري ونقده
AA.	التعريف الاجالي
M	مفهوم العلم الاجالي
17	التمريف والمثال «٢»
16	التعريف والمثال هامه
117	التمريف والمثال «٤»
177	التعريف والمثال «4»

TY1	نهرست الموضوعات
177	التمريف والمثال «٦»
18	التعريف والمثال «V»
١٣٥	التعريف والمثال ههه
127	الصعوبات التي تواجه التمريف الاجمالي
127	المشكلة الاولى «مشكلة التقسيم»
120	معالجة المشكلة
184	مقياس التقسيم
NEA	المشكلة والمقياس
10.	المشكلة الثانية
101	معالجة المشكلة
107	الفصل الثالث: نظرية الاحتبال «٢»
100	۱_ بدهیات حساب الاحتیال
100	لمحة تاريخية عن نشوء حساب الاحتبال
104	أ ــ بديهيات برود
104	ب ـ التفسير الاجمالي وبديهيات برود
101	الملاحظة الاولى
101	الملاحظة الثانية
171	٢_ قواعد حساب الاحتيال
171	أ_ قاعدة الجمع
177	ب ـ قاعدة الضرب
ארו	حـــــ قواعد المجموعة المتكاملة
178	د ـ قاعدة الاحتيال العكسي
178	هـ ـ مثال الحقائب
170	المثال
170	الحل
174	التفسير الاجالى ومثال الحقائب

. منطق الاستقراء	тл.
171	و - برنولي
141	لمحة عامة
177	اولاً: معادلات برنو لي
145	المتال «٩»
141	المثال «١٠»
140	المثال ۱۵ ه
144	المتال «۱۲»
171	المثال «۱۳»
١٨٠	المثال «١٤٤
۱۸۰	المثال «۵۶»
141	المنال «٦٦»
141	ملاحظة α١٥
110	ملاحظة ((٢)
117	ملاحظة α٣٥
	امثلة حول معادلات برنولي
117	المثال الاول
Y	المثال التاني
4-1	المتال التالث
7.7	ملاحظة
7.7	ئانياً: نظرية برنولي
4.4	النص
7.7	اثبات نظرية برنولي
Y-A	اثبات تشييف
4.4	فرضية الاثبات
4.4	المطلوب اثباته
*1.	البرهان

TA1	فهرست الموضوعات
777	ثالثاً: التفسير الاجمالي ونظرية برنولي
***	التفسير الاجمالي والنقطة الاولى
***	التفسير الاجمالي والنقطة الثانية
***	التفسير الاجمالي والنقطة الثالثة
171	التفسير الاجالي والنقطة الرابعة
***	التفسير الاجماني والنقطة الخامسة
***	معالجة المشكلة لدى الشهيد الصدر
72.	معالجة المشكلة في ضوء البحث
To •	ملاحظة حول معالجة الاستاذ
701	٣ التفسير الاجمالي مشكلات وحلول
701	أ ـ التعريف الاجالي «صياغة التعريف»
ToT	ب ـ اطراف العلم الاجمالي حوادث مثنافية
FaY	حدد حاجة التعريف الى بديهية اضافية
For	د ـ التفسير الاجمالي وتعريف اعضاه المجموعة
TOA	هـ ـ قاعدة الضرب في العلوم الاجالية
rrr	و ـ بديهية الحكومة
172	ز_مشكلات العلوم الاجمالية الشرطية
TV £	المشكلة الاولى
***	المشكلة التانية
779	استنتاج وتلخيص
YAY	الغصل الرابع: نظرية الاحتهال والدلبل الاستقرائي
TAT	نظرة عامة
TAO	اتجاهات البحث التقليدية
791	اتجاه جديد
144	الفقرة الاولى: الاستقراء والنظرية الرياضية للاحتيال
115	مناقشة الدكتور زكي نجيب محمود

منطق الاستقراء	
140	مفهوم لابلاس لتطبيق النظرية على الاستقراء
797	صيغتا لابلاس
144	تقويم لابلاس في ضوء التعريف الاجمالي
۲۰۱	الفقرة الثانية: الاستقراء ونظرية الاحتيال لدى الشهيد الصدر
T-1	مفهوم العلبة
٣٠٣	العلية العقلية
٣٠٤	العلية التجريبية
٣٠٦	ايضاح وتلخيص
٣٠٩	الشكل الاول للمرحلة الاستنباطية
T 11	التطبيق الاول
T \A	صيغنا الصدر
T \A	تغسير الصيغة الاولى
TTT	تفسير الصيغة الثانية
TEA	الحكومة اساس الثقبيم
701	التطبيق الثاني
۲٦٠	التطبيق الثالث
777	التطبيق الرابع
777	الشكل التاني للمرحلة الاستنباطبة
777	الحالة الاولى
771	الحالة الثانية
441	الحالة التالفة
475	نهاية المطاف